

Paket 2

KAIDAH DASAR ILMU FALAK

Pendahuluan

Perkuliahan pada paket ini difokuskan pada kaidah dasar ilmu falak mengenai posisi (*al-makan*), arah (*al-jihah*), dan waktu (*al-zaman*). Kaidah tentang posisi membicarakan tentang penentuan posisi pada bola bumi dan bola langit dengan mengacu pada empat tata koordinat yang relevan. Kaidah tentang arah membicarakan konsep arah dalam ilmu falak dan label yang digunakan dalam penyebutan dan identifikasinya baik arah pada aras horizontal maupun arah pada aras vertikal. Sedangkan kaidah tentang waktu membicarakan tentang waktu dari segi siklus-siklusnya, jenis-jenisnya, dan zonanya.

Untuk itu dalam paket ini mahasiswa akan mengkaji tiga sub pokok bahasan, yakni: 1) Tata koordinat astronomi untuk penentuan posisi pada bola bumi dan bola langit yang meliputi tata koordinat khatulistiwa, tata koordinat ekuator, tata koordinat horizon, dan tata koordinat ekliptika; 2) Konsep arah dan nama (label) nya, yakni harga *azimuth* sebagai label arah dalam aras horizontal, dan harga ketinggian atau harga jarak *zenith* sebagai label arah dalam aras vertikal; 3) Konsep tentang waktu dari segi siklus (hari, bulan, dan tahun), jenis (waktu hakiki dan waktu pertengahan), dan kawasan berlakunya (waktu lokal setempat, dan waktu daerah atau zona). Kajian terhadap materi-materi di atas diselenggarakan dengan dukungan tayangan *slide power point* yang disiapkan oleh dosen. Di samping itu, mahasiswa diberi tugas untuk membaca uraian materi dan membuat *resume* dengan panduan lembar kegiatan. Penguasaan terhadap materi pada paket ini akan memberi wawasan yang penting bagi mahasiswa dalam mempelajari materi pada paket selanjutnya.

Pelaksanaan perkuliahan ini memerlukan dukungan media pembelajaran berupa *LCD Projector*, Komputer atau Lap Top, Kertas Plano, Spidol, Isolasi, dan *White Board*.

Pertama, mengonversi jarak ke tempat terdekat yang sudah ada data harga ϕ nya, yakni dari satuan kilometer menjadi satuan derajat, menit, dan detik busur. Ketentuan konversinya adalah: setiap 1° pada garis Bujur (garis Utara-Selatan) sama dengan 110 kilometer. Misalnya kita akan menentukan ϕ kecamatan Waru dengan mengacu pada ϕ Surabaya.

$$\begin{aligned} \text{Diketahui : } \phi \text{ Surabaya} &= 7^\circ 15' \text{ LS} \\ \text{Sby-Waru (ke selatan)} &= 13 \text{ km } (= 0^\circ 7' 5.45'') \\ \text{Jadi : } \phi \text{ Waru} &= 7^\circ 15' + 0^\circ 7' 5.45'' \\ &= 7^\circ 22' 5.45'' \text{ LS} \end{aligned}$$

Kedua, menginterpolasi garis-garis lintang pada Atlas atau Peta Bumi, yaitu dengan mengukur jarak tempat itu ke garis-garis lintang yang mengapitnya. Rumus interpolasi adalah: $A - (A-B) \times C/i$, di mana A adalah garis lintang I, B adalah garis lintang II, C adalah jarak tempat itu ke garis lintang I, dan i adalah interval antara garis lintang I dan garis lintang II. Misalnya kita akan menentukan harga ϕ kecamatan Wonocolo Surabaya dengan mengacu pada garis lintang 0° dan 15° LS.

$$\begin{aligned} \text{Diketahui : } \text{Garis lintang I} &= -0^\circ \quad (\text{A}) \\ \text{Garis lintang II} &= -15^\circ \quad (\text{B}) \\ \text{Jarak Wonocolo dari Garis Lintang I} &= 2.45 \text{ cm} \quad (\text{C}) \\ \text{Jarak Garis Lintang I - II} &= 5 \text{ cm} \quad (\text{i}) \\ \text{Jadi : } \phi \text{ Kec. Wonocolo} &= -0^\circ - (0^\circ - -15^\circ) \times 2.45/5 = -7^\circ 21' \end{aligned}$$

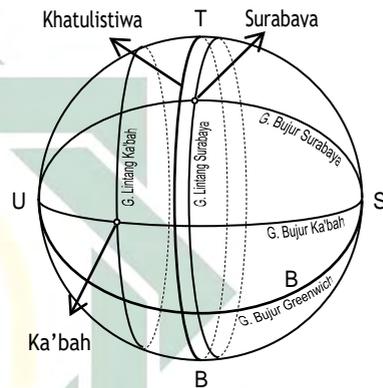
Ketiga, menjumlahkan harga zm (jarak *zenith*-matahari pada saat berkulminasi) dengan harga deklinasi (δ) Matahari. Harga zm dicari dengan rumus: $\tan z_m = \frac{\text{panjang bayang-bayang tongkat pada saat Matahari berkulminasi}}{\text{panjang tongkat itu sendiri}}$. Sedangkan harga δ Matahari dapat diperoleh dari almanak-almanak ephemeris.

Misalnya di suatu tempat pada saat Matahari berkulminasi (tengah hari), tongkat yang panjangnya 50 cm telah mempunyai bayang-bayang sepanjang 11 cm. Berarti harga $\tan z_m$ -nya pada saat itu adalah $11 : 50 = 0.22$. Berdasarkan harga $\tan z_m$ tersebut, harga zm dapat diketahui dengan bantuan *scientific calculator*, yakni $12^\circ 24' 26.71''$. Selanjutnya bila dari data pada almanak ephemeris diketahui bahwa harga δ Matahari pada

f. Bujur Tempat (λ)

Bujur Tempat (*Tal-Balad*) ialah jarak sepanjang Lingkaran Lintang mulai dari titik potongnya dengan garis Bujur *Greenwich* sampai ke titik potongnya dengan garis bujur tempat yang bersangkutan. Lambang bujur tempat adalah λ (baca: *lambda*).

Sebagai salah satu dari dua sumbu pada tata koordinat Khatulistiwa, bujur *Greenwich* ditetapkan sebagai Bujur 0° . Dari bujur 0° ke Timur sampai 180° dinamakan Bujur Timur dan ke Barat sampai 180° dinamakan Bujur Barat. Bujur 180° Barat dan Timur berhimpit di Lautan Pasifik. Dalam sistem penanggalan Kristen (Masehi) bujur 180° Timur dijadikan sebagai Garis Awal Tanggal.



Gambar 2.9

Untuk lebih jelasnya perhatikan contoh posisi Surabaya dengan letak geografis $\phi = -7^\circ 15'$ dan $\lambda = 112^\circ 45' T$, dan posisi Ka'bah dengan letak geografis $\phi = 21^\circ 15' 15''$ dan $\lambda = 39^\circ 49' 40'' T$) pada gambar 2.9.

Sebagaimana harga ϕ , harga λ pun bisa diperoleh dari Almanak, Atlas, dan referensi lainnya. Jika di sana tidak ditemukan, harga λ dapat ditentukan dengan salah satu dari lima cara berikut.

Pertama, dengan cara mengonversi jarak ke tempat terdekat yang sudah ada data λ nya dari satuan kilometer menjadi satuan derajat, menit, dan detik busur. Ketentuan konversinya adalah: setiap 1° pada arah Barat-Timur = 111 kilometer x $\cos \phi$. Jika harga ϕ tempat tersebut adalah $7^\circ 15'$, maka 1° pada arah Barat-Timurnya adalah $111 \text{ km} \times \cos 7^\circ 15' = 110.112 \text{ km}$. Jadi jarak 20 km pada arah Barat-Timur tempat tersebut adalah $20/110.112 \times 1^\circ = 0^\circ 10' 53.88''$.

Kedua, dengan menginterpolasi garis-garis bujur pada Atlas atau Peta Bumi. Caranya sama dengan interpolasi untuk penentuan harga ϕ seperti yang telah dipaparkan di atas.

Ketiga, dengan mencari selisih Waktu Lokal (*local mean time*, disingkat LMT) tempat itu dengan Waktu Daerah yang diketahui harga λ nya, misalnya Waktu Indonesia Barat (105° Timur). Selisih waktu tersebut kemudian dikalikan dengan angka 15 untuk mendapatkan konversinya dalam satuan derajat. Jika hasil konversi ini dibuat mengurangi harga λ Waktu Daerah itu tadi, maka didapat harga λ untuk tempat tersebut. Langkah-langkahnya adalah sebagai berikut:

- 1) Siapkan tongkat istiwak dan jam atau arloji WIB yang standar.
- 2) Catat saat kulminasi Matahari pada hari itu dari daftar almanak ephemeris, misalnya pukul 11.52 menit, yang berarti bahwa pada $\lambda 105^\circ$ T Matahari akan berkulminasi pada pukul 11.52 WIB.
- 3) Kemudian amati dengan seksama bayang-bayang tongkat istiwak, pukul berapa ia persis mengarah Utara-Selatan. Moment tersebut merupakan saat kulminasi Matahari di tempat itu. Taruhlah misal, pukul 11.26 WIB.
- 4) Hasil pengamatan ini menunjukkan bahwa selisih waktu lokal tempat itu dengan WIB adalah : $11.26 - 11.52 = -00.26$ menit.
- 5) Setelah dikonversi menjadi satuan derajat (-00.26×15), maka diperoleh angka sebesar $-6^\circ 30'$.
- 6) Selanjutnya dapat disimpulkan bahwa λ tempat tersebut adalah: 105° Timur $- 6^\circ 30' = 111^\circ 30'$ Timur.

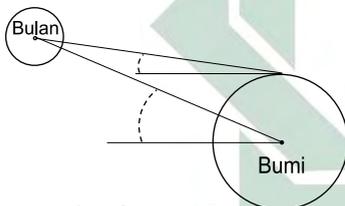
Keempat, melakukan pengukuran dengan alat modern yang dinamakan *Global Positioning System* (GPS), yaitu dengan cara menghidupkan pesawat GPS di tempat tersebut setelah lebih dahulu mensetnya dengan benar. Beberapa saat setelah terkoneksi dengan satelit, layar GPS akan menampilkan angka harga λ untuk tempat tersebut.

Kelima, menggunakan *software Google Earth* (GE) seperti yang telah dijelaskan langkah-langkahnya pada penentuan harga ϕ di atas. Angka digital di bawah *globe* yang menunjukkan harga λ tertera di bagian tengah. Kode huruf E (*east*) yang muncul setelah angka menunjukkan bujur timur. Untuk bujur barat kode huruf yang muncul adalah W (*west*).

f. *Parallax*

Oleh karena data posisi benda langit dalam almanak ephemeris bersifat *geocentris* (tolok-pandang titik pusat Bumi), maka harga h benda langit yang dihasilkan dari perhitungan yang mengacu pada data tersebut tentu bersifat *geocentris* juga. Untuk benda langit yang tidak jauh jaraknya dari Bumi, seperti Bulan, harga h yang bersifat *geocentris* itu perlu dikonversi menjadi *topocentris* (tolok-pandang permukaan Bumi), yaitu dengan memperhitungkan koreksi *Parallax* atau *Ikhtilaf al-Manzār* (beda sudut lihat) nya.

Parallax Bulan ialah beda nilai sudut antara garis yang ditarik dari titik pusat Bulan ke titik pusat Bumi dan garis yang ditarik dari titik pusat Bulan ke titik di permukaan Bumi (perhatikan gambar 2.17).



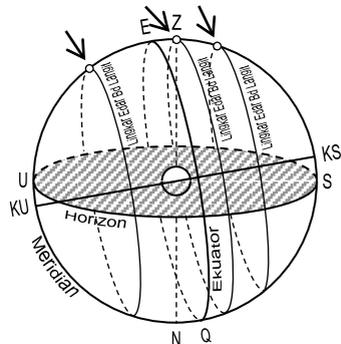
Gambar 2.17

Harga terbesar *parallax* Bulan adalah ketika ia berada di ufuk (*Horizontal Parallax*, disingkat HP). Harga terkecilnya (0°) adalah ketika ia berada di titik Zenith. Data HP Bulan dimuat dalam almanak-almanak ephemeris. Adapun harga

*parallax*nya sendiri dicari atau dihitung dengan rumus: $HP \times \cos h$.

g. Titik Kulminasi

Dalam perjalanan hariannya, benda langit mencapai titik tertinggi (h terbesar) ketika titik pusatnya berhimpit dengan lingkaran Meridian. Titik itu dinamakan “Titik Kulminasi” atau Titik Rembang. Pada saat seperti itu benda langit dikatakan sedang berkulminasi atau sedang merembang. Jika harga deklinasi (δ) benda langit sama dengan harga lintang tempat (ϕ), maka “titik kulminasi atas” benda langit tersebut berhimpit dengan Titik Zenith (perhatikan ilustrasinya yang ditandai oleh anak-anak panah pada gambar 2.18).



Gambar 2.18

Desember dengan harga deklinasi (δ) sebesar $-23^{\circ} 27'$. Pada 21 Maret dan 23 September Matahari persis di berada Ekuator dengan harga deklinasi (δ) sebesar 0° (perhatikan gambar 2.21).

Bidang Ekliptika itu berbentuk *ellips* di mana Matahari berada pada salah satu titik apinya. Karena itu jarak Bumi-Matahari (*True Geocentric Distance*) ada kalanya dekat dan ada kalanya jauh. Jarak yang paling dekat adalah ketika Bumi berada di titik *Perigee* (*al-Hadith*) dan jarak yang paling jauh adalah ketika Bumi berada di titik *Apogee* (*al-Awj*).

c. Ijtimak dan Bujur Astronomis

Sambil bergerak mengelilingi Matahari, Bumi dikelilingi oleh satelit alamnya yang bernama Bulan (*qamar, moon*). Bulan mengelilingi Bumi menurut arah Barat-Timur. Lingkaran edar Bulan memotong Ekliptika dengan sudut sebesar $5^{\circ} 8'$. Oleh karena itu Bulan kadang di utara Matahari dan kadang di selatannya.

Bulan menempuh satu lingkaran edarnya dalam waktu 27,321661 hari (satu bulan Sideris). Bila dibandingkan dengan gerak semu Matahari pada Ekliptika yang membutuhkan waktu 365,242197 hari untuk satu putaran (satu tahun Sideris), maka gerak Bulan lebih cepat daripada gerak Matahari. Dalam satu hari Matahari hanya bergeser sebesar $360^{\circ} : 365,242197 = 0^{\circ} 59' 8,33''$, sedangkan Bulan bergeser sebesar $360^{\circ} : 27,321661 = 13^{\circ} 10' 34,89''$. Dengan demikian setiap hari Bulan bergeser $12^{\circ} 11' 26,56''$ lebih banyak daripada Matahari.

Untuk menempuh 360° lebih banyak daripada Matahari, Bulan membutuhkan waktu selama $360 : 12,190711 \times 1 \text{ hari} = 29,530681$ hari, atau 29 hari 12 jam 44 menit 10 detik. Inilah masa rata-rata yang membentang di antara dua ijtimak yang berurutan (satu bulan Sinodis).

Ijtimak (konjungsi) adalah keadaan di mana harga bujur astronomis Matahari (*Ecliptic Longitude, T# al-Syams, Taqwim al-Syams*) sama dengan harga bujur astronomis Bulan (*Apparent Longitude, T# al-Qamar, Taqwim al-Qamar*).

“Bujur Astronomis” benda langit ialah jarak sepanjang Ekliptika mulai dari titik Aries (*Vernal Equinox, Haml*) sampai ke titik perpotongannya dengan busur Bujur Ekliptika benda langit tersebut.

d. Lintang Astronomis

Lintang Astronomis suatu benda langit ialah jarak sepanjang busur Lingkaran Kutub Ekliptika mulai dari Ekliptika sampai ke titik pusat benda langit yang bersangkutan. Lintang astronomis suatu benda langit berharga positif jika ia berada di utara Ekliptika dan negatif (–) jika berada di selatannya.

Harga lintang astronomis Matahari (*Ecliptic Latitude* atau '*Ard}al-Shams*) seharusnya selalu 0° karena gerak semu Matahari berlangsung di Ekliptika. Namun karena gerakanya tidak benar-benar rata maka bisa terbentuk jarak antara Matahari dan Ekliptika.

Harga Lintang Astronomis Bulan (*Apparent Latitude* atau '*Ard}al-Qamar*) bisa mencapai $5^\circ 8'$, yaitu sebesar harga sudut perpotongan antara lingkaran edar Bulan dan Ekliptika.

Kalau pada saat ijtimak harga Lintang Astronomis Bulan sama atau hampir sama dengan harga Lintang Astronomis Matahari, maka terjadi gerhana Matahari (piringan Matahari tertutup sebagian/seluruhnya oleh piringan Bulan).

kutub tersebut, hubungan sebuah titik dengan titik-titik lainnya pada permukaan bumi akan menghasilkan varian arah yang banyak.

Jadi, jika kita berdiri pada posisi tertentu di permukaan bumi di luar titik kutub, maka garis bujur yang melintasi tempat kita berdiri kedua ujungnya mengarah ke dua titik yang berlawanan, yakni ke titik utara dan ke titik selatan. Jika kita menarik sebuah garis tegak lurus pada garis bujur di tempat kita berdiri tersebut, maka garis tersebut mengarah ke titik timur dan ke titik barat. Ilustrasi ini menggambarkan bahwa titik timur dan titik barat adalah dua titik pada bidang horizontal di bumi yang masing-masing berjarak 90° dari titik utara dan titik selatan. Dari sini dikenallah adanya empat arah mata angin: Utara, Timur, Selatan, dan Barat. Empat arah mata angin itu kemudian dibelah lagi menjadi delapan, yakni Utara, Timur Laut, Timur, Tenggara, Selatan, Barat Daya, Barat, dan Barat Laut. Kedelapan titik arah mata angin tersebut satu dengan yang lainnya dipisah oleh jarak sebesar 45° .

Jika dilihat dari perspektif arah sebagai hubungan antara dua titik atau dua posisi, kedelapan varian arah mata angin yang masing-masing dipisah oleh jarak sudut sebesar 45° itu jelas hanyalah mencerminkan bagian yang teramat sedikit dari realitas varian arah yang eksis di permukaan bumi. Artinya jika bidang lingkaran pada permukaan bumi itu dibelah dengan angka jarak sudut yang lebih kecil, tentu akan teridentifikasi varian arah yang jumlahnya sangat banyak, yakni:

- o 360 varian arah untuk belahan per satu derajat (1°)
- o 21.600 varian arah untuk belahan per satu menit ($1'$)
- o 1.296.000 varian arah untuk belahan per satu detik ($1''$)

Dalam ilmu falak (astronomi) arah-arah yang begitu banyak variannya ini diidentifikasi dengan mengacu pada titik-titik arah mata angin, khususnya titik utara, *plus* harga *azimuth*. Harga *azimuth* itu sendiri dapat dijelaskan dengan ilustrasi sebagai berikut.

Jika kita berada di laut lepas atau di dataran nan luas dan kita memutar pandangan ke semua arah, maka akan kita lihat di kejauhan sana garis memanjang yang sama jauhnya ke semua arah sehingga membentuk lingkaran, yakni lingkaran ufuk mar'i yang menjadi batas pandang antara langit yang tampak dan langit yang tidak tampak.

Ilustrasi ini menunjukkan bahwa di mana pun kita berada di permukaan bumi, posisi kita akan selalu tepat di tengah lingkaran. Semua posisi yang lain, dengan demikian, berada di seputar atau sekeliling kita. Bila kita hubungkan posisi kita dengan menghadap ke posisi titik utara pada lingkaran ufuk itu, maka benarlah adanya jika dikatakan bahwa kita menghadap ke arah titik utara. Namun jika kita menggeser arah hadap ke titik lain pada lingkaran itu, misalnya ke suatu titik yang berjarak $10^{\circ} 17' 12,67''$ ke kanan dari titik utara tadi, tentu tidaklah benar adanya bila tetap dinyatakan bahwa kita menghadap ke arah titik utara. Pernyataan yang benar tentu saja adalah bahwa kita menghadap ke arah suatu titik yang berjarak $10^{\circ} 17' 12,67''$ ke kanan dari titik utara. Dalam ilustrasi sederhana ini angka $10^{\circ} 17' 12,67''$ inilah yang dimaksud dengan harga *Azimuth*.

Harga azimuth inilah label yang digunakan dalam ilmu falak untuk menyebut dan mengidentifikasi varian-varian arah dalam aras horizontal. Sedangkan dalam aras vertikal, label yang digunakan adalah harga “ketinggian” (*h*) dengan varian angka mulai dari 90° sampai -90° , atau label harga “jarak zenith” (*z*) dengan varian angka mulai dari 0° sampai 180° .

Konsep Tentang Waktu

Waktu adalah bentangan masa yang sulit dipahami konsepnya oleh manusia kecuali bila ia dipenggal-penggal menjadi satuan-satuan masa yang tertentu dan terbatas. Pemenggalan waktu pun kemudian dilakukan oleh manusia dengan mengacu pada siklus pergerakan Bumi, Bulan, dan Matahari yang telah disiapkan oleh Sang Pencipta dengan gerakan yang sedemikian teratur dan eksak.

1. Siklus Hari

Siklus rotasi Bumi pada sumbunya menurut arah dari barat ke timur menjadi acuan pemenggalan waktu ke dalam satuan masa yang dinamakan “hari”, yakni masa satu kali rotasi Bumi.

Karena sebab rotasi Bumi dengan arah seperti itu maka terjadilah peredaran semu harian Matahari, Bulan, dan Bintang dari arah timur ke barat. Waktu pun lalu mengalir dari timur ke barat. Kawasan-kawasan di timur mengalami keadaan terbit dan terbenam Matahari lebih dahulu daripada kawasan-kawasan di barat.

Antar berbagai kawasan di Bumi yang terletak pada garis bujur yang berbeda terjadi perbedaan atau selisih waktu. Oleh karena satu kali rotasi Bumi, yakni sebesar 360° , berlangsung dalam rata-rata 24 jam, maka perbedaan waktu antar berbagai kawasan yang berbeda bujur tersebut berlaku menurut kaidah sebagai berikut.

Selisih Bujur	=	Selisih Waktu
15°	=	1 jam
1°	=	4 menit
$15'$	=	1 menit
$1'$	=	4 detik

Berdasarkan kaidah dalam tabel di atas dapat dirumuskan suatu formula perhitungan bahwa nilai perbedaan waktu antara dua kawasan di permukaan Bumi adalah sama dengan harga beda bujur kedua kawasan tersebut dibagi 15.

Formula ini dapat digunakan juga untuk mengonversi harga t (sudut waktu) dari satuan ukur ruang (derajat, menit, dan detik) menjadi satuan ukur waktu (jam, menit, dan detik).

a. Waktu Setempat dan Waktu Daerah

Waktu untuk setiap kawasan sesuai dengan letak bujur masing-masing dinamakan Waktu Setempat (*Local Mean Time*), misalnya waktu Jakarta, Waktu Surabaya, Waktu Denpasar, dan sebagainya. Tentu saja, seperti telah dikemukakan, akan terjadi perbedaan antar Waktu Setempat manakala tempat-tempat tersebut terletak pada bujur yang berbeda.

Penggunaan waktu setempat yang berbeda-beda seringkali menimbulkan kesulitan dalam perhubungan sosial yang luas. Untuk itu dibuatlah zona-zona waktu (*time zones*) yang dalam kelazimnya didasarkan pada garis-garis bujur kelipatan 15° . Zona waktu tersebut kemudian diberlakukan untuk satuan kawasan yang luas. Arab Saudi, misalnya, menggunakan zona waktu dengan bujur 45° T (+3). Indonesia membagi wilayahnya yang luas menjadi tiga zona waktu (waktu daerah),

yakni WIB dengan bujur 105° T (+7), WITA dengan bujur 120° T (+8), dan WIT dengan bujur 135° T (+9).³

Selisih Waktu Setempat dengan Waktu Daerah digunakan sebagai “Koreksi Waktu Daerah” (KWD) baik dalam mengkonversi Waktu Setempat ke dalam Waktu Daerah maupun sebaliknya. KWD diperoleh dengan membagi 15 selisih bujur (λ) Waktu Daerah dan bujur (λ) tempat yang bersangkutan. KWD-WIB untuk Surabaya, misalnya, adalah (λ WIB – λ Surabaya) : 15, yakni ($105^{\circ} - 114^{\circ} 45'$) : 15 = -00:31.

b. Waktu Hakiki, Waktu Pertengahan, dan Perata Waktu

Revolusi Bumi di sekeliling Matahari pada bidang Ekliptika yang berbentuk ellips berlangsung dengan kecepatan yang tidak rata. Bumi bergerak lebih cepat ketika dekat dengan Matahari dan sebaliknya lebih lambat ketika jauh dari Matahari. Kecepatan gerak revolusi Bumi yang tidak rata ini mengakibatkan berubah-ubahnya saat kulminasi Matahari (tengah hari dan tengah malam).

Walaupun berubah-ubah saat kulminasinya, namun jika dinisbatkan pada Waktu Hakiki (Waktu Matahari, Waktu Istiwak) peristiwa kulminasi Matahari itu selalu terjadi tepat pada pukul 12:00 (tengah hari atau tengah malam). Sebab pukul 12:00 dalam Waktu Hakiki adalah saat Matahari tengah berkulminasi, yaitu saat titik pusat Matahari tepat berhimpit dengan Meridian.

Tentu saja tidak demikian halnya jika hal itu dinisbatkan pada “Waktu Pertengahan” (Waktu Arloji). Oleh karena Waktu Pertengahan itu kecepatannya rata, sementara Matahari tidak, maka peristiwa kulminasi Matahari dalam Waktu Pertengahan kadang terjadi tepat pada pukul 12.00, kadang kurang, dan kadang lebih.

Paut waktu antara Waktu Hakiki dengan Waktu Pertengahan tersebut dinamakan “Perata Waktu” (*Equation of Time*, *Ta'diḥ-al-Waqt*, *Ta'diḥ-al-Syams*) yang diberi lambang huruf “e” (kecil). Jika Matahari geraknya

³ Berdasarkan Kepres Nomor 41 tahun 1987, WIB berlaku untuk kawasan Sumatra, Jawa, Kalimantan Barat, dan Kalimantan Tengah; WITA berlaku untuk kawasan Sulawesi, Bali, Nusa Tenggara, Kalimantan Selatan, dan Kalimantan Timur; dan WIT berlaku untuk kawasan Maluku, Papua dan Papua Barat.

cepat, maka harga “ e ” positif, dan sebaliknya jika lambat, maka harga “ e ” negatif (-).

Untuk mengetahui saat kulminasi Matahari dalam Waktu Pertengahan Setempat (Lokal) rumusnya adalah $12.00 - e$.

Sedangkan untuk mengetahui saat kulminasi Matahari dalam Waktu Pertengahan Daerah (Waktu Zona) rumusnya adalah $12.00 - e + \text{Kwd Waktu Daerah}$.

Berubah-ubahnya saat kulminasi Matahari tentu saja berpengaruh pada penentuan waktu-waktu salat yang mengacu pada Waktu Pertengahan. Karena itu harga e menjadi salah satu unsur penting di dalam hisab awal waktu salat.

c. Busur Siang dan Busur Malam

Dalam gerak revolusinya (gerak mengitari Matahari), sumbu Bumi membuat sudut sebesar $66^\circ 33'$ terhadap lintasannya. Ini menyebabkan lingkaran edar harian (*amplitudo*) Matahari berubah-ubah jaraknya terhadap Ekuator. Pada 21 Maret dan 23 September, *amplitudo* Matahari berhimpit dengan Ekuator. Pada 21 Juni *amplitudo* Matahari berjarak $23^\circ 27'$ ke arah utara Ekuator. Sebaliknya pada 22 Desember *amplitudo* Matahari berjarak $23^\circ 27'$ ke arah selatan Ekuator. Perubahan *amplitudo* Matahari ini menyebabkan perubahan pada busur siang dan busur malam. Perubahan ini tentu saja membawa pengaruh terhadap penentuan waktu-waktu salat.

2. Siklus Bulan dan Tahun Kamariah

Sambil melakukan gerak revolusi mengelilingi Matahari, Bumi dikitari oleh satelit alamnya, yakni Bulan. Bulan mengitari Bumi menurut arah dari barat ke timur rata-rata dalam waktu 27,321661 hari (satu bulan Sideris) untuk sekali putaran.

Bila dibandingkan dengan gerak semu Matahari pada Ekliptika yang berlangsung selama 365,242197 hari dalam satu kali putaran (satu tahun Sideris), maka Bulan gerakannya lebih cepat. Dalam satu hari Matahari hanya menempuh jarak sebesar $360^\circ : 365,242197 = 0^\circ 59' 8,33''$, sedangkan Bulan menempuh sebesar $360^\circ : 27,321661 = 13^\circ 10' 34,89''$.

Jadi setiap hari Bulan menempuh jarak $12^{\circ} 11' 26,56''$ lebih banyak dibanding Matahari.

Untuk menempuh 360° lebih banyak dari Matahari, Bulan memerlukan waktu selama $360 : 12,190711 \times 1 \text{ hari} = 29,530681$ hari, atau 29 hari 12 jam 44 menit 10 detik. Inilah masa rata-rata yang berlalu di antara dua ijtimak yang berurutan (satu bulan Sinodis atau satu Bulan Ijtimak). Dikatakan rata-rata, karena jarak waktu antara dua ijtimak itu pada kenyataannya bisa lebih dan bisa kurang dari waktu rata-rata tersebut oleh sebab perjalanan Bulan dipengaruhi juga oleh planet-planet lainnya di samping Bumi dan Matahari.

Perbedaan kecepatan waktu tempuh antara revolusi Bumi dan kitaran Bulan ini menyebabkan posisi Bulan terhadap Bumi dan Matahari selalu berubah. Akibatnya, bagian permukaan Bulan yang tercahayai Matahari dan menghadap ke Bumi juga berubah-ubah sehingga penampakannya pun jadi berubah-ubah. Mula-mula kecil seperti sabit tipis, makin hari makin besar sampai purnama, kemudian kembali berangsur mengecil sampai tidak kelihatan sama sekali.

Keadaan Bulan tidak kelihatan sama sekali itu terjadi pada sekitar peristiwa ijtimak (konjungsi), yaitu ketika harga bujur astronomis Bulan sama dengan harga bujur astronomis Matahari. Sesudah itu Bulan akan tampak kembali laksana sabit tipis, kemudian makin tebal, dan seterusnya. Siklus inilah yang dijadikan acuan perhitungan bulan kalender (Bulan *Taqwim*) dalam Islam.

Penampakan Bulan dalam bentuk sabit tipis (hilal) beberapa saat setelah terbenam Matahari paska terjadinya ijtimak tersebut ditetapkan sebagai momentum awal dimulainya bulan baru dan berakhirnya bulan lama. Oleh karena masa yang terbentang di antara dua peristiwa ijtimak yang berurutan itu rata-rata 29 hari lebih, maka umur bulan dalam penanggalan Bulan atau kalender kamariah adakalanya 29 hari dan adakalanya 30 hari.

Besar piringan Bulan yang tercahayai Matahari dan menghadap ke Bumi dinamakan "*Fraction Illumination* Bulan" (disingkat FIB). Pada puncak purnama, harga FIB adalah 1. Sebaliknya pada saat Ijtimak yang melahirkan gerhana Matahari total harga FIB adalah 0.

Dengan variasi umur bulan antara 29 dan 30 hari, maka masa satu tahun dalam penanggalan Bulan atau kalender kamariah juga bervariasi antara 354 hari (tahun pendek, tahun *basitah*) dan 355 hari (tahun panjang, tahun *kabisah*).

3. Siklus Tahun Syamsiah

Revolusi Bumi di sekeliling Matahari yang berlaku menurut arah dari Barat ke Timur itu berlangsung satu kali dalam 365,242197 hari (365 hari 5 jam 45 menit 46 detik). Masa ini dalam kalender Syamsiah dijadikan acuan untuk menghitung periode “tahun”. Oleh karena masih terdapat pecahan hari, maka periode satu tahun dalam kalender syamsiah umurnya bervariasi antara 365 hari (tahun pendek, basitah) dan 366 hari (tahun panjang, kabisah).

Dengan demikian, periode satu tahun syamsiah lebih panjang 10 sampai 12 hari daripada periode satu tahun kamariah. Jika tahun basitah syamsiah (365 hari) bersamaan dengan tahun kabisah kamariah (355 hari), maka tahun syamsiah lebih panjang 10 hari. Jika tahun basitah syamsiah (365 hari) bersamaan dengan tahun basitah kamariah (354 hari), maka tahun syamsiah lebih panjang 11 hari. Sedangkan jika tahun kabisah syamsiah (366 hari) bersamaan dengan tahun kabisah kamariah (354 hari), maka tahun syamsiah lebih panjang 12 hari.

Dengan panjang siklus tahun yang lebih pendek, tanggal-tanggal kalender kamariah akan terus bergeser maju di antara tanggal-tanggal kalender syamsiah. Karena itu waktu-waktu ibadah yang dikaitkan dengan kalender kamariah seperti puasa dan haji, waktu pelaksanaannya terus hadir bergilir di antara musim-musim yang berlainan.

Rangkuman

1. Untuk penentuan posisi pada bola bumi dan bola langit dilakukan berdasarkan salah satu di antara empat tata koordinat yang relevan sebagai berikut:
 - a. Untuk menentukan posisi Lintang dan Bujur suatu tempat pada bola bumi digunakan Tata Koordinat Khatulistiwa yang sumbu-sumbunya terdiri dari Lingkaran Khatulistiwa dan Lingkaran Bujur *Greenwich*.

Paket 3

TRIGONOMETRI DAN KALKULATOR SAIN

Pendahuluan

Untuk memberi latar pengertian yang diperlukan sebelum memasuki kajian implementasi ilmu falak *'amaliy* pada paket-paket berikutnya yang berintikan perhitungan (hisab), perkuliahan pada paket ini diarahkan pada pengenalan Trigonometri dan Kalkulator Sain. Trigonometri adalah cabang matematika yang rumus-rumus fungsi perhitungannya banyak dipakai dalam ilmu falak. Sedangkan Kalkulator Sain adalah alat hitung elektronik yang sangat jamak atau lazim digunakan para praktisi ilmu falak sebagai alat bantu dalam melakukan perhitungan. Untuk itu materi pengenalan trigonometri di sini diarahkan pada pengenalan fungsi-fungsi perhitungannya, dan pengenalan kalkulator sain diarahkan pada pengenalan tombol-tombol kunci (*keys*) dan penggunaannya dalam penyelesaian rumus-rumus perhitungan.

Sejalan dengan itu, materi perkuliahan dalam paket ini dipilah menjadi dua sub bahasan, yakni: 1) Trigonometri, yang memuat uraian tentang sudut setiga dan enam fungsi perhitungannya, yakni sinus, kosekan, kosinus, sekan, tangen, kotangen; 2) Kalkulator Sain yang memuat uraian tentang tombol-tombol kunci (*keys*), utamanya tombol-tombol sin, cos, tan, dan cara penggunaannya dalam menyelesaikan rumus perhitungan ilmu falak. Kajian terhadap materi-materi di atas diselenggarakan dengan dukungan tayangan *slide power point* yang disiapkan oleh dosen. Di samping itu, mahasiswa diberi tugas untuk membaca uraian materi dan membuat *resume* dengan panduan lembar kegiatan. Penguasaan terhadap materi pada paket ini akan memberi wawasan yang penting bagi mahasiswa dalam mempelajari materi pada paket selanjutnya.

Pelaksanaan perkuliahan ini memerlukan dukungan media pembelajaran berupa *LCD Projector*, Komputer atau Lap Top, Kertas Plano, Spidol, Isolasi, dan *White Board*.

Uraian Materi

TRIGONOMETRI DAN KALKULATOR SAIN

Sesuai dengan uraian pada pendahuluan di atas, materi pada bagian ini dipilah menjadi dua sub bahasan, yakni sub bahasan tentang trigonometri dan sub bahasan tentang kalkulator sains.

Trigonometri

Trigonometri, yang dari sudut bahasa (Yunani) *trigonon* berarti tiga 'sudut' dan *metro* berarti 'mengukur', adalah cabang matematika yang berhadapan dengan sudut segitiga dan fungsi-fungsi trigonometrik seperti sinus, kosinus, dan tangen.¹

Trigonometri memiliki hubungan dengan Geometri, meskipun masih diperselisihkan tentang apa hubungannya. Oleh sebagian orang, trigonometri bahkan diposisikan sebagai bagian dari Geometri.²

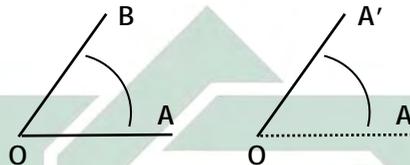
Geometri sendiri, yang secara harfiah berarti 'pengukuran tentang bumi', adalah cabang matematika yang mempelajari hubungan-hubungan di dalam ruang. Catatan paling awal mengenai Geometri dapat ditelusuri hingga ke zaman Mesir kuno, Peradaban Lembah Sungai Indus, dan Babilonia. Peradaban-peradaban ini diketahui memiliki keahlian dalam drainase rawa, irigasi, pengendalian banjir, dan pendirian bangunan-bangunan besar. Geometri Mesir kuno dan Babilonia terbatas hanya pada perhitungan panjang segmen-segmen garis, luas, dan volume.³

¹ <http://id.wikipedia.org/wiki/Trigonometri> (akses: 22 Januari 2010)

² <http://id.wikipedia.org/wiki/Trigonometri> (akses: 22 Januari 2010)

³ <http://id.wikipedia.org/wiki/Geometri> (akses: 22 Januari 2010)

Ketika suatu ruas garis berotasi dari satu titik pangkalnya ke posisi yang lain, maka besaran rotasi tersebut dalam geometri dinamakan Sudut. Dalam bangun dua dimensi yang beraturan, sudut dapat pula diartikan sebagai ruang di antara dua buah ruas garis lurus yang saling berpotongan (perhatikan gambar 3.1).⁴

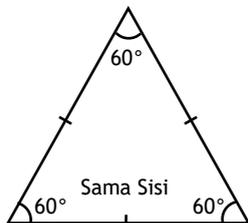


Gambar 3.1

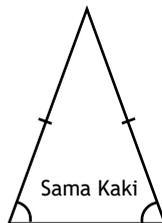
Jika ruas garis itu berotasi penuh hingga kembali ke posisinya semula (sebagaimana jarum jam), maka dihasilkanlah sebuah bangun yang dinamakan Lingkaran. Jika sebuah bangun dua dimensi terbentuk dari tiga garis lurus yang saling berpotongan dan membentuk tiga sudut, maka bangun ini dinamakan Segitiga.

Besaran sudut dinyatakan dengan angka derajat ($^{\circ}$), menit ($'$), dan detik ($''$) busur. Bangun lingkaran, besar sudutnya 360° . Bangun segitiga, besar (total) sudut-sudutnya 180° .⁵

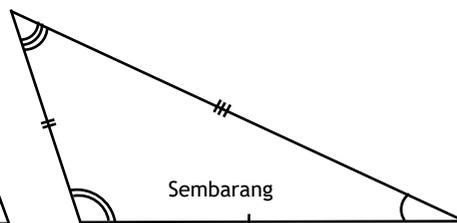
Dari segi panjang sisinya, dinamakan **Segitiga Sama Sisi** bila panjang ketiga sisinya sama sehingga besar ketiga sudutnya juga sama yaitu 60°



Gambar 3.2



Gambar 3.3



Gambar 3.4

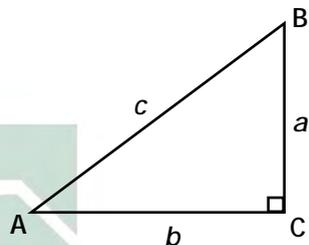
(lihat gambar 3.2), dinamakan **Segitiga Sama Kaki** bila panjang dua sisinya

⁴ <http://id.wikipedia.org/wiki/Geometri> (akses: 22 Januari 2010)

⁵ Segi tiga adalah suatu bangun/bentuk yang dibuat dari tiga sisi yang berupa garis lurus dan tiga sudut. Matematikawan Euclid yang hidup sekitar tahun 300 SM menemukan bahwa total besar ketiga sudut pada suatu segi tiga adalah 180° . Hal ini memungkinkan kita menghitung besarnya salah satu sudut bila dua sudut lainnya sudah diketahui (Baca: <http://id.wiki.detik.com/wiki/Segitiga>)

Oleh karena besar salah satu sudut dari segitiga siku-siku sudah diketahui, yakni 90° , maka untuk mengukur besar dua sudutnya yang lain (sudut lancip) disusunlah formula mengenai fungsi-fungsi trigonometrik seperti sinus, kosinus, dan tangen, yaitu dengan memperbandingkan sisi-sisi tertentu dari segitiga siku-siku tersebut.

Perhatikan segitiga siku-siku pada gambar sebelah kanan (gambar 3.8). Di sana terdapat dua buah sudut lancip, yakni $\angle A$ dan $\angle B$. Terhadap kedua sudut lancip ini, ketiga sisi segitiga tersebut mempunyai kedudukan sebagai berikut:



Gambar 3.8

Terhadap $\angle A$, sisi a merupakan "sisi tegak" (proyektor), sisi b merupakan "sisi datar" (proyeksi), dan sisi c merupakan "sisi miring" (proyektum).

Terhadap $\angle B$, sisi a merupakan "sisi datar" (proyeksi), sisi b merupakan "sisi tegak" (proyektor), dan sisi c merupakan "sisi miring" (proyektum).

Dengan memperbandingkan dua dari ketiga sisi tersebut, Pythagoras menyusun 6 formula fungsi trigonometrik, yaitu sinus, kosinus, tangen, kosekan, sekan, dan kotangen.

1. Sinus

Sinus adalah perbandingan "sisi tegak" (proyektor) dengan "sisi miring" (proyektum). Untuk mudahnya, definisi ini bisa diringkas dalam akronim: **SinTorTum**.

Dengan mengacu pada gambar 3.8 di atas, maka:

$$\sin \angle A = \frac{a}{c} \quad \sin \angle B = \frac{b}{c} \quad \longrightarrow \quad \sin = \frac{\text{Tor}}{\text{Tum}}$$

Nilai sinus positif di kuadran I dan II dan negatif di kuadran III dan IV.

Selanjutnya dalam kaitan ini terdapat beberapa sudut istimewa dengan nilai sinus sebagai berikut:

$$\circ \quad \sin 0^\circ = 0 \quad \circ \quad \sin 45^\circ = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\circ \sin 15^\circ = \frac{\sqrt{6} - \sqrt{2}}{4}$$

$$\circ \sin 30^\circ = \frac{1}{2}$$

$$\circ \sin 37^\circ = \frac{3}{5}$$

$$\circ \sin 60^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$\circ \sin 75^\circ = \frac{\sqrt{6} + \sqrt{2}}{4}$$

$$\circ \sin 90^\circ = 1^7$$

2. Kosinus

Kosinus adalah perbandingan "sisi datar" (proyeksi) dengan "sisi miring" (proyektum). Untuk mudahnya, definisi ini bisa diringkas dalam akronim: **CosSiTum**.

Dengan mengacu pada gambar 3.8 di atas, maka:

$$\cos \angle A = \frac{b}{c} \quad \cos \angle B = \frac{A}{C} \quad \longrightarrow \quad \cos = \frac{\text{Si}}{\text{Tum}}$$

Nilai kosinus positif di kuadran I dan IV dan negatif di kuadran II dan III.

Selanjutnya terdapat beberapa sudut istimewa dengan nilai kosinus sebagai berikut:

$$\circ \cos 0^\circ = 1$$

$$\circ \cos 15^\circ = \frac{\sqrt{6} + \sqrt{2}}{4}$$

$$\circ \cos 30^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$\circ \cos 37^\circ = \frac{4}{5}$$

$$\circ \cos 45^\circ = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\circ \cos 53^\circ = \frac{3}{5}$$

$$\circ \cos 60^\circ = \frac{1}{2}$$

$$\circ \cos 75^\circ = \frac{\sqrt{6} - \sqrt{2}}{4}$$

$$\circ \cos 90^\circ = 0^8$$

⁷ Baca lebih lanjut di <http://en.wikipedia.org/wiki/Sinus>

⁸ Baca lebih lanjut di <http://en.wikipedia.org/wiki/KOSINUS>

3. Tangen

Tangen (*tangent*) adalah perbandingan "sisi tegak" (proyektor) dengan "sisi datar" (proyeksi). Untuk mudahnya, definisi ini bisa diringkas dalam akronim: **TanTorSi**.

Dengan mengacu pada gambar 3.8 di atas, maka:

$$\text{Tan } \angle A = \frac{a}{b} \quad \text{Tan } \angle B = \frac{B}{A} \quad \longrightarrow \quad \text{Tan} = \frac{\text{Tor}}{\text{Si}}$$

Nilai tangen positif di kuadran I dan III dan negatif di kuadran II dan IV.

Selanjutnya terdapat beberapa sudut istimewa dengan nilai tangen sebagai berikut:

- $\tan 0^\circ = 0$
- $\tan 15^\circ = 2 - \sqrt{3}$
- $\tan 30^\circ = \frac{\sqrt{3}}{3}$
- $\tan 37^\circ = \frac{3}{4}$
- $\tan 45^\circ = 1$
- $\tan 53^\circ = \frac{3}{4}$
- $\tan 60^\circ = \sqrt{3}$
- $\tan 75^\circ = 2 + \sqrt{3}$
- $\tan 90^\circ = \infty$

Hubungan antara nilai *tangen* dengan nilai SINUS dan KOSINUS adalah:

$$\tan A = \frac{\text{Sin } A}{\text{Cos } A} \quad ^9$$

4. Kosekan

kosekan (kebalikan sinus) adalah perbandingan "sisi miring" (proyektor) dengan "sisi tegak" (proyektor). Untuk mudahnya, definisi ini bisa diringkas dalam akronim: **CosecTumTor**.

Dengan mengacu pada gambar 3.8 di atas, maka:

$$\text{cosec } \angle A = \frac{c}{a} \quad \text{cosec } \angle B = \frac{c}{b} \quad \longrightarrow \quad \text{cosec} = \frac{\text{Tum}}{\text{Tor}}$$

⁹ Baca lebih lanjut di <http://en.wikipedia.org/wiki/Tangen>

keberadaan buku panduan penggunaan yang menjadi kelengkapan dari setiap kalkulator menjadi sangat penting.

Namun demikian untuk sekedar pengenalan, berikut ini dikemukakan uraian seperlunya mengenai cara mengoperasikan kalkulator bagi keperluan perhitungan angka derajat dan fungsi-fungsi trigonometrik. Pengenalan ini bertolak dari pemilahan kalkulator menjadi dua kategori: sebutlah **kategori A** untuk kalkulator yang memiliki tombol +/- seperti **Casio fx-3600**, dan **kategori B** untuk kalkulator yang memiliki tombol (-) seperti **Casio fx-991MS**.

1. Moda *Degree* (*Deg, D*)

Untuk perhitungan derajat dan fungsi-fungsi trigonometrik, kalkulator harus berjalan dalam moda *Degree*. Untuk memastikannya, perlu lebih dahulu diperiksa bahwa hanya moda dengan inisial *Deg* atau *D* saja yang muncul pada layar kalkulator. Kadang muncul pula di layar kalkulator inisial M (memory), tetapi hal itu tidak mengganggu fungsi dari moda *Degree*.

Jika inisial *Deg* atau *D* tidak muncul, atau muncul bersama inisial dari moda yang lain (semisal *Sci*, *Fix*, atau lainnya), maka perlu lebih dahulu dilakukan pengaturan (*setting*) moda dengan menekan tombol MODE, dan mengikuti lebih lanjut petunjuk yang muncul di layar,¹⁴ atau pelajari petunjuk dalam buku panduan.

2. Tombol-tombol kunci

Ada beberapa tombol kunci yang penting dikenalkan fungsinya dalam penggunaan kalkulator sains untuk perhitungan derajat dan fungsi-fungsi trigonometrik, yakni:

- a. Tombol: Shift, atau INV, atau 2ndF

Fungsinya adalah untuk menghidupkan 'fungsi kedua' (*second function*) dari tombol-tombol yang lain. Fungsi kedua itu lazimnya dilambangkan dengan kode tertentu yang tertera di atas tombol.

¹⁴ Untuk Casio *fx-3600*, misalnya, pengaturan moda *Degree* dilakukan dengan menekan tombol MODE dan kemudian tombol angka 4. Sedangkan untuk Casio *fx-991MS* dengan menekan tombol MODE 4 kali kemudian tombol angka 1.

b. Tombol: $^{\circ}$

Fungsi ke-1 tombol ini adalah memberi status 'derajat/jam' pada angka yang pertama kali dientry, dan memberi status 'menit' pada yang dientry berikutnya, serta memberi status 'detik' pada angka yang dientry berikutnya lagi. Untuk lebih jelasnya, periksa contohnya dalam tabel berikut.

Angka Yang Akan Dientry	Tombol Yang Harus Ditekan
$7^{\circ} 15' 10''$	$7^{\circ} 15' 10''$
$0^{\circ} 15' 10''$	$0^{\circ} 15' 10''$
$0^{\circ} 0' 10''$	$0^{\circ} 0' 10''$

Fungsi ke-2 dari tombol $^{\circ}$ (yang untuk mengaktifkannya harus menekan dulu tombol Shift) dilambangkan dengan kode \leftarrow (panah ke arah kiri) adalah untuk mengubah angka dari tampilan desimal ke tampilan derajat. Misalnya, ketika didapati angka hasil perhitungan derajat muncul di layar kalkulator dalam tampilan desimal semisal: 7.252777778, maka dengan menekan Shift $^{\circ}$ angka tersebut akan berubah tampilannya menjadi: $7^{\circ} 15' 10''$.

c. Tombol +/- pada kalkulator kategori A

Fungsi tombol ini adalah memberi/menghapus tanda *minus* pada angka yang **sudah dientry**. Misalnya, dengan menekan tombol +/- sesudah mengentry angka $7^{\circ} 15' 10''$ (angka positif), maka di depan angka 7 itu muncul tanda *minus* (menjadi angka negatif). Jika tombol +/- itu ditekan lagi, maka tanda *minus* tersebut terhapus.

d. Tombol (-) pada kalkulator kategori B

Fungsi tombol ini adalah memberi tanda *minus* pada angka yang **akan dientry**. Angka negatif $-7^{\circ} 15' 10''$, misalnya, dientry dengan menekan lebih dahulu tombol (-), kemudian tombol angka 7 dan seterusnya. Untuk menghapus tanda *minus* itu, tekan tombol Replay sampai kursor kalkulator berada pada posisi tanda *minus* tersebut, kemudian tekan tombol DEL.

e. Tombol sin

Fungsi ke-1 tombol ini adalah untuk menampilkan nilai sinus. Misalnya, nilai sinus dari $7^\circ 15' 10''$, yakni 0.126247062, bisa ditampilkan dengan cara berikut:

- Kalkulator A: Entry angka $7^\circ 15' 10''$, kemudian tekan tombol sin.
- Kalkulator B: Tekan tombol sin, entry angka $7^\circ 15' 10''$, kemudian tekan tombol =.

Fungsi ke-2 tombol ini, yang dilambangkan dengan kode \sin^{-1} , adalah mengubah nilai sinus ke angka derajat. Mengubah nilai sinus 0.126247062 menjadi angka derajat, yakni $7^\circ 15' 10''$, dilakukan dengan cara berikut:

- Pada kalkulator A dilakukan dengan menekan Shift sin Shift $^{\circ}$.
- Pada kalkulator B dilakukan dengan menekan Shift sin ANS = Shift $^{\circ}$.

f. Tombol gabungan: sin 1/X atau 1 : sin

Menekan berurutan tombol-tombol sin dan I/X pada kalkulator A, atau tombol-tombol angka 1, tanda bagi (:), dan sin pada kalkulator B, berfungsi menampilkan nilai kosekan (kebalikan sinus). Misalnya nilai kosekan dari $7^\circ 15' 10''$, yakni 7.920976364, bisa ditampilkan dengan cara berikut:

- Kalkulator A: Entry angka $7^\circ 15' 10''$, kemudian tekan tombol sin 1/X.
- Kalkulator B: Tekan tombol 1 : sin, entry angka $7^\circ 15' 10''$, kemudian tekan tombol =.

Sebaliknya, mengubah nilai kosekan 7.920976364 ke angka derajat, yakni $7^\circ 15' 10''$, dilakukan dengan cara sebagai berikut:

- Pada kalkulator A dilakukan dengan menekan tombol-tombol 1/X Shift sin Shift $^{\circ}$.
- Pada kalkulator B dilakukan dengan menekan tombol-tombol X^{-1} = Shift sin ANS = Shift $^{\circ}$.

g. Tombol cos

Fungsi ke-1 tombol ini adalah menampilkan nilai kosinus. Misalnya, nilai kosinus dari $7^\circ 15' 10''$, yakni 0.99199883, bisa ditampilkan dengan cara berikut:

- Kalkulator A: Entry angka $7^\circ 15' 10''$, kemudian tekan tombol cos.
- Kalkulator B: Tekan tombol cos, entry angka $7^\circ 15' 10''$, kemudian tekan tombol =.

Fungsi ke-2 tombol ini, yang dilambangkan dengan kode \cos^{-1} , adalah untuk mengubah nilai kosinus ke angka derajat sudut. Mengubah nilai kosinus 0.99199883 ke angka derajat, yakni $7^\circ 15' 10''$, dilakukan dengan cara berikut:

- Pada kalkulator A dilakukan dengan menekan tombol-tombol Shift cos Shift $^{\circ}$.
- Pada kalkulator B dilakukan dengan menekan tombol-tombol Shift cos ANS = Shift $^{\circ}$.

h. Tombol gabungan: $\cos 1/X$ atau $1 : \cos$

Menekan berurutan tombol-tombol cos dan $1/X$ pada kalkulator A, atau tombol-tombol angka 1, tanda bagi (:), dan cos pada kalkulator B, berfungsi menampilkan nilai sekan (kebalikan kosinus). Misalnya, nilai sekan dari $7^\circ 15' 10''$, yakni 1.008065705, bisa ditampilkan dengan cara berikut:

- Kalkulator A: Entry angka $7^\circ 15' 10''$, kemudian tekan tombol cos $1/X$.
- Kalkulator B: Tekan tombol $1 : \cos$, entry angka $7^\circ 15' 10''$, kemudian tekan tombol =.

Mengubah nilai sekan 1.008065705 ke angka derajat, yakni $7^\circ 15' 10''$, dapat dilakukan dengan cara berikut:

- Pada kalkulator A dilakukan dengan menekan tombol-tombol $1/X$ Shift cos Shift $^{\circ}$.
- Pada kalkulator B dilakukan dengan menekan tombol-tombol $X^{-1} =$ Shift cos ANS = Shift $^{\circ}$.

i. Tombol tan

Fungsi ke-1 tombol ini adalah menampilkan nilai *tangen*. Misalnya, nilai *tangen* dari $7^\circ 15' 10''$, yakni 0.127220994, bisa ditampilkan dengan cara berikut:

- Kalkulator A: Entry angka $7^\circ 15' 10''$, kemudian tekan tombol tan.
- Kalkulator B: Tekan tombol tan, entry angka $7^\circ 15' 10''$, kemudian tekan tombol =.

Fungsi ke-2 tombol ini, yang dilambangkan dengan kode \tan^{-1} , adalah mengubah nilai tangen ke angka derajat. Mengubah nilai tangen 0.127220994 ke angka derajat, yakni $7^\circ 15' 10''$, dapat dilakukan dengan cara berikut:

- Pada kalkulator A dilakukan dengan menekan tombol-tombol Shift tan Shift $^{\circ}$.
- Pada kalkulator B dilakukan dengan menekan tombol-tombol Shift tan ANS = Shift $^{\circ}$.

j. Tombol gabungan: tan 1/X atau 1 : tan

Menekan berurutan tombol-tombol tan dan I/X pada kalkulator A, atau tombol-tombol angka 1, tanda bagi (:), dan tan pada kalkulator B, berfungsi menampilkan nilai kotangen (kebalikan tangen) dari suatu derajat sudut. Misalnya, nilai kotangen dari $7^\circ 15' 10''$, yakni 7.857599287, bisa ditampilkan dengan cara berikut:

- Kalkulator A: Entry $7^\circ 15' 10''$, kemudian tekan tombol tan 1/X.
- Kalkulator B: Tekan tombol 1 : tan, entry $7^\circ 15' 10''$, kemudian tekan tombol =.

Mengubah nilai kotangen 7.857599287 ke angka derajat, yakni $7^\circ 15' 10''$, dilakukan dengan cara berikut:

- Pada kalkulator A dilakukan dengan menekan tombol-tombol 1/X Shift tan Shift $^{\circ}$.
- Pada kalkulator B dilakukan dengan menekan tombol-tombol X^{-1} = Shift tan ANS = Shift $^{\circ}$.

Rangkuman

1. Trigonometri adalah cabang matematika yang berhadapan dengan sudut segitiga dan fungsi-fungsi trigonometrik seperti sinus, kosinus, dan tangen.
Sinus adalah perbandingan "sisi tegak" dengan "sisi miring". Lawannya adalah kosekan, yaitu perbandingan "sisi miring" dengan "sisi tegak".
Kosinus adalah perbandingan "sisi datar" dengan "sisi miring". Lawannya, sekan, adalah perbandingan "sisi miring" dengan "sisi datar".
Tangen adalah perbandingan "sisi tegak" dengan "sisi datar". Lawannya, kotangen, adalah perbandingan "sisi datar" dengan "sisi tegak".
2. Untuk perhitungan derajat dan fungsi-fungsi trigonometrik, kalkulator sain harus berjalan dalam moda *Degree*. Berjalannya moda ini dapat dikenali dengan munculnya inisial *Deg* atau *D* pada layar kalkulator.

Latihan

Jawablah pertanyaan-pertanyaan di bawah ini!

1. Jelaskan apa yang Saudara ketahui tentang fungsi-fungsi trigonometrik!
2. Buatlah gambar segitiga siku-suku ABC di mana A dan C merupakan dua sudut lancipnya. Berilah inisial a,b,c (huruf kecil) untuk "sisi datar", "sisi tegak" dan "sisi miring" nya. Ukurlah berapa panjang sisi-sisi tersebut. Kemudian nyatakanlah: sinus A sama dengan perbandingan berapa dengan berapa? Nyatakan pula dengan cara yang sama, kosinus A, tangen A, kosekan A, sekan A, dan kotangen A !
3. Hitunglah dengan kalkulator sain, berapa harga sinus A, kosinus A, tangen A, kosekan A, sekan A, dan kotangen A tersebut.

Paket 4

HISAB AWAL WAKTU SALAT

Pendahuluan

Pada paket ini perkuliahan mulai masuk pada kajian tentang perhitungan atau hisab, dan paket ini memulainya dengan hisab awal waktu salat (fardu). Mengenai tibanya awal waktu salat-salat fardu, al-Qur'an dan Hadis sebagai dua sumber pokok hukum Islam telah menggariskan dalil yang mengaitkannya dengan fenomena alam tertentu. Karena itu sebelum memasuki kajian tentang implementasi hisabnya sendiri, dalil-dalil syariat tersebut beserta nalar *istinbat*/fukaha terhadapnya penting disajikan lebih dahulu. Di samping itu hisab awal waktu salat membutuhkan data yang berkenaan dengan tempat yang meliputi harga lintang (ϕ), bujur (λ), dan elevasi/ketinggiannya dari permukaan laut (DPL). Juga data mengenai matahari yang meliputi harga semi diameter (SD), deklinasi (δ), ketinggian (h), dan perata waktu (e) nya. Kajian mengenai data yang diperlukan ini pun mesti disajikan sebelum memasuki kajian tentang hisabnya sendiri. Sesudah itu barulah kajian memasuki formula hisab awal waktu salat Zuhur, Asar, Magrib, Isyak, dan Subuh dan aplikasi penyelesaiannya dengan kalkulator sain.

Sejalan dengan itu materi paket ini dipilah menjadi tiga sub bahasan, yakni: 1) Fenomena alam yang menjadi acuan awal waktu salat fardu; 2) Data hisab awal waktu salat fardu; 3) Formula hisab awal waktu salat fardu dan aplikasi hitungnya dengan kalkulator sain. Kajian terhadap materi di atas diselenggarakan dengan dukungan tayangan *slide power point* yang disiapkan oleh dosen. Di samping itu, mahasiswa diberi tugas untuk membaca uraian materi dan membuat *resume* dengan panduan lembar kegiatan. Penguasaan terhadap materi pada paket ini akan memberi wawasan yang penting bagi mahasiswa dalam mempelajari materi pada paket selanjutnya.

Pembelajaran materi ini memerlukan dukungan media pembelajaran berupa *LCD Projector*, Komputer atau Lap Top, Kertas Plano, Spidol, Isolasi, dan *White Board*.

ghayah/perhinggaan— terdapat salat Ashar dan Magrib yang belum dirinci fenomena alam yang menjadi penanda awal waktunya. Untuk ini sejumlah hadis Nabi SAW, sebagai sumber kedua hukum Islam, datang memberikan rincian. Di antaranya hadis yang dituturkan Jabir ibn ‘Abdillah berikut ini:

أَنَّ النَّبِيَّ صَلَّى اللَّهُ عَلَيْهِ وَ سَلَّمَ جَاءَهُ جِبْرِيْلُ فَقَالَ قُمْ فَصَلِّهِ فَصَلَّى الطُّهْرَ حِينَ زَالَتِ الشَّمْسُ ثُمَّ جَاءَهُ الْعَصْرَ فَقَالَ قُمْ فَصَلِّهِ فَصَلَّى الْعَصْرَ حِينَ صَارَ ظِلُّ كُلِّ شَيْءٍ مِثْلَهُ أَوْ قَالَ صَارَ ظِلُّهُ مِثْلَهُ ثُمَّ جَاءَهُ الْمَغْرِبَ فَقَالَ قُمْ فَصَلِّهِ فَصَلَّى حِينَ وَجَبَتِ الشَّمْسُ ثُمَّ جَاءَهُ الْعِشَاءَ فَقَالَ قُمْ فَصَلِّهِ فَصَلَّى حِينَ غَابَ الشَّفَقُ ثُمَّ جَاءَهُ الْفَجْرَ فَقَالَ قُمْ فَصَلِّهِ فَصَلَّى حِينَ بَرَقَ الْفَجْرُ أَوْ قَالَ حِينَ سَطَعَ الْفَجْرُ ... (أخرجه أحمد والنسائي واللفظ لأحمد)

Sungguh telah datang Jibril kepada Nabi SAW lalu berkata: ‘Bangun, lalu salatlah’, maka beliau salat Zuhur ketika matahari telah tergelincir. Kemudian (Jibril) datang kepada beliau pada waktu Ashar lalu berkata: ‘Bangun, lalu salatlah’, maka beliau salat Ashar ketika bayang-bayang segala sesuatu telah menjadi sepanjang bendanya, atau (Jabir) berkata, bayang-bayangnya telah menjadi sepanjang dirinya. Kemudian (Jibril) datang kepada beliau pada waktu Magrib lalu berkata: ‘Bangun, lalu salatlah’, maka beliau salat ketika matahari telah terbenam. Kemudian (Jibril) datang kepada beliau pada waktu Isyak lalu berkata: ‘Bangun, lalu salatlah’, maka beliau salat ketika mega telah hilang. Kemudian (Jibril) datang kepada beliau pada waktu Fajar (subuh) lalu berkata: ‘Bangun, lalu salatlah’, maka beliau salat ketika fajar telah cemerlang atau ketika fajar telah bersinar ... (Ahmad dan al-Nasa’i mentakhrij³ hadis ini, sementara redaksinya dari riwayat Ahmad).³

³ Baca: Ahmad ibn Hanbal Abu‘Abdillah al-Shaibani, *Musnad al-Imam Ahmad ibn Hanbal*, Nomor hadis 14578 (Muassasah Qurṭubah, Kairo), juz 3, 330; Ahmad ibn Shu’aib Abu‘Abd al-Rahman al-Nasa’i, *al-Mujtaba>min al-Sunan*, Nomor hadis 526 (Maktab al-Matḥab al-Islamiyah, Halb, cetakan kedua, tahun 1406 H./1986 M.), juz I, 263 dalam *al-Maktabah al-Shamilah*.

Mengacu pada dalil-dalil syara' di atas, kerja ijtihad yang diselenggarakan para fukaha mengenai kriteria masuknya awal-awal waktu salat fardu diwarnai oleh ragam perbincangan dan natijah sebagai berikut:

1. Awal Waktu Zuhur

Dalil syara' menetapkan 'tergelincirnya matahari' atau '*zawaḥ al-shams*' (selanjutnya disebut *zawaḥ*) sebagai fenomena penanda masuknya awal waktu Zuhur.

Zawaḥ lazim dipahami sebagai *moment* yang terjadi sesudah tengah hari (نصف النهار), dan tengah hari sendiri secara sederhana dipahami sebagai pertengahan waktu antara matahari terbit dan matahari terbenam. Dalam fisika astronomi momen tengah hari itu dikonsepsikan sebagai saat kulminasi matahari, yaitu **saat berhimpitnya titik pusat matahari dengan Meridian** (saat *istiwa*).

Jika berhimpitnya titik pusat matahari dengan meridian (خط وسط السماء) dimaknai sebagai saat tengah hari, sementara *zawaḥ* adalah peristiwa yang terjadi sesudahnya, lalu apa yang dimaksud dengan *zawaḥ* itu sendiri? Jawaban atas pertanyaan ini bergantung pada pemaknaan terhadap 'matahari' dalam perkataan 'tergelincirnya matahari' (زوال الشمس) antara **titik pusat matahari** (مركز الشمس) ataukah **piringan matahari** (قرص الشمس).

Kalangan ahli ilmu falak memaknainya dengan 'titik pusat matahari' sehingga *zawaḥ* dalam konsep mereka, adalah **momen lepasnya titik pusat matahari dari Meridian**. Mengenai hal ini penyusun kitab *Mawahib al-Jalib Fi Sharh Mukhtasir* menulis sebagai berikut.

فَإِنَّ الزَّوَالَ عِنْدَ أَهْلِ الْمَيْقَاتِ يَحْصُلُ بِمَيْلِ مَرْكَزِ الشَّمْسِ عِنْدَ حَطِّ وَسَطِ السَّمَاءِ

Sesungguhnya moment *zawaḥ* menurut ahli miqat (falak) tercapai dengan kecondongan (tergelincir) nya titik pusat matahari dari meridian langit.⁴

⁴ Baca: Mawahibul Jalib-Fi-Sharh Mukhtasir: juz 3, 152 dalam *al-Maktabah al-Shamilah*.

Sebuah natijah fikih menegaskan bahwa *zawaḥ* adalah momen sesudah tengah hari tanpa dipisah oleh jeda waktu.⁵ Dengan menafikan jeda waktu, natijah fikih ini cukup kuat mencerminkan konsep *zawaḥ* seperti yang lazim dimaknakan kalangan ahli ilmu falak (fisikawan astronomi) di atas.

Penafian jeda waktu ini bermasalah ketika dihadapkan pada hadis Nabi SAW yang menitahkan larangan salat pada tengah hari sampai matahari tergelincir.⁶ Sebab jika jeda waktu antara tengah hari dan *zawaḥ* itu tidak ada, pastilah ‘waktu larangan’ tersebut hanyalah momen sekejap atau sesaat yang, jangankan dipakai untuk menyelenggarakan seluruh pekerjaan salat, sekedar menampung pekerjaan takbiratul ihram saja pun tidak memadai.

Pandangan fikih lain mencoba mengatasi permasalahan ini dengan mengajukan pemaknaan bahwa larangan Nabi SAW tersebut berlaku untuk salat yang sebagiannya (bukan seluruhnya) dilakukan dalam waktu larangan itu.⁷ Namun, selagi waktu yang dimaksud tidak mungkin menampung satu bagian pun dari pekerjaan salat karena sedemikian singkatnya, versi pemaknaan yang ini pun sulit dicerna nalar.

Ada pula pandangan fikih yang mencoba menyelesaikannya dengan menyodorkan konsep Siang Syar’i, yakni siang yang dihitung dari awal fajar (subuh) hingga terbenam matahari.⁸ Konsekuensinya *moment* tengah hari menjadi tiba lebih awal (sebelum *istiwaḥ*) dan –dengan begitu– antara tengah hari sampai *zawaḥ* terdapat jeda waktu yang lamanya bisa dihitung.⁹ Kendati problem sekejapnya ‘waktu larangan’ itu tampak bisa diatasi oleh konsep ini, namun tawarannya untuk menghitung siang dari awal fajar (yang *notabene* masih gelap) tidak berselaras dengan garis al-Qur’an yang menjadikan terang sebagai tanda siang.¹⁰

⁵ Natijah ini dicerminkan, antara lain, oleh teks fikih dalam kitab Radd al-Mukhtar Juz 3, 147 (dikutip dari *al-Maktabah al-Shamilah*) sebagai berikut: وَلَا يُحَقَّى أَنْ زَوَالَ الشَّمْسِ إِنَّمَا هُوَ عَقِيبُ انْتِصَافِ النَّهَارِ بِلَا فَصْلٍ .

⁶ al-Shafi’i meriwayatkan dari Abu Hurairah hadis mengenai larangan tersebut dalam *al-Musnad*: . أَنَّ النَّبِيَّ صَلَّى اللَّهُ عَلَيْهِ وَسَلَّمَ نَهَى عَنِ الصَّلَاةِ نِصْفَ النَّهَارِ، حَتَّى تَزُولَ الشَّمْسُ إِلَّا يَوْمَ الْجُمُعَةِ .

⁷ Baca “*Radd al-Mukhtar*” Juz 3, 147 dalam *al-Maktabah al-Shamilah*.

⁸ Seperti bentangan waktu untuk puasa.

⁹ Baca “*Radd al-Mukhtaḥ*”, Juz 3, h. 147 dalam *al-Maktabah al-Shamilah*.

¹⁰ Al-Qur’an dalam surat 17: *al-Isra’* ayat 12 menggariskan: وَجَعَلْنَا آيَةَ النَّهَارِ مُبْصِرَةً (Dan Kami jadikan tanda siang itu terang).

Lepas dari berbagai pandangan di atas, jeda waktu yang disiratkan adanya oleh hadis tentang larangan salat di tengah hari melalui ungkapan *hatta tazuka al-shams* (sampai matahari tergelincir) itu sesungguhnya bisa dijawab dengan memaknai 'matahari' dalam perkataan 'tergelincirnya matahari' dengan 'piringan matahari'. Dengan pemaknaan ini *zawaḥ* dikonsepsikan sebagai **momen lepasnya piringan (bukan titik pusat) matahari dari Meridian**. Konsep ini menurut penyusun kitab *Mawahib al-Jalil Fi Sharh Mukhtashar* mencerminkan, atau selaras dengan, konsep *Zawaḥ Shar'i*. Mengenai ini ia menulis sebagai berikut.

وَالزَّوَالُ الشَّرْعِيُّ إِنَّمَا يَحْضُرُ بِمَيْلِ قُرْصِ الشَّمْسِ عَنِ حَطِّ وَسَطِ السَّمَاءِ

Zawaḥ shar'i hanya tercapai dengan condong (tergelincir) nya piringan matahari dari garis tengah langit (meridian).¹¹

Konsep *zawaḥ shar'i* ini meniscayakan adanya jeda waktu antara tengah hari dan *zawaḥ* sebanyak waktu yang diperlukan matahari untuk bergeser dalam jarak sepanjang semidiameter atau jari-jarinya, yakni dari kedudukannya ketika titik pusatnya berhimpit dengan meridian sampai tepi timur (bibir-belakang) piringannya berhimpit dengan garis meridian. Jeda waktu tersebut panjang rata-ratanya adalah satu menit plus sekian detik, dan ini sudah cukup memadai untuk menampung sebagian dari pekerjaan salat.

2. Ashar

Dalil syara' menetapkan bahwa awal waktu Ashar masuk ketika 'bayang-bayang segala sesuatu telah menjadi sepanjang bendanya' (حِينَ صَارَ (ظِلُّ كُلِّ شَيْءٍ مِثْلَهُ).

Panjang bayang-bayang benda di permukaan bumi yang tercahayai Matahari adalah fenomena yang terus berubah selaras dengan variabel posisinya terhadap matahari. Pada pagi hari bayang-bayang benda muncul dengan ukuran terpanjang dan terus berubah kian memendek berseiring dengan kian tingginya posisi Matahari. Ukuran bayang-bayang terpendek

¹¹ Baca: „Mawahib al-Jalil Fi Sharhi Mukhtashar“, juz 3, 152 dalam *al-Maktabah al-Shamilah*.

tercapai pada saat tengah hari, yaitu kala Matahari berkulminasi atau ketika titik pusat Matahari berhimpit dengan Meridian (*istiwa*). Sesudah itu, berseiring dengan kian rendahnya posisi Matahari, bayang-bayang benda di muka Bumi kembali berubah kian memanjang.

Jika dipertalikan dengan panjang bendanya, ukuran bayang-bayang pada saat *istiwa* menampakkan nisbah yang bervariasi. Benda yang terletak tepat di bawah matahari, ukuran bayang-bayang *istiwa*nya adalah 0 (tanpa bayang-bayang). Kian jauh posisi suatu benda dari matahari, kian panjang bayang-bayang *istiwa*nya. Bahkan bila sangat jauh ke utara atau ke selatan, bayang-bayang *istiwa* bisa lebih panjang dari bendanya sendiri.

Jika ketentuan syara' tentang masuknya awal waktu Ashar di atas, yakni bila **'bayang-bayang segala sesuatu telah menjadi sepanjang bendanya'**, dipahami secara harfiah maka akan muncul variasi keadaan masuknya awal waktu Ashar sebagai berikut.

- Di kawasan yang tidak punya bayang-bayang *istiwa* karena persis berada di bawah Matahari awal Ashar masuk pada suatu momen dengan selisih waktu terpanjang dengan saat *istiwa*
- Di kawasan-kawasan lain yang punya bayang-bayang *istiwa*, selisih antara awal Ashar dengan saat *istiwa* tersebut makin pendek.
- Di kawasan yang bayang-bayang *istiwa*nya sama panjang dengan bendanya, awal Ashar tiba bersamaan dengan saat *istiwa*
- Di kawasan yang bayang-bayang *istiwa*nya lebih panjang daripada bendanya malah tidak akan pernah mengalami fenomena masuknya awal waktu Ashar.

Berhubung pemaknaan harfiah terhadap teks dalil syara' membawa implikasi keadaan sebagaimana digambarkan di atas, maka 'bayang-bayang' Ashar dalam dalil syara' di atas mesti dimaknai dengan catatan pengecualian, yakni **selain bayang-bayang *istiwa***

Dalam kaitan ini ada sebagian fukaha yang memberi catatan pengecualian berupa **selain bayang-bayang *zawa***. Di antaranya Shekh al-Dardir melalui pemaknaan yang dikemukakannya dalam *al-Sharh al-Kabir*.

فالمعنى حتى يصير ظل كل شيء مثله (بغير ظل الزوال)

Maknanya adalah ‘sampai bayang-bayang segala sesuatu sama dengan bendanya (selain bayang-bayang *zawaḥ*).¹²

Namun demikian sesuai dengan ilustrasi yang telah dikemukakan sebelumnya, catatan pengecualian yang lebih tepat untuk ‘bayang-bayang’ Ashar adalah *بغير ظل الإستواء* (selain bayang-bayang *istiwaḥ*), bukan *بغير ظل الزوال* (selain bayang-bayang *zawaḥ*). Jadi, awal waktu Ashar dipandang masuk apabila bayang-bayang benda yang telah ada pada saat *istiwaḥ* (tengah hari) sudah bertambah dengan sepanjang bendanya.

3. Magrib

Dalil syara’ menetapkan awal waktu Magrib mulai masuk pada saat matahari terbenam (*حِينَ وَجَبَتِ الشَّمْسُ*). Matahari dikatakan terbenam apabila seluruh piringannya sudah berada di bawah ufuk (horizon, cakrawala). Pada saat itu bibir atas (*upper limb*) piringan matahari berhimpit dengan garis ufuk. Seperti pada fenomena *zawaḥ* yang dimaksud dengan “matahari” dalam perkataan ‘terbenamnya matahari’ ialah “piringan matahari” (*قرص الشمس*).

4. Isyak

Dalil syara’ menetapkan awal waktu Isyak masuk pada saat *shafaq* atau mega sudah menghilang (*حِينَ غَابَ الشَّقُوقُ*). *Shafaq* adalah fenomena alam paska matahari terbenam. Selepas terbenam, matahari terus turun menjauhi ufuk. Seiring dengan itu kekuatan sebaran cahayanya di angkasa perlahan memudar. Kawasan-kawasan di permukaan Bumi yang mengalami peristiwa terbenam Matahari secara perlahan mulai teraliri gelap. Efek terang tampak tersisa secara agak menonjol di sekitar ufuk barat yang menjadi latar terbenam Matahari. Efek terang itu membentuk citra hamparan mega (*shafaq*) yang secara perlahan terus mengalami reduksi-turun. Tren ini

¹² Baca: Shaykh al-Dardir dalam *Al-Sharh al-Kabir*, juz I. h. 176 dalam *al-Maktabah al-Shamilah*.

menurut Ibnu Yunus¹³ ditandai oleh perubahan secara berperingkat warna langit yang menjadi latar matahari terbenam itu. Awalnya kuning, lalu oren, kemudian merah. Dalam peralihan menuju gelap, pudarnya warna merah digantikan oleh warna putih dalam tempo yang sangat singkat.¹⁴

Sejalan dengan ini dalam percakapan orang Arab dikenal adanya dua *shafaq*, yaitu *ahmar* (merah) dan *abyad* (putih).¹⁵ Karena itu ketika dalil syara' menyebutnya secara mutlak (tanpa *qayyid*), muncullah perbedaan pendapat mengenai manakah di antara keduanya yang dimaksudkan. Abu Yusuf, Malik, dan al-Shafi'i memaknainya dengan *shafaq ahmar* (mega merah). Mereka berkata:

فَمَمَّى غَابَتِ أَحْمَرَةُ وَارْتَفَعَ الْبَيَاضُ وَانْتَشَرَ الظَّلَامُ فِي الْأُفُقِ يَدْخُلُ وَقْتُ الْعِشَاءِ
وَيُخْرَجُ وَقْتُ الْمَغْرِبِ

Manakala warna merah telah hilang, warna putih telah sirna, dan gelap telah menyebar di ufuk, maka waktu Isyak masuk dan waktu Magrib berakhir.¹⁶

Di dalam kitabnya, al-Umm, al-Shafi'i menuliskan pemaknaannya terhadap *shafaq* sebagai berikut:

وَالشَّفَقُ الْحُمْرَةُ الَّتِي فِي الْمَغْرِبِ فَإِذَا ذَهَبَتْ الْحُمْرَةُ فَلَمْ يُرَ مِنْهَا شَيْءٌ حَلَّ وَقْتُهَا

Shafaq ialah mega merah yang muncul pada waktu Magrib. Bila warna merah itu telah hilang sehingga tidak terlihat sedikit pun dari padanya, maka masuklah waktunya (Isyak).¹⁷

13 Ibnu Yunus (950 -1009 M), nama lengkapnya Abu al-Hasan Ali abi Said Abd al-Rahman ibnu Ahmad ibnu Yunus al-Sadafi al-Misji, adalah salah seorang astronom Muslim berkebangsaan Mesir yang namanya diabadikan oleh International Astronomical Union (IAU) pada sebuah kawah di permukaan bulan. Lewat adikaryanya al-Zij-al-Hakim al-Kabir, Ibnu Yunus dipandang telah berjasa menyusun sebuah tabel yang sangat akurat. Baca: <http://www.khabarislam.com/ibnu-yunus-astronom-legendaris-dari-mesir.html>

14 Baca: "Waktu Isyak" dalam <http://www.al-azim.com/smkdolsaid/waktusolat2.htm>

15 Ibnu Rushd. *Bidayah al-Mujtahid wa Nihayah al-Muqtasid*. Juz 1, (Singapura-Jeddah: al-Haramayn), t.t., 96

16 *Ibid.*; 'Ala>al-Din al-Samarqandiy, "Tuhfah al-Fuqaha", juz I, h. 100.

17 Muhammad ibn Idris al-Shafi'i, "al-Umm", juz I. 74 dalam *al-Maktabah al-Shamiliyah*.

Abu Hanifah memaknainya dengan *shafaq abyadh* (mega putih) yang muncul selepas *shafaq ahmar* (mega merah). Untuk ini ia menegaskan:

وَإِذَا غَابَ الْبَيَاضُ، وَبَدَأَ الظَّلَامُ فِي الأفُقِ، يَخْرُجُ وَقْتُ الْمَغْرِبِ وَيَدْخُلُ
وَقْتُ الْعِشَاءِ

Bila warna putih telah hilang dan ufuk mulai gelap, maka waktu Magrib berakhir dan masuklah waktu Isyak.¹⁸

Menurut Ibnu Yunus, oleh karena keberadaan cahaya putih dalam proses peralihan dari warna merah ke suasana gelap malam itu terlalu singkat, maka yang menjadi kajian utama falak Islam dari segi kedudukan sudut ketinggian matahari ketika itu ialah kesan cahaya merah.¹⁹

5. Subuh

Dalil syara' menetapkan masuknya awal waktu Subuh pada saat fajar telah terbit (حِينَ بَرَقَ الْفَجْرُ). Di samping untuk awal waktu salat Subuh, terbitnya fajar ini dijadikan oleh Allah SWT sebagai penanda dimulainya puasa. Allah SWT berfirman:

... وَكُلُوا وَاشْرَبُوا حَتَّى يَتَبَيَّنَ لَكُمُ الْخَيْطُ الْأَبْيَضُ مِنَ الْخَيْطِ الْأَسْوَدِ مِنَ الْفَجْرِ ثُمَّ
أَتَمُّوا الصِّيَامَ إِلَى اللَّيْلِ (البقرة: ١٨٧)

... dan makan minumlah hingga terang bagimu benang putih dari benang hitam, yaitu fajar. Kemudian sempurnakanlah puasa itu sampai (datang) malam.²⁰

Dalam hadis yang dituturkan oleh Jabir, Nabi SAW menjelaskan adanya dua fenomena fajar sebagai berikut.

¹⁸ 'Ala> al-Din al-Samarqandiy, "Tuhfah al-Fuqaha", juz I. h. 100 dalam *al-Maktabah al-Shamilah*.

¹⁹ Baca: "Waktu Isyak" dalam <http://www.al-azim.com/smkdolsaid/waktusolat2.htm>

²⁰ Al-Qur'an 2: (al-Baqarah): 178

antar planet tersebut tersebar di bidang Ekliptika sehingga Fajar Kazib tampil tegak berselaras dengan arah tegaknya bidang Ekliptika.

Di sebelah itu, oleh karena debu-debu antar planet tersebut lebih tinggi daripada atmosfer bumi yang menjadi penghambur Fajar Sadiq, maka Fajar Kazib selalu muncul lebih dahulu daripada Fajar Sadiq. Sesuai dengan fakta empirik ini wacana fikih lazim menyebut Fajar Kazib dengan *al-Fajr al-Awwal* (fajar pertama) dan Fajar Sadiq dengan *al-Fajr al-Tsani* (fajar kedua).

Setelah kemunculan Fajar Kazib langit malam kembali berselimut gelap, tetapi tidak demikian halnya dengan Fajar Sadiq. Fajar yang kedua ini muncul kontinyu (*Jumintu*) sampai matahari terbit. Mulanya tipis dan lemah lalu perlahan meluas dan menguat. Citra kemunculan awalnya yang tipis dan lemah itu dilukiskan al-Qur'an dengan ungkapan الحَيْطُ الأَبْيَضُ (benang putih).

Sejalan dengan ini Muhammad Sayyid Thantawi menulis bahwa yang dimaksud dengan "benang putih" ialah Fajar Sadiq pada awal kemunculannya yang melebar (horizontal) di ufuk sebelum menyebar.²¹

Al-Khazin juga menulis:

إِنَّ الْقَدْرَ الَّذِي يَبْدُو مِنَ الْبَيَاضِ، هُوَ أَوَّلُ الصُّبْحِ، يَكُونُ رَفِيقاً صَغِيراً ثُمَّ يَنْتَشِرُ.
فَلِهَذَا شُبِّهَ بِالْحَيْطِ²²

Sesungguhnya kadar yang menampak dari cahaya putih itu, ia adalah awal Subuh, keadaannya lemah dan kecil, kemudian menyebar. Karena itulah ia diibaratkan dengan benang.

Senada dengan al-Khazin, Wahbah al-Zuhaili juga memandang pengibaratan Fajar Sadiq dengan benang putih itu adalah dari segi lemahnya cahaya putih subuh itu pada saat terbit.²³

²¹ Muhammad Sayyid Thantawi, *al-Tafsir al-Wasit* juz 1, (al-Maktabah al-Shamilah), 314.

²² Al-Khazin ('Ala>al-Din 'Ali ibn Muhammad ibn Ibrahim al-Baghdadi), *Lubab al-Ta'wif fi Ma'ani al-Tanzih* Juz 1, (Beirut: Dar al-Fikr, 1399 H./1979 M.), 163.

²³ Wahbah al-Zuhaili, *al-Tafsir al-Munir fi al-'Aqidah wa al-Shari'ah wal al-Minhaj* juz 2, (Beirut: Dar al-Fikar al-Mu'ashir, Cetakan I, 1411 H./1991 M.), 147.

Di kalangan Sahabat Nabi SAW, ungkapan الخيط الأبيض (benang putih) dalam al-Qur'an ini sempat memunculkan pemaknaan yang teramat lugas, yakni benang putih yang sesungguhnya. Mengetahui hal itu Rasulullah SAW segera meluruskan dan mengembalikannya pada proporsi pemaknaan yang dikehendaki dengan memberikan klarifikasi bahwa الخيط الأبيض itu adalah ungkapan ibarat untuk بياض النهار (putihnya siang).²⁴

Citra cahaya awal subuh itu –sebelum menyebar– memang laksana benang putih, dan itu bisa dijelaskan fenomena empiriknya dengan ilustrasi keadaan di laut atau di dataran nan luas. Jika pada suatu siang, misalnya, kita berada di sana, maka di kejauhan kita akan melihat citra benang tipis yang memanjang horizontal hingga membentuk lingkaran. Itulah garis atau benang ufuk yang menjadi batas pandang antara langit yang tampak dan langit yang tidak tampak. Memasuki malam, benang ufuk itu hilang perlahan ditelan gelap. Lalu di akhir malam, ketika hamburan sinar matahari mulai menimpa atmosfer di bibir ufuk timur, terbentuklah citra benang putih (الخيط الأبيض) yang memanjang paralel dengan ufuk (المستطيل في الأفق) yang menjadi latar terbitnya matahari nanti. Benang cahaya putih itu muncul dari balik benang hitam (الخيط الأسود) yang tiada lain adalah garis ufuk itu sendiri yang masih gelap.

Sejalan dengan ilustrasi ini, cahaya putih (البياض) lalu lazim hadir sebagai salah satu unsur pokok dalam banyak rumusan konsep yang disusun para ulama tentang Fajar Sadiq yang diturunkan dari al-Qur'an dan hadis. Di antaranya seperti yang tercermin dalam rumusan-rumusan konsep Fajar Sadiq berikut ini.

الْبَيَاضُ الْمُعْتَرِضُ فِي الْأَفُقِ²⁵

Cahaya putih yang melebar (horizontal) di ufuk.

الْبَيَاضُ الْمُعْتَرِضُ فِي الْمَشْرِقِ وَلَا ظِلْمَةٌ بَعْدَهُ²⁶

²⁴ Ahmad ibn Hanbal, *Musnad al-Imam Ahmad ibn Hanbal*, juz 32, (Muasasah al-Risalah, Cetakan kedua, 1420 H. /1999 M), 118.

²⁵ Baca: Burhanuddin 'Ali ibn Abi Bakr ibn Abdil Jalil al-Farghani al-Marghinani (511-593 H.), *Matnu Bidayah al-Mubtadi Fi Fiqh al-Imam Abi-Hanifah*, (Kairo: Maktabah wa Matba'ah Muhammad 'Ali Shabah), Juz 1, 11.

Cahaya putih yang melebar (horizontal) di timur dan tidak ada gelap sesudahnya.

الْبَيَاضُ الْمُسْتَطِيرُ الْمُعْتَرِضُ فِي الْأُفُقِ لَا يَزَالُ يَزْدَادُ نُورَهُ حَتَّى تَطْلُعَ الشَّمْسُ²⁷

Cahaya putih yang membentang dan melebar (horizontal) di ufuk yang terus bertambah cahayanya sampai matahari terbit.

Berseiring dengan gerak matahari yang terus naik mendekati garis ufuk, benang Fajar Sadiq tadi secara perlahan mengalami penyebaran atau perluasan dan penguatan sehingga terbentuklah citra hamparan cahaya. Dalam proses perluasan dan penguatan itu Fajar Sadiq mengalami perubahan warna dalam tren yang berkebalikan dengan *shafaq* (mega). Bila warna *Shafaq* yang muncul sesudah matahari terbenam diawali dengan kuning, lalu oranye, kemudian merah, dan diakhiri dengan putih, maka Fajar Sadiq yang muncul sebelum matahari terbit diawali dengan putih, lalu merah, kemudian oranye, dan diakhiri dengan kuning.

Terkait dengan warna, penting dikemukakan adanya hadis Nabi SAW yang menyifati awal Fajar Sadiq dengan warna merah (الأحمر). Dalam versi riwayat yang di *takhrij* oleh Ahmad ibn Hanbal, teks hadis tersebut berbunyi begini:

لَيْسَ الْفَجْرُ الْمُسْتَطِيلُ فِي الْأُفُقِ وَلَكِنَّهُ الْمُعْتَرِضُ الْأَحْمَرُ²⁸

Fajar itu bukanlah yang melintang (vertikal) di ufuk, melainkan yang melebar (horizontal) dan yang berwarna merah.

Dalam versi riwayat yang di *takhrij* oleh Abu Dawud dan al-Turmudzi, bunyi teksnya adalah:

... فَكُلُّوا وَاشْرَبُوا حَتَّى يَعْتَرِضَ لَكُمْ الْأَحْمَرُ²⁹

²⁶ Sharafuddin Musa ibn Ahmad ibn Musa Abu-al-Naja-al-Hajawi (W. 960 H.), *Al-Iqna' fi Fiqh al-Imam Ahmad ibn Hanbal*, (Beirut: Dar-al-Ma'rifah), Juz 1, 83.

²⁷ Kementerian Wakaf dan Urusan Keislaman Kuwait, *al-Mausu'ah al-Fiqhiyah al-Kuwaitiyah*, volume 27, 319

²⁸ Ahmad ibn Hanbal, *Musnad al-Imam Ahmad ibn Hanbal*, juz 4, (al-Maktabah al-Shamilah), 23

... maka makan dan minumlah hingga terbit melebar (horizontal) pada kamu sekalian cahaya merah.

Penyifatan awal Fajar Sadiq dengan cahaya merah ini tidak berselaraskan dengan hadis Nabi SAW yang lain dan bahkan tidak selaras juga dengan al-Qur'an yang dengan gamblang menyifatinya dengan warna putih (الأبيض). Kendati begitu ada juga ulama yang menjadikan hadis tersebut sebagai pijakan dalam membangun konsep tentang Fajar Sadiq. Salah satunya adalah Shekh Muhammad Taqiyuddin al-Hilali yang menegaskan:

وَالْفَجْرُ الصَّادِقُ مُعْتَرِضٌ فِي الْأَفْقِ مَشْرَبٌ بِالْحُمْرَةِ الَّتِي تَتَقَدَّمُ طُلُوعَ الشَّمْسِ،
فَهَذَا هُوَ الَّذِي يُحْرِمُ الطَّعَامَ وَيُجِلُّ الصَّلَاةَ³⁰

Fajar Sadiq itu melebar di ufuk, bercampur dengan warna merah yang mendahului terbitnya matahari. Inilah dia (fajar) yang mengharamkan makanan dan menghalalkan salat.

Kendati benar bahwa citra merah itu juga hadir dalam fenomena perubahan warna cahaya Fajar Sadiq, tetapi itu tidak terjadi sesudah hamburan cahaya subuh itu menyebar dan membentuk hamparan. Adapun di awal kemunculannya, cahaya subuh itu hadir dalam bentuk citra benang putih (الخيوط الأبيض) sebagaimana dilukiskan al-Qur'an.

Paham yang menjadikan citra “hamparan cahaya” sebagai awal kemunculan Fajar Sadiq dapat dipahami juga dalam sebuah konsep yang dinisbatkan pada Ibnu Abbas. Mengenai ini Ibnu Jarir al-Thabari menyitir riwayat yang memuat penuturan Atha' bahwa ia mendengar Ibnu Abbas berkata:

الْفَجْرُ الَّذِي يَسْتَبِينُ عَلَى رُءُوسِ الْجِبَالِ هُوَ الَّذِي يُحْرِمُ الشَّرَابَ³¹

²⁹ Abu Dawud Sulaiman ibn al-Ash'ats al-Sijistani, *Sunan Abi Dawud*, juz 2, (Beirut: Dar al-Kutub al-'Arabiyy), 275; Muhammad ibn 'Isa Abu Isa al-Turmuziy al-Salamiy, *Al-Jami' al-Sahih Sunan al-Turmuziy*, juz 3, (Beirut: Dar Ihya' al-Turath al-'Arabiyy), 85

³⁰ Shekh Muhammad Taqiyuddin al-Hilali, *Bayan al-Fajr al-Sadiq*, (al-Maktabah al-Shamilah),. 29

³¹ Muhammad ibn Jarir al-Thabari, *Jami' al-Bayan fi Ta'wil al-Qur'an*, Juz 3 (Muassasah al-Risalah, Cetakan I), 514

Fajar yang tampak jelas di puncak-puncak bukit, itu dia yang mengharamkan minuman.

Dengan memindahkan tempat awal terbitnya Fajar Sadiq dari garis ufuk ke posisi yang lebih tinggi, yakni ke puncak-puncak bukit, konsep di atas meniscayakan pemaknaan bahwa awal Fajar Sadiq adalah ketika cahaya subuh itu telah menyebar luas. Sebab, Fajar Sadiq mustahil dapat dilihat pada puncak-puncak bukit kecuali bila ia telah menyebar luas. Jadi dengan melansir “puncak-puncak bukit” sebagai unsur pokok Fajar Sadiq, konsep di atas justru menampakkan dengan jelas ketidakselarannya dengan al-Qur’an dan hadis.

Ulama lain, yakni Ibnu Jarir al-Thabari, bahkan jelas-tegas menyifati Fajar Sadiq dengan “cahaya putih yang menyebar luas dan terang”. Deskripsi beliau mengenai sifat cahaya putih Subuh itu adalah sebagai berikut.

صِفَةُ ذَلِكَ الْبَيَاضِ أَنْ يَكُونَ مُنْتَشِرًا مُسْتَفِيضًا فِي السَّمَاءِ يَمَلَأُ بَيَاضُهُ وَضَوْؤُهُ
الطُّرُقَ³²

Sifat dari cahaya putih itu adalah menyebar rata di langit. Putih dan sinarnya memenuhi jalan-jalan.

Mendeskripsikan Fajar Sadiq sebagai cahaya subuh yang menyebar rata dan menerangi jalan-jalan tentu saja tidak keliru. Hanya saja kalau fenomena semacam itu dimaknai sebagai momen awal kemunculan Fajar Sadiq, maka inilah pemaknaan yang tidak berselaras dengan al-Qur’an oleh karena kitab suci ini telah dengan tegas mengibaratkan tampilan Fajar Sadiq di awal kemunculannya dengan ”benang putih”.

Ketika Fajar Sadiq berbentuk citra benang cahaya putih, efek terangnya tentu saja masih sedemikian lemah dan sangat tidak signifikan untuk dapat menerangi jalan-jalan. Bahkan pada zaman Nabi SAW, kala bubar salat jamaah Subuh pun dilukiskan bahwa keadaan jalan-jalan di

³² Muhammad ibn Jarir al-Thabari, *Jami' al-Bayan fi Ta'wil al-Qur'an*, Juz 3 (Muassasah al-Risalah, Cetakan I), 514

Madinah masih gelap. Adalah Aishah (isteri Nabi SAW) sendiri yang memberikan testimoni mengenai hal tersebut sebagai berikut.

كُنَّ نِسَاءُ الْمُؤْمِنَاتِ يَشْهَدْنَ مَعَ رَسُولِ اللَّهِ صَلَّى اللَّهُ عَلَيْهِ وَسَلَّمَ صَلَاةَ الْفَجْرِ
مُتَلَفِّعَاتٍ بِمِرْوَطِهِنَّ، ثُمَّ يَنْقَلِبْنَ إِلَى بُيُوتِهِنَّ حِينَ يَفْضِيْنَ الصَّلَاةَ لَا يَعْرِفُهُنَّ أَحَدٌ
مِنَ الْعَلَسِ³³

Wanita-wanita mukminah mengikuti salat Fajar (Subuh) bersama Rasulullah SAW dalam keadaan berselimut dengan pakaian-pakaian mereka. Kemudian mereka pulang ke rumah-rumah mereka ketika mereka selesai salat. Tidak seorang pun mengenali mereka karena masih gelap.

Natijah dari uraian di atas ialah bahwa kriteria acuan shar’i mengenai awal masuknya waktu Subuh ialah terbitnya fajar kedua atau Fajar Sadiq yang ditandai oleh munculnya citra benang cahaya putih yang tampak melebar (horizontal) di bibir ufuk, bukan sesudah benang putih itu menyebar luas dan membentuk hamparan cahaya putih bercampur merah hingga terlihat di puncak-puncak bukit dan mulai menerangi jalan-jalan.

Data Hisab Awal Waktu Salat Fardu

Untuk melakukan kerja hisab awal waktu salat pada suatu tempat (*markaz*) tertentu dibutuhkan sejumlah data yang berkenaan dengan tempat (*markaz*) itu sendiri dan data yang berkenaan dengan matahari. Data mengenai tempat (*markaz*) meliputi harga Lintang (ϕ), Bujur (λ), dan Elevasi atau Altitudo (ketinggian tempat itu dari permukaan laut, dpl). Data mengenai Matahari meliputi Deklinasi (δ), Ketinggian (h), dan Perata Waktu (e). Dalam buku ini data mengenai matahari mengacu pada tabel Ephemeris Hisab Rukyat yang diterbitkan oleh Kementerian Agama Republik Indonesia.

1. Lintang Tempat (ϕ)

³³ Muhammad Fuad ‘Abd al-Baqiy, *al-Lu’lu’ wa al-Marjan Fi>Ma>Ittafaqa ‘Alaihi al-Shaykhan*, Juz 1 al-Maktabah al-Shamilah), 188

Data lintang tempat (ϕ), seperti telah dikemukakan pada bahasan di bagian kedua yang lalu (Kaidah Dasar Ilmu Falak), bisa diperoleh dari buku-buku almanak atau atlas, dan bisa pula dicari dengan melakukan pengukuran sendiri. Dari buku ALMANAK JAMILIYAH yang disusun oleh Sa'adoeddin Djambek (kutipannya terlampir), misalnya, diperoleh data bahwa harga ϕ Surabaya adalah $-7^{\circ} 15'$.

2. Bujur Tempat (λ)

Data λ juga bisa diperoleh dari buku-buku almanak atau atlas, dan bisa juga diupayakan dengan melakukan pengukuran sendiri. Dari buku Almanak Jamiliyah yang disusun oleh Sa'adoeddin Djambek (kutipannya terlampir) diperoleh data bahwa harga λ Surabaya adalah $112^{\circ} 45' T$.

3. Elevasi Tempat

Elevasi (Altitudo) ialah jarak vertikal (ketinggian) suatu tempat dari suatu titik tertentu yang dinamakan Datum. Yang digunakan sebagai datum lazimnya adalah permukaan laut sehingga elevasi atau altitudo sering dinyatakan sebagai ketinggian dari permukaan laut (biasa disingkat, *dpl*). Ukuran yang digunakan untuk elevasi adalah satuan meter, kecuali di Amerika Serikat dan Britania Raya elevasi lazim dinyatakan dengan satuan ukur kaki (*feet*). Data tentang elevasi atau ketinggian tempat ini bisa diperoleh dari dokumen geografis tempat yang bersangkutan atau ditelusuri dengan *software Google Earth*. Di samping itu bisa juga data elevasi itu diperoleh melalui pengukuran dengan menggunakan alat bernama Altemeter, atau GPS (*Global Positioning Shstem*).

4. Deklinasi (δ) Matahari

Pada tabel Ephemeris Hisab Rukyat yang diterbitkan oleh Kementerian Agama RI data δ matahari dimuat pada kolom ke 5 dengan tajuk *Apparent Declination*. Mengingat tabel tersebut disusun dengan standar jam GMT (*Greenwich Mean Time*), maka untuk keperluan kerja hisab awal waktu salat data δ matahari diambil dari tanggal dan jam GMT yang bertepatan dengan sekitar jatuhnya awal waktu salat tersebut dalam zona waktu yang dikehendaki di negeri setempat. Misalnya untuk kota Surabaya yang berada

dalam zona WIB (+7 jam atas GMT), data δ matahari yang digunakan untuk hisab awal waktu salat diambil dari jam-jam GMT sebagai berikut.

No	Awal Waktu	WIB	GMT	KETERANGAN
1.	Subuh	$\pm 04:00$	21:00	Tanggal sebelumnya
2.	Zuhur	$\pm 12:00$	05:00	Tanggal yang sama
3.	Ashar	$\pm 15:00$	08:00	Tanggal yang sama
4.	Magrib	$\pm 18:00$	11:00	Tanggal yang sama
5.	Isyak	$\pm 19:00$	12:00	Tanggal yang sama

5. Ketinggian (h) Matahari

Ketinggian (h) matahari ialah jarak di sepanjang lingkaran vertikal mulai dari ufuk (horizon) sampai ke titik pusat Matahari. Ihwal h matahari pada awal-awal waktu salat adalah sebagaimana penjelasan berikut ini.

- a. Awal waktu salat Zuhur dikaitkan oleh hukum syara' dengan peristiwa *zawaḥ* atau tergelincirnya matahari. Matahari dikatakan tergelincir manakala bibir piringannya yang di sisi belakang (timur) telah berhimpit dengan garis Meridian.

Dengan demikian untuk awal waktu salat Zuhur data h matahari tidak dibutuhkan karena kerja hisab hanyalah menentukan waktu *istiwaḥ* yakni waktu kulminasi matahari (WKM) ditambah JAM SEMI DIAMETER (SD) matahari.

Harga SD matahari diambil dari tabel Ephemeris Hisab Rukyat pukul 05 GMT pada tanggal yang dikehendaki. Harga SD matahari itu kemudian dikonversi menjadi JAM SD dengan cara membaginya dengan angka 15.

Bila yang dikehendaki adalah WKM dalam Waktu Pertengahan Setempat (*Local Mean Time*, LMT), maka formula hisabnya adalah: $12 - e$ (baca: pukul 12 Waktu Hakiki **dikurangi** Perata Waktu).

Bila WKM yang dikehendaki adalah WKM dalam waktu zona atau Waktu Pertengahan Daerah (WPD), maka formula hisabnya adalah

adalah: $12 - e + \text{KWD}$ (baca: pukul 12 Waktu Hakiki **dikurangi** Perata Waktu **ditambah** Koreksi Waktu Daerah).

- b. Awal waktu salat Ashar dipertalikan masuknya oleh hukum syara' dengan fenomena bayang-bayang benda paska *istiwaṣ*, yakni ketika telah sama panjangnya dengan benda itu sendiri. Ketentuan ini secara harfiah hanya berlaku bilamana Matahari berkulminasi tepat di titik *Zenith* sehingga benda yang terpancang tegak lurus tidak mempunyai bayang-bayang sama sekali. Peristiwa kulminasi Matahari di titik *Zenith* itu terjadi apabila harga lintang tempat (ϕ) sama dengan harga deklinasi (δ) Matahari. Jika tidak, maka Matahari akan berkulminasi di selatan atau di utara titik *Zenith* sehingga benda yang terpancang tegak lurus sudah mempunyai bayang-bayang dengan panjang tertentu. Oleh karena itu, sesuai dengan yang sudah diutarakan di muka, ketentuan syara' tentang masuknya waktu Ashar tersebut mesti dimaknai dengan catatan, yaitu bahwa awal waktu Ashar mulai masuk bila bayang-bayang yang ada pada saat kulminasi Matahari (*istiwaṣ*) sudah bertambah dengan sepanjang bendanya.

Berdasarkan ketentuan ini, harga h matahari pada awal waktu Ashar dihitung dengan formula hisab sebagai berikut.

cotan h-a = tan zm + 1, di mana $zm = \phi - \delta$ (baca: *cotangen* ketinggian Matahari pada awal Ashar sama dengan *tangen* “jarak zenith-matahari” pada saat *istiwaṣ* atau kulminasi ditambah satu, di mana “jarak zenith-matahari” pada saat *istiwaṣ* atau kulminasi sama dengan “harga mutlak” lintang tempat dikurangi harga deklinasi matahari).

Yang dimaksud dengan “harga mutlak” ialah harga absolut, yakni harga yang bebas dari tanda *minus*. Jika formula hisab di atas menghasilkan harga zm yang bertanda *minus* (negatip), maka tanda *minus* tersebut dihapus atau dibuang.

- c. Awal waktu salat Magrib dikaitkan oleh hukum syara' dengan peristiwa terbenam (*ghurub*) matahari. Matahari dikatakan terbenam (*ghurub*) manakala bibir-atas (*upper limb*) piringannya sudah berhimpit dengan garis Ufuk Mar'i. Pada saat itu titik pusat Matahari mempunyai jarak dari garis ufuk *mar'i* (*visible horizon*) sepanjang semi diameter (SD)

matahari. Harga SD diambil dari tabel Ephemeris Hisab Rukyat pada tanggal dan jam GMT yang bertepatan dengan sekitar jam terbenam matahari dalam Waktu Pertengahan Daerah (WPD).

Selanjutnya karena adanya fenomena refraksi atau pembiasan cahaya benda-benda langit oleh atmosfer Bumi, maka pada saat bibir-atas piringan matahari terlihat berhimpit dengan garis ufuk *mar'i*, kedudukan yang sebenarnya tidaklah pada posisi yang terlihat itu, melainkan lebih ke bawah. Ketika berada di garis ufuk, matahari dan benda langit yang lain mengalami fenomena refraksi dengan nilai terbesar, yakni $0^{\circ} 34,5'$ ($0^{\circ} 34' 30''$). Dengan demikian, pada saat matahari tampak terbenam, kedudukan bibir-atas piringannya terhadap ufuk adalah $0^{\circ} - 0^{\circ} 34' 30''$, sedangkan kedudukan titik pusatnya adalah $0^{\circ} - 0^{\circ} 34,5' - SD \text{ matahari}$.

Bila tempat (*markaz*) yang akan dihisab awal waktu salatnya itu berada pada ketinggian atau elevasi tertentu dari permukaan laut (*dpl*), maka *h* mataharinya perlu dikoreksi dengan menambahkan nilai kerendahan ufuk *mar'i* (*D'*). Formula hisab untuk nilai *D'* adalah $(1.76 \times \sqrt{\text{meter elv}})$: 60.

Ringkasnya, formula hisab untuk mengetahui nilai *h* Matahari pada awal waktu Magrib adalah: $0^{\circ} - \text{Refr} - SD - D'$ (baca: Nol derajat **dikurangi** nilai refraksi tertinggi **dikurangi** nilai semi diameter Matahari **dikurangi** nilai kerendahan ufuk).

- d. Awal waktu salat Isyak dikaitkan masuknya oleh hukum syara' (menurut yang diistimbatkan jumbuh ulama) dengan peristiwa sirnanya *shafaq ahmar* atau mega merah dari latar langit ufuk barat paska terbenam matahari. *Shafaq* atau mega itu sendiri, seperti telah pernah disinggung, adalah fenomena hamburan cahaya matahari di awal malam (senja) oleh atmosfer Bumi, atau tepatnya oleh partikel-partikel angkasa pada lapisan troposfer.³⁴

Dalam astronomi umum, masa setelah matahari terbenam (dan sebelum matahari terbit) lazim dibagi menjadi tiga periode: *Civil Twilight*

³⁴ Sebanyak 80% dari kandungan gas dalam atmosfer bumi terletak di lapisan Troposfer. Baca: "Mengenal Atmosfer Bumi" dalam <http://sumberilmu.info/2008/02/17>.

(Senja Sipil), *Nautical Twilight* (Senja Nautik), *Astronomical Twilight* (Senja Astronomi).

Periode *Civil Twilight* (Senja Sipil) dimulai dari saat terbenam matahari sampai matahari berada pada posisi *minus* 6° terhadap ufuk. Pada periode ini benda-benda di lapangan terbuka masih tampak batas-batas bentuknya dan bintang-bintang yang paling terang dapat dilihat.

Periode *Nautical Twilight* (Senja Nautik) dimulai dari kedudukan matahari *minus* 6° sampai *minus* 12° terhadap ufuk. Pada periode ini garis ufuk di laut hampir-hampir tidak kelihatan dan semua bintang terang dapat dilihat.

Periode *Astronomical Twilight* (Senja Astronomi) dimulai dari kedudukan Matahari *minus* 12° sampai *minus* 18° terhadap ufuk.

Di akhir periode Senja Astronomi ini, yakni ketika kedudukan matahari *minus* 18° terhadap ufuk, citra mega merah atau *shafaq ahmar* sirna (hilang) dari latar langit ufuk barat. Karena itu Kementerian Agama Republik Indonesia membakukan *h* matahari -18° untuk acuan kerja hisab awal waktu Isyak di Indonesia.

Lapisan troposfer dari atmosfer bumi yang menjadi media penghambur mega merah itu ketinggiannya dari permukaan bumi bervariasi antara 14 sampai 18 kilometer dengan posisi tertinggi di khatulistiwa dan terendah di kutub. Karena itu hisab awal waktu salat Isyak untuk kawasan-kawasan yang relatif jauh dari khatulistiwa menggunakan acuan *h* matahari yang lebih kecil dari *minus* 18° .

Sama halnya dengan *h* matahari untuk awal Magrib, bila tempat (*markaz*) yang akan dihisab berada pada ketinggian tertentu dari permukaan laut (dpl, elevasi), maka *h* matahari Isyaknya harus dikoreksi dengan menambahkan nilai kerendahan ufuk *mar'i* (D').

Ringkasnya, formula hisab *h* matahari untuk acuan kerja hisab awal waktu salat Isyak adalah: $0^\circ - 18^\circ - D'$ (baca: Nol derajat **dikurangi minus** delapan belas derajat **dikurangi** nilai kerendahan ufuk).

- e. Awal waktu salat Subuh ditandai oleh terbitnya Fajar Sadiq, yakni fenomena hamburan cahaya matahari di akhir malam oleh atmosfer bumi, tepatnya oleh partikel-partikel angkasa pada lapisan troposfernya.

Dalam dalil-dalil syara' dilukiskan bahwa di awal kemunculannya Fajar Sadiq adalah laksana "benang putih" yang bersearah atau paralel dengan benang ufuk timur (horizontal).

Dengan ketinggian lapisan troposfer rata-rata 18 kilometer, kawasan-kawasan di sekitar khatulistiwa mengalami fenomena kemunculan Fajar Sadiq ketika h matahari masih *minus* 20° terhadap ufuk. Inilah h matahari yang dibakukan oleh Kementerian Agama RI untuk menjadi acuan kerja hisab awal waktu salat Subuh di Indonesia. Sedangkan kawasan-kawasan yang relatif jauh dari khatulistiwa, selaras dengan ketinggian lapisan troposfernya yang lebih rendah, hisab awal waktu salat Subuhnya mengacu pada harga h matahari yang lebih kecil daripada *minus* 20° .

Seperti halnya Magrib dan Isyak, bila tempat (*markaz*) yang akan dihisab berada pada ketinggian tertentu dari permukaan laut (*dpl*, elevasi), maka acuan h matahari harus dikoreksi (baca: ditambah) dengan nilai kerendahan ufuk *mar'i* (D').

Dengan demikian, formula hisab h matahari untuk kerja hisab awal waktu salat Subuh adalah: $0^\circ - 20^\circ - D'$ (baca: Nol derajat **dikurangi** *minus* dua puluh derajat **dikurangi** nilai kerendahan ufuk).

6. Perata Waktu (e)

Pada tabel Ephemeris Hisab Rukyat Kementerian Agama RI, data e (perata waktu) dimuat dalam kolom ke 9 dengan tajuk *Equation of Time*. Data ini diperlukan untuk mengonversi waktu kulminasi matahari (WKM) dalam Waktu Hakiki (waktu *istiwa*) ke dalam Waktu Pertengahan Setempat (WPS) dan/atau ke dalam Waktu Pertengahan Daerah (WPD). Untuk wilayah-wilayah yang berada dalam zona WIB digunakan data e pada pukul 05:00 GMT.

Formula hisab untuk mengonversi WKM dari Waktu Hakiki ke dalam Waktu Pertengahan Setempat (*Local Mean Time*, LMT) adalah $12 - e$ (baca: Pukul Dua Belas **dikurangi** harga Perata Waktu). Untuk mengonversi WKM dari Waktu Hakiki ke dalam Waktu Pertengahan Daerah (misalnya WIB) digunakan formula hisab $12 - e + \text{KWD WIB}$ (baca: Pukul Dua Belas **dikurangi** harga Perata Waktu ditambah Koreksi Waktu Daerah WIB).

Adapun formula hisab untuk mendapatkan harga KWD WIB adalah (λ WIB – λ Markaz) : 15 (harga bujur WIB **dikurangi** harga bujur Markaz **dibagi** lima belas).

Formula Hisab Awal Waktu Salat Fardu dan Aplikasi Hitungnyanya Dengan Kalkulator Sain

Setelah data yang dibutuhkan diperoleh dengan lengkap, maka kerja hisab awal waktu salat dilakukan, secara garis besar, hanya dengan empat langkah sebagai berikut.

1. Mengonversi WKM dari Waktu Hakiki ke Waktu Pertengahan Daerah. Ini penting dilakukan karena jam yang lazim digunakan oleh institusi-institusi formal dan masyarakat luas di Indonesia adalah jam standar Waktu Pertengahan Daerah (WIB, WITA, WIT).
2. Khusus Zuhur, mengonversi harga SD (semi diameter) matahari pada saat/sekitar *istiwa* dan mengonversinya menjadi jam dengan cara membaginya dengan angka 15.

Untuk selain Zuhur, menghisab harga Sudut Waktu (t) matahari pada awal waktu salat dan mengonversinya menjadi jam dengan cara membaginya dengan angka 15. Harga t sendiri dihitung dengan formula:

$$\cos t = -\tan \phi \times \tan \delta + \sin h : \cos \phi : \cos \delta$$

(Baca: Kosinus sudut waktu sama dengan *minus* tangen lintang tempat **dikalikan** tangen deklinasi matahari **ditambah** sinus ketinggian matahari **dibagi** kosinus lintang tempat **dibagi** kosinus deklinasi matahari).

3. Menghisab awal waktu salat dengan formula berikut ini.

Zuhur : WKM dalam WIB **ditambah** Jam SD.

Ashar-Magrib-Isyak : WKM dalam WIB **ditambah** Jam t .

Subuh : WKM dalam WIB **dikurangi** Jam t .

4. Menambahkan Waktu Ikhtiyati (disingkat: WI) supaya hasil kerja hisab awal waktu salat yang bertolak dari titik tertentu di permukaan Bumi (yakni posisi pengamat/*observer*) itu dapat diberlakukan untuk wilayah yang lebih luas.

Jika hendak diberlakukan untuk wilayah seluas kabupaten/kota, maka harga WI yang ditambahkan dibakukan sebesar 1 sampai 2 menit dengan catatan bahwa angka tersebut sekaligus berfungsi sebagai pembulat angka detik menjadi menit. Pembulatan angka detik ini dilakukan karena produk kerja hisab awal waktu salat lazim dipublikasikan hanya dalam satuan angka jam dan menit.

Pembakuan standar harga WI sebesar 1 sampai 2 menit itu diambil dengan pertimbangan bahwa untuk kawasan-kawasan di sekitar khatulistiwa (termasuk Indonesia), matahari bergerak ke barat sejauh rata-rata 27,5 kilometer per menit. Sementara itu jarak rata-rata dari pusat kota/kabupaten sampai ke perbatasan wilayahnya yang paling barat berkisar antara 20 sampai 35 kilometer. Dengan tambahan WI sebanyak minimal 1 menit, produk hisab awal waktu salat yang mulanya dibuat berdasarkan acuan titik tertentu di pusat kota/kabupaten menjadi dapat diberlakukan untuk seluruh wilayah dalam satu kota/kabupaten.

Selanjutnya keempat langkah di atas dapat dijelaskan implementasinya melalui contoh hisab awal waktu salat Zuhur, Ashar, Magrib, Isyak, dan Subuh untuk *markaz* kota Surabaya yang berada dalam zona WIB pada tanggal 2 September 2006 berikut ini.

a. Awal Waktu Salat Zuhur

Data	→ ϕ	:	$-7^{\circ} 15'$
	→ λ	:	$112^{\circ} 45' T$
	→ e	:	00:00:11 (05 GMT)
	→ SD	:	$0^{\circ} 15' 51.06''$
Formula	→ KWD WIB	=	$(\lambda \text{ WIB} - \lambda \text{ Surabaya}) : 15$
	→ WKM WIB	=	$12 - e + \text{KWD WIB}$
	→ Jam SD	=	SD : 15
	→ Awal Zuhur	=	$(\text{WKM WIB} + \text{Jam SD}) + \text{WI}$
Hisab	→ KWD WIB	=	$(\lambda \text{ WIB} - \lambda \text{ Surabaya}) : 15$
			$(105^{\circ} - 112^{\circ} 45') : 15 = -00:31$

$$\text{Kalkulator B} = 49^{\circ} 41' 9.28'' : 15 =$$

$$\begin{aligned} \rightarrow \text{Awal Magrib} &= (\text{WKM WIB} + \text{Jam } t) + \text{WI} \\ &= (11:28:49'' + 06:00:02.14) = 17:28:51.14 + \\ &+ 00:01:08.86 = 17:30 \end{aligned}$$

$$\text{Kalkulator A} = 11^{\circ}28'49'' + 6^{\circ}0'2.14'' = \text{Shift}^{\circ''} + 0^{\circ}1'8.86'' = \text{Shift}^{\circ''}$$

$$\text{Kalkulator B} = 11^{\circ}28'49'' + 6^{\circ}0'2.14'' = + 0^{\circ}1'8.86'' =$$

Kesimpulan: Awal waktu salat Magrib untuk kota Surabaya pada tanggal 2 September 2006 adalah pukul 17:30 WIB.

d. Awal Waktu Salat Isyak

Data	→ ϕ :	$-7^{\circ} 15'$
	→ δ :	$7^{\circ} 51' 46''$ (12 GMT)
	→ Elv :	30 meter DPL (asumsi)
Formula	→ h	$= 0^{\circ} - 18^{\circ} - D'$
	→ $\cos t$	$= -\tan \phi \times \tan \delta + \sin h : \cos \phi : \cos \delta$
	→ Jam t	$= t : 15$
	→ Awal Isyak	$= (\text{WKM WIB} + \text{Jam } t) + \text{WI}$
Praktik	→ D'	$= 1.76 \times \sqrt{\text{meter-elv} : 60}$ $1.76 \times \sqrt{30 : 60} = 0^{\circ} 9' 38.4''$
	Kalkulator	$= 1.76 \times \sqrt{30 : 60} = \text{Shift}^{\circ''}$
	→ h	$= 0^{\circ} - 18^{\circ} - D'$ $0^{\circ} - 18^{\circ} - 0^{\circ}9'38.4'' = -18^{\circ} 9' 38.4''$
	Kalkulator A	$= 0^{\circ}-18^{\circ}-0^{\circ}9'38.4'' = \text{Shift}^{\circ''}$
	Kalkulator B	$= 0^{\circ}-18^{\circ}-0^{\circ}9'38.4'' =$
	→ $\cos t$	$= -\tan \phi \times \tan \delta + \sin h : \cos \phi : \cos \delta$ $-\tan -7^{\circ}15' \times \tan 7^{\circ}51'46'' + \sin -18^{\circ}9'38.4'' :$ $\cos -7^{\circ}15' : \cos 7^{\circ}51'46'' = -0.299608158$
	t	$= 107^{\circ} 26' 2.25''$
	Kalkulator A	$= 7^{\circ}15'+/-\text{Tan}+/- \times 7^{\circ}51'46''\text{Tan} +$

Daftar Pustaka

- Baqiy, Muhammad Fuad ‘Abd (al-). *al-Lu’lu’ wa al-Marjan Fi Ma’atifaqa ‘Alaihi al-Shaykhan*, Juz 1 dalam al-Maktabah al-Shamilah.
- Dawud Sulaiman ibn al-Ash’ats al-Sijistani, Abu>*Sunan Abi Dawud*, juz 2, Beirut: Dar al-Kutub al-‘Arabiyy.
- Hilali, Shekh Muhammad Taqiyuddin (al-). *Bayan al-Fajr al-Sadiq*. al-Maktabah al-Shamilah.
- Hanbal, Abu>Abdillah al-Shaibani, Ahmad ibn., *Musnad al-Imam Ahmad ibn Hanbal*, Nomor hadis 14578 .Muassasah Qur’ubah, Kairo.
- Hanbal, Ahmad ibn. *Musnad al-Imam Ahmad ibn Hanbal*, juz 32, Muassasah al-Risalah, Cetakan kedua, 1420 H. /1999 M.
- Hajawi, Sharafuddin Musa ibn Ahmad ibn Musa Abu al-Najashi (al-). (W. 960 H.), *Al-Iqna’ fi Fiqh al-Imam Ahmad ibn Hanbal*, Beirut: Dar al-Ma’rifah.
- Khazin, (Al-) (‘Ala’-al-Din ‘Ali ibn Muhammad ibn Ibrahim al-Baghdadi), *Lubab al-Ta’wi’ fi Ma’ani al-Tanzih*, Juz 1, Beirut: Dar al-Fikr, 1399 H./1979 M.
- Marghinani, Burhanuddin ‘Ali ibn Abi Bakr ibn Abdil Jali’ al-Farghani (al-). (511-593 H.), *Matnu Bidayah al-Mubtadi Fi Fiqh al-Imam Abi Hanifah*, Kairo: Maktabah wa Matba’ah Muhammad ‘Ali Shabah.
- Nasa’i, Ahmad ibn Shu’aib Abu>Abd al-Rahman (al-). *al-Mujtaba min al-Sunan*, Nomor hadis 526. Maktab al-Matbu’at al-Islamiyah, Halb, cetakan kedua, tahun 1406 H./1986 M. dalam *al-Maktabah al-Shamilah*.
- “Mawahib al-Jali’ Fi Sharhi Mukhtasar”, juz 3, dalam *al-Maktabah al-Shamilah*.
- Rushd. Ibnu. *Bidayah al-Mujtahid wa Nihayah al-Muqtasid*. Juz 1, Singapura-Jeddah: al-Haramayn, t.t.
- “Radd al-Mukhtar” Juz 3, 147 dalam *al-Maktabah al-Shamilah*.
- “Radd al-Mukhtar”, Juz 3, h. 147 dalam *al-Maktabah al-Shamilah*.
- Shaykh al-Dardir dalam Al-Sharh al-Kabir, juz I. h. 176 dalam *al-Maktabah al-Shamilah*.

Paket 5

HISAB SUDUT ARAH KIBLAT

Pendahuluan

Setelah materi hisab awal waktu salat fardu, perkuliahan pada paket ini difokuskan pada hisab sudut arah kiblat. Di dalam al-Qur'an, doktrin menghadap kiblat ditegaskan dengan titah untuk menghadap ke *shatf al-Masjid al-Haram*, sedangkan di dalam hadis Nabi SAW dinyatakan bahwa Ka'bah adalah kiblat. Karena itu sebelum memasuki kajian tentang ihwal hisab sudut arah kiblat, apa yang dimaksud dengan *shatf al-Masjid al-Haram* atau *shatf Ka'bah* penting dibuat jelas lebih dahulu duduk pengertiannya. Sesudah itu penting pula dibahas data yang diperlukan untuk melakukan hisab sudut arah kiblat, yakni data tentang posisi tempat dan posisi Ka'bah yang meliputi harga lintang (ϕ) dan bujur (λ) nya. Sesudah itu barulah dilanjutkan dengan kajian tentang formula hisab sudut arah kiblat dan aplikasi penyelesaiannya dengan kalkulator sains.

Sejalan dengan itu, materi kajian dalam paket ini disajikan dalam tiga sub bahasan, yakni: 1) Pengertian arah kiblat, atau *shatf Ka'bah*, dilengkapi dengan dasar-dasar doktrinnya dari al-Qur'an dan Hadis dan aneka penjabarannya dalam hasil *istinbat* para fukaha; 2) Data yang diperlukan dalam hisab sudut arah kiblat; 3) Formula hisab sudut arah kiblat dan aplikasi hitungnya dengan kalkulator sains. Untuk menambah efektivitas pembelajarannya, kajian mengenai materi-materi di atas diselenggarakan dengan dukungan tayangan *slide power point* yang disiapkan oleh dosen. Di samping itu, mahasiswa diberi tugas untuk membaca uraian materi dan membuat *resume* dengan panduan lembar kegiatan. Penguasaan terhadap materi pada paket ini akan memberi wawasan yang penting bagi mahasiswa dalam mempelajari materi pada paket selanjutnya.

Pelaksanaan perkuliahan ini memerlukan dukungan media pembelajaran berupa *LCD Projector*, Komputer atau Lap Top, Kertas Plano, Spidol, Isolasi, dan *White Board*.

Rencana Pelaksanaan Perkuliahan

Kompetensi Dasar

Mampu memahami acuan, data, formula, dan teknik hisab harga sudut arah kiblat.

Indikator

Pada akhir perkuliahan mahasiswa diharapkan dapat:

1. Menjelaskan pengertian kiblat..
2. Mengidentifikasi data-data yang diperlukan untuk hisab sudut arah kiblat.
3. Mengaplikasikan formula hisab dengan Kalkulator Sain untuk mengetahui sudut arah kiblat..

Waktu

3x50 menit

Materi Pokok

1. Pengertian arah kiblat.
2. Data hisab sudut arah kiblat.
3. Formula hisab sudut arah kiblat dan aplikasi hitungnyanya dengan Kalkulator Sain.

Kegiatan Perkuliahan

Kegiatan Awal (15 menit)

1. Dosen membuka pertemuan.
2. Dosen memilih 3 mahasiswa secara acak untuk menjawab sejumlah pertanyaan kunci seputar materi yang akan dikaji pada pertemuan ini.

Kegiatan Inti (120 menit)

1. Dosen memberi penguatan dan *feedback* dengan presentasi sistematis melalui *Power Point*
2. Dosen membuka ruang tanya-jawab

Kegiatan Penutup (10 menit)

1. Dosen mengemukakan ikhtishar materi perkuliahan yang sudah disampaikan.

2. Dosen memberi nasehat agar materi yang sudah dipahami terus diperkuat dan diperluas.

Kegiatan Tindak Lanjut (5 menit)

Dosen memberi tugas individual kepada mahasiswa untuk menjawab pertanyaan-pertanyaan kunci seputar materi yang akan dikaji pada pertemuan berikutnya.

Lembar Kegiatan

Membuat gambar busur atau *shatr* Ka'bah (kiblat) pada bola bumi.

Tujuan

Mahasiswa dapat menggambar busur atau *shatr* Ka'bah (kiblat) untuk berbagai tempat pada bola bumi.

Bahan dan Alat

Kertas plano, spidol kecil 5 warna, penggaris, jangka, dan solasi.

Langkah Kegiatan

1. Pilihlah seorang pemandu kerja kelompok dan seorang penulis laporan hasil kerja!
2. Buatlah lukisan busur atau *shatr* Ka'bah (kiblat) pada bola bumi untuk suatu tempat dengan harga ϕ 45° dan λ 100° !
3. Tuliskan hasilnya pada kertas plano!
4. Tempelkan hasil kerja kelompok tersebut pada papan tulis!
5. Pilihlah satu anggota kelompok untuk presentasi!
6. Presentasikan hasil kerja kelompok dan tayangkan potret wujud kerja berupa garis-garis atau tarikan benang pada pelataran datar tadi secara bergiliran dengan waktu masing-masing maksimal 7 menit!
7. Berikan tanggapan/klarifikasi atas presentasi tersebut!

Uraian Materi

HISAB SUDUT ARAH KIBLAT

Bahasan tentang hisab sudut arah kiblat ini memuat tiga (tiga) sub bahasan, yakni pertama, pengertian arah kiblat; kedua, data hisab sudut arah

kiblat; dan ketiga, formula hisab sudut arah kiblat dan aplikasi hitungnya dengan kalkulator sains.

Pengertian Arah Kiblat

Al-Qur'an surat 2, *al-Baqarah*, ayat 144, 149, dan 150 menggariskan bahwa kiblat umat Islam adalah *Shatḥ al-Masjid al-Haram*.

قَدْ نَرَى تَقَلُّبَ وَجْهِكَ فِي السَّمَاءِ فَلَنُوَلِّيَنَّكَ قِبْلَةً تَرْضَاهَا فَوَلِّ وَجْهَكَ شَطْرَ الْمَسْجِدِ الْحَرَامِ وَحَيْثُ مَا كُنْتُمْ فَوَلُّوا وُجُوهَكُمْ شَطْرَهُ وَإِنَّ الَّذِينَ أُوتُوا الْكِتَابَ لَيَعْلَمُونَ أَنَّهُ الْحَقُّ مِنْ رَبِّهِمْ وَمَا اللَّهُ بِعَافٍ لِمَا يَعْمَلُونَ

Sungguh Kami melihat mukamu sering menengadahkan ke langit, maka sungguh Kami akan memalingkan kamu ke kiblat yang kamu sukai. Palingkanlah mukamu ke *shatḥ* Masjidil Haram, dan di mana saja kamu sekalian berada, palingkanlah muka kamu sekalian ke *shatḥ*-nya. Sesungguhnya mereka yang diberi al-Kitab tentu tahu bahwa itu benar dari Tuhan mereka, dan Allah tidaklah lengah atas apa yang mereka kerjakan.¹

وَمِنْ حَيْثُ خَرَجْتَ فَوَلِّ وَجْهَكَ شَطْرَ الْمَسْجِدِ الْحَرَامِ وَإِنَّهُ لَلْحَقُّ مِنْ رَبِّكَ وَمَا اللَّهُ بِعَافٍ لِمَا يَعْمَلُونَ () وَمِنْ حَيْثُ خَرَجْتَ فَوَلِّ وَجْهَكَ شَطْرَ الْمَسْجِدِ الْحَرَامِ وَحَيْثُ مَا كُنْتُمْ فَوَلُّوا وُجُوهَكُمْ شَطْرَهُ ...

Dan dari mana saja kamu keluar, maka palingkanlah wajahmu ke *shatḥ* Masjidil Haram. Sesungguhnya ketentuan itu betul-betul sesuatu yang hak dari Tuhanmu, dan Allah sekali-kali tidak lengah atas apa yang kamu sekalian kerjakan. Dan dari mana saja kamu keluar, maka palingkanlah wajahmu ke *shatḥ* Masjidil Haram, dan di mana saja kamu sekalian berada, maka palingkanlah wajah kamu sekalian ke *shatḥ*-nya²

Redaksi ayat-ayat di atas, menurut al-Kaya>Harrasiy, adalah “titah untuk orang yang melihat Ka’bah dan untuk orang yang tidak melihatnya”

¹ Al-Qur'an 2 (*al-Baqarah*): 144

² Al-Qur'an 2 (*al-Baqarah*): 149-150

(خطاب لمن كان معائناً للكعبة ولمن كان غائباً عنها).³ Dengan demikian doktrin al-Qur'an tentang kiblat itu tunggal dan universal. Artinya, siapa pun dan di mana pun, kiblatnya satu dan sama, yakni *shatf* Masjidil Haram.

Apa yang dimaksud Masjidil Haram? Dalam *bayan* atau definisi operasional yang diberikan oleh Nabi SAW, yang dimaksud Masjidil Haram dalam doktrin kiblat adalah Ka'bah. Muslim mentakhrij hadis yang memuat *bayan* Nabi SAW tersebut sebagai berikut.

عَنْ ابْنِ جُرَيْجٍ قَالَ قُلْتُ لِعَطَاءِ أَسَمِعْتَ ابْنَ عَبَّاسٍ يَقُولُ إِنَّمَا أُمِرْتُم بِالطَّوَّافِ وَمَنْ تَوَمَّرُوا بِدُحُولِهِ؟ قَالَ لَمْ يَكُنْ يَنْهَى عَنْ دُحُولِهِ وَلَكِنِّي سَمِعْتُهُ يَقُولُ أَحْبَبَنِي أُسَامَةُ بْنُ زَيْدٍ أَنَّ النَّبِيَّ صَلَّى اللَّهُ عَلَيْهِ وَسَلَّمَ لَمَّا دَخَلَ الْبَيْتَ دَعَا فِي نَوَاحِيهِ كُلِّهَا وَمَنْ يُصَلِّ فِيهِ حَتَّى حَرَجَ فَلَمَّا حَرَجَ رَكَعَ فِي قُبُلِ الْبَيْتِ رَكَعَتَيْنِ وَقَالَ هَذِهِ الْقِبْلَةُ... 4.

Dari Ibnu Juraij (ia) berkata: Aku bertanya kepada 'Atha', apakah engkau mendengar Ibnu 'Abbas berkata "sesungguhnya kamu sekalian hanya diperintah untuk tawaf dan tidak diperintah memasukinya"? Ia ('Atha') menjawab: "Ia tidak pernah melarang memasukinya, tetapi saya mendengar dia (Ibnu 'Abbas) berkata: Usamah ibn Zaid memberitahuku bahwa Nabi SAW ketika memasuki *al-Bayt* berdoa di semua sisinya dan tidak salat di dalamnya sampai beliau keluar. Setelah keluar, beliau salat dua rakaat di depan *al-Bayt* dan bersabda "inilah kiblat"...

Secara historik wujud fisik Masjidil Haram ketika doktrin kiblat itu diturunkan memang hanya bangunan Ka'bah dengan halaman sempit tanpa dinding pembatas di sekelilingnya. Kaum muslimin Makkah pada zaman Nabi SAW, mendirikan salat di halaman seputar Ka'bah itu.⁵ Dengan demikian, *shatf al-Masjid al-Haram* tidak lain adalah *shatf* Ka'bah.

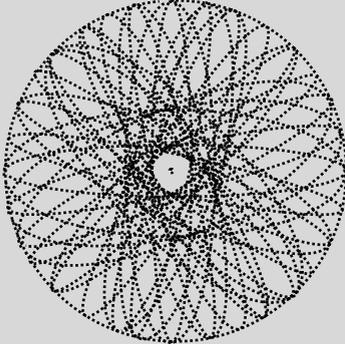
³ Al-KayaHarrasiy, *Ahkam al-Qur'an*, juz 1, (Beirut: Dar al-Kutub al-'Ilmiyah, 1405), 21

⁴ Muslim, *Shahih Muslim*, juz 4, 96

⁵ Ahmad ibn Ali ibn Hajar Abu al-Fadhal al-Asqalani, *Fath al-Bari*, juz 7, (Beirut: Dar al-Ma'rifah, 1379 H.), 148

Keadaan tersebut terus berlangsung hingga pada tahun 17 H. Umar bin Khatthab (khalifah kedua) mengambil inisiatif memperluas halaman Ka'bah dengan membebaskan rumah-rumah penduduk yang berada di sekitarnya dan membangun dinding pembatas dengan sejumlah pintu masuk. Dinding pembatas tersebut berketinggian rendah, lebih rendah dari tinggi

Lalu, *shatf* itu sendiri apa? Dalam bahasa Arab kata *shatf* lazim digunakan untuk makna *al-nishf* dan *al-wasath* (setengah dan pertengahan).⁶ Jika dikatakan شَطْرُ الشَّيْءِ (*shatf* sesuatu) maka yang dimaksud adalah نِصْفُهُ (setengahnya dan pertengahannya).⁷ Selaras dengan ini Abu Hafsh Umar ibn ‘Ali ibn ‘Adil al-Dimasyqi memaknai kata *shatf* dalam frase *Shatf* Masjidil Haram dengan اَلتَّصْفُ مِنْ كُلِّ جِهَةٍ (setengah dari segenap arah).⁸



Gambar 5.1

Selanjutnya oleh karena Ka’bah dan para *musalli* berada di permukaan Bumi yang berbentuk Bulat, maka adalah proporsional jika *shatf* Ka’bah dijabarkan maknanya dengan paradigma “bangun bulat”, bukan “bangun datar”. Bangun bulat ialah bangun yang dibentuk oleh banyak bidang lingkaran sama-luas yang titik pusatnya saling berhimpit (lihat gambar 5.1).

Pada permukaan bangun bulat, setiap titik mempunyai *antipode* (titik-tentang) pada posisi yang berlawanan (180°) dan keduanya dihubungkan oleh “garis vertikal”. Jika pada permukaan bangun bulat tersebut ditarik

badan manusia. Untuk menerangi Masjidil Haram, Atabah bin Azrak meletakkan lampu-lampu dengan posisi agak tinggi di atas dinding pembatas itu. Selanjutnya pada tahun 29 H. Usman bin Affan (khalifah ketiga) melakukan perluasan halaman pada sisi yang lain dan membuat serambi untuk pertama kalinya. Perluasan terus dilakukan pada zaman kekhilafahan Ali bin Abi Thalib dan kemudian pada zaman-zaman kekhilafahan sesudahnya. Baca: “Rumah Sahaja”, dalam http://kebunsaida.blogspot.com/search/sejarah_makkah, diakses pada 12 mei 2012; Majmu’ah min al-‘Ulama’ wa al-Du’ah wa al-Mufakkirin, *Maqalat Mauqi’ al-Alukah*, (Maktabah al-Syamilah), 12

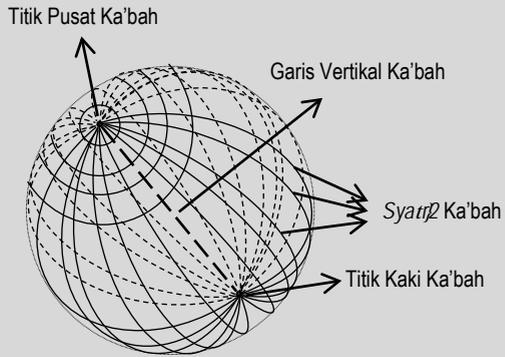
⁶ Dalam bahasa Arab ditemukan sejumlah contoh penggunaan kata *syathr* sebagai berikut: شَطْرُ الْوَضْوَاءِ ، شَطْرُ الصَّلَاةِ ، شَطْرُ الصَّدَقَةِ ، شَطْرُ مَا يَخْرُجُ مِنَ الْأَرْضِ ، شَطْرُ الْمَالِ ، شَطْرُ الْإِيمَانِ ، شَطْرُ اللَّيْلِ ، شَطْرُ وَسْقٍ ، شَطْرُ الْقَدَمِ ، شَطْرُ بَيْتِ ، شَطْرُ الدَّهْرِ ، شَطْرُ أَهْلِ الْجَنَّةِ ، شَطْرُ أُمَّتِي ، شَطْرُ الْحَسَنِ ، شَطْرُ الْقُرْآنِ ، شَطْرُ الْحَبَاءِ ، شَطْرُ الْكِتَابَةِ ، شَطْرُ سَوَادٍ وَشَطْرُ بَيَاضٍ ، شَطْرُ الْجَمَالِ ، شَطْرُ الْإِسْلَامِ .

⁷ Abu al-Qasim al-Husain ibn Muhammad, *al-Mufradat Fi Gharib al-Qur’an*, (Lebanon: Dar al-Ma’rifah, t.t.), 260; Ibrahim al-Ibaryi, *Mausu’ah al-Qur’aniyah*, juz 8, (t.k.: Muasasah Sajl al-‘Arab, 1405 H.), 293

⁸ Abu Hafs }Umar ibn ‘Ali ibn ‘Adil al-Dimashqi, *al-Lubab Fi ‘Ulum al-Kitab*, juz 3, (Beirut-Lebanon: Dar al-Kutub al-‘Ilmiyah, 1419 H./1998 M.), al-bayt 36

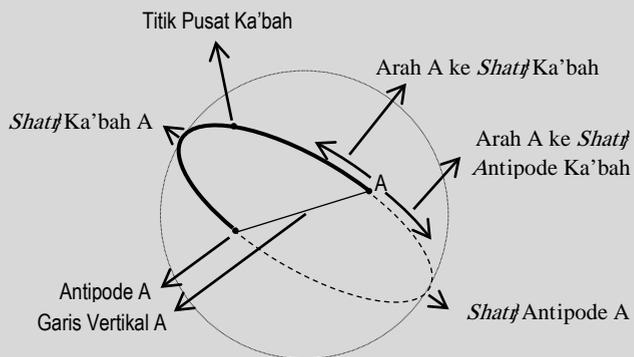
garis yang menghubungkan suatu titik dengan *antipodenya*, maka garis tersebut akan membentuk bidang setengah lingkaran vertikal. Bidang setengah lingkaran vertikal inilah yang dimaksud dengan *shatf*.

Jadi, *shatf* Ka'bah ialah bidang setengah lingkaran vertikal Ka'bah. *Shatf* Ka'bah eksis di segenap arah sehingga setiap titik pada permukaan Bumi, kecuali *antipode* Ka'bah, pasti dilewati oleh satu *shatf* Ka'bah (lihat gambar 5.2).



Gambar 5.2

Pemaknaan ini meniscayakan dua konsekuensi. Pertama, oleh karena panjang maksimal *Shatf* Ka'bah itu 180° , maka bila dari posisi *musjidi* sampai ke Ka'bah jaraknya lebih dari 180° , maka ia tidak sedang menghadap ke *Shatf* Ka'bah, melainkan ke *Shatf Antipode-nya* (lihat gambar 5.3).



Gambar 5.3

Kedua, oleh karena *shatf-shatf* Ka'bah itu melintasi semua titik pada permukaan bumi, sedangkan setiap *musjidi*, di manapun posisi bumi, selalu merasa ada di pusat lingkaran horizontal, maka jumlah varian arah *shatf-shatf* Ka'bah sangat banyak, sebanyak pecahan jarak sudut pada lingkaran horizontal itu, yakni 360 varian arah untuk pecahan per derajat; 21.600 varian arah untuk pecahan per menit, 1.296.000 varian arah untuk pecahan per detik; dan bahkan 129.600.000 varian arah untuk pecahan per seperseratus detik.

Data Hisab Arah Kiblat

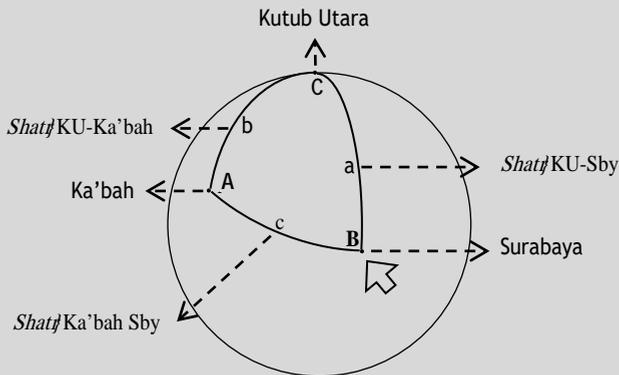
Data yang diperlukan dalam menghisab arah kiblat (*shatf* Ka'bah) adalah data posisi tempat yang bersangkutan dan data posisi Ka'bah, yakni meliputi harga "lintang tempat" (ϕ) dan "bujur tempat" (λ) nya.

Data tersebut bisa diperoleh dari hasil pengukuran sendiri atau dari buku-buku almanak atau atlas, termasuk atlas elektronik seperti *Google Earth*. Sumber yang disebutkan paling akhir ini menyajikan angka yang lebih rinci.

Untuk keperluan contoh implementasi hisab arah kiblat kota Surabaya berikut ini, dari buku *Almanak Jamilyah* yang disusun oleh Sa'adoeddin Djambek (kutipannya terlampir) diketahui bahwa harga ϕ (lintang) Surabaya adalah $-7^{\circ} 15'$ dan harga λ (bujur) nya adalah $112^{\circ} 45'$ T. Sedangkan Ka'bah, berdasarkan pengukuran dengan alat bantu GPS yang dilakukan oleh Nabhan Masputra dari Departemen (sekarang Kementerian) Agama RI, diketahui harga ϕ (lintang) nya $21^{\circ} 25' 15''$ dan harga λ nya $39^{\circ} 49' 40''$. Formula hisab sudut arah kiblat dan aplikasi hitungnya dengan Kalkulator Sain.

Formula Hisab Sudut Arah Kiblat Dan Aplikasi Hitungnya Dengan Kalkulator Sain

Menghisab sudut arah kiblat suatu tempat, misalnya kota Surabaya, ialah menghitung nilai suatu sudut dalam segitiga bola yang dibentuk oleh perpotongan antara tiga *shatf*, yakni 1) *shatf* Ka'bah-Surabaya, 2) *shatf* Kutub Utara-Surabaya, dan 3) *shatf* Kutub Utara-Ka'bah. Dalam ragaan segitiga bola ABC pada gambar 5.4 di bawah ini, sudut yang dihitung (dihisab) nilainya adalah sudut B, yaitu sudut yang dibentuk oleh perpotongan sisi c (*shatf* Ka'bah-Surabaya) dan sisi a (*shatf* Kutub Utara-Surabaya).



Gambar 5.4

Jika nilai sudut B tersebut digunakan sebagai pengurang atas nilai sudut lingkaran (360°), maka hasilnya mencerminkan nilai *azimuth* kiblat kota Surabaya, yakni jarak sepanjang lingkaran Horizon menurut arah jarum jam dari Titik Utara Sejati (*True North*) sampai ke titik perpotongan antara lingkaran Horizon tersebut dengan *shat'* Ka'bah-Surabaya.

Formula atau rumus hisab untuk mengetahui nilai sudut B tersebut adalah sebagai berikut.

Cotan B = Cotan b x Sin a : Sin C – Cos a x Cotan C ... di mana,

- a = Sisi a pada segitiga bola ABC yang panjangnya sama dengan panjang garis bujur dari Titik Kutub Utara sampai ke Surabaya ($90^\circ - \phi$ Surabaya)
- b = Sisi b pada segitiga bola ABC yang panjangnya sama dengan panjang garis bujur dari Titik Kutub Utara sampai ke Ka'bah ($90^\circ - \phi$ Ka'bah).
- C = Sudut C pada segitiga bola ABC yang nilainya sama dengan selisih antara nilai bujur Surabaya dan nilai bujur Ka'bah (λ Surabaya – λ Ka'bah).

Sebelum menghitung nilai sudut B dengan formula atau rumus di atas, yang pertama kali harus dilakukan adalah mencari nilai dari unsur-unsur pokok dalam rumus tersebut, yakni sisi a, sisi b, dan sudut C pada segitiga bola ABC, sebagai berikut.

$$\begin{aligned}
 a &= 90^\circ - (-7^\circ 15') &= 97^\circ 15' \\
 b &= 90^\circ - (21^\circ 25' 15'') &= 68^\circ 34' 45'' \\
 C &= 112^\circ 45' - 39^\circ 49' 40'' &= 72^\circ 55' 20''
 \end{aligned}$$

Selanjutnya nilai sudut B dapat dihisab sebagai berikut.

Daftar Pustaka

Al-Kaya>Harrasiy, *Ahḳam al-Qur'an*, juz 1, Beirut: Daḳ al-Kutub al-'Ilmiyah, 1405.

Muslim, *Shahih Muslim*, juz 4.

Ahmad ibn Ali ibn Hajar Abu al-Fadhal al-Asqalani, *Fath al-Bari*, juz 7, Beirut: Dar al-Ma'rifah, 1379 H.

“Rumah Sahaja”, dalam [http://kebunsaida.blogspot.com/search/sejarah makkah](http://kebunsaida.blogspot.com/search/sejarah_makkah), diakses pada 12 mei 2012;

Majmu'ah min al-'Ulama' wa al-Du'ah wa al-Mufakkirin, *Maqalat Mauqi' al-Alukah*, Maktabah al-Syamilah.

Muhammad, Abu al-Qasim al-Husain ibn. *al-Mufradat Fi Gharib al-Qur'an*, Lebanon: Dar al-Ma'rifah, t.t.

Ibaryi, Ibrahim (al-). *Mausu'ah al-Qur'aniyah*, juz 8, t.k.: Muasasah Sajl al-'Arab, 1405 H.

Dimashqi, Abu Hafs}Umar ibn 'Ali ibn 'Adil (al-). *al-Lubab Fi 'Ulum al-Kitab*, juz 3, Beirut-Lebanon: Daḳ al-Kutub al-'Ilmiyah, 1419 H./1998 M

Paket 6

PENENTUAN ARAH KE KIBLAT

Pendahuluan

Sebagai kelanjutan dari paket materi sebelumnya, pada paket ini perkuliahan diarahkan pada kajian tentang penentuan arah ke kiblat. Kajian ini penting karena harga sudut kiblat yang diperoleh dengan hisab yang akurat menjadi kurang berarti manakala di lapangan penentuan ke arah kiblat tersebut tidak dilakukan dengan cermat. Harga sudut kiblat itu sendiri pada paket yang lalu dinyatakan dengan harga *azimuth* di mana posisi 0° terletak di titik utara. Untuk itu dalam penentuan arah ke kiblat diperlukan pengetahuan mengenai teknik yang cermat dalam menentukan arah ke titik utara sejati (TUS) dengan alat bantu kompas, tongkat *istiwa*ﷺ dan bayang-bayang *azimuth* matahari. Setelah itu diperlukan pengetahuan mengenai teknik yang cermat dalam menentukan arah ke kiblat itu sendiri baik dengan alat bantu busur derajat maupun segitiga siku-siku. Di samping itu penting juga diberikan pengetahuan mengenai penentuan arah ke kiblat tanpa acuan titik utara sejati, yaitu dengan melakukan hisab pada pukul berapa bayang-bayang matahari mengarah ke kiblat.

Sejalan dengan itu dalam paket ini mahasiswa akan mengkaji penentuan arah ke kiblat yang disajikan dalam tiga sub bahasan, yakni: 1) Penentuan arah ke titik utara sejati; 2) Penentuan arah ke kiblat dengan busur derajat dan segitiga siku-siku; 3) Penentuan arah ke kiblat dengan bayang-bayang matahari. Supaya lebih efektif, kajian terhadap materi-materi ini diselenggarakan dengan dukungan tayangan *slide power point* yang disiapkan oleh dosen. Di samping itu, mahasiswa diberi tugas untuk membaca uraian materi dan melakukan praktik dengan panduan lembar kegiatan. Penguasaan terhadap materi pada paket ini akan memberi wawasan yang penting bagi mahasiswa dalam mempelajari materi pada paket selanjutnya.

Pelaksanaan perkuliahan ini memerlukan dukungan media pembelajaran berupa *LCD Projector*, Komputer atau Lap Top, Kertas Plano, Spidol, Isolasi, dan *White Board*.

Rencana Pelaksanaan Perkuliahan

Kompetensi Dasar

Mampu memahami langkah dan formula hisab penentuan arah ke kiblat.

Indikator

Pada akhir perkuliahan mahasiswa diharapkan dapat:

1. Menentukan titik utara sejati (TUS) dengan kompas, tongkat Istiwa', dan bayang-bayang *azimuth* matahari.
2. Menentukan arah ke kiblat dengan busur derajat dan segitiga siku-siku.
3. Menentukan arah ke kiblat dengan bayang-bayang matahari.

Waktu

3x50 menit

Materi Pokok

1. Penentuan arah ke titik utara sejati (TUS).
2. Penentuan arah ke kiblat dengan Busur Derajat dan Segitiga Siku-Siku.
3. Penentuan arah ke kiblat dengan bayang-bayang matahari.

Kegiatan Perkuliahan

Kegiatan Awal (15 menit)

1. Dosen membuka pertemuan.
2. Dosen memilih 3 mahasiswa secara acak untuk menjawab sejumlah pertanyaan kunci seputar materi yang akan dikaji pada pertemuan ini.

Kegiatan Inti (120 menit)

1. Dosen memberi penguatan dan *feedback* dengan presentasi sistematis melalui *Power Point*
2. Dosen membuka ruang tanya-jawab

Kegiatan Penutup (10 menit)

1. Dosen mengemukakan ikhtishar materi perkuliahan yang sudah disampaikan.

2. Dosen memberi nasehat agar materi yang sudah dipahami terus diperkuat dan diperluas.

Kegiatan Tindak Lanjut (5 menit)

Dosen memberi tugas individual kepada mahasiswa untuk menjawab pertanyaan-pertanyaan kunci seputar materi yang akan dikaji pada pertemuan berikutnya.

Lembar Kegiatan

Melakukan praktik penentuan arah ke kiblat di lapangan dengan acuan titik utara sejati (TUS).

Tujuan

Mahasiswa dapat melakukan penentuan arah ke kiblat dengan alat bantu segitiga siku-siku yang mengacu pada garis ke arah titik utara sejati (TUS) yang penentuannya dilakukan dengan media bayang-bayang *azimuth* matahari.

Bahan dan Alat

Kertas plano, spidol kecil, paku, palu, benang, alat penyiku, penggaris, meteran, bandul unting-unting, kalkulator sains, jam/arloji yang cocok, dan kamera.

Langkah Kegiatan

1. Pilihlah seorang pemandu kerja kelompok dan seorang penulis laporan hasil kerja!
2. Aplikasikan pada pelataran datar di ruang terbuka langkah-langkah yang diperlukan untuk menentukan arah ke kiblat dengan alat bantu segitiga siku-siku yang mengacu pada garis ke arah titik utara sejati (TUS) yang penentuannya dilakukan dengan media bayang-bayang *azimuth* matahari!
3. Tuliskan pada kertas plano semua hasil kerja pada setiap langkah yang telah diaplikasikan dan potret wujud kerja berupa garis-garis atau tarikan benang pada pelataran datar tersebut!
4. Tempelkan hasil kerja kelompok tersebut pada papan tulis!
5. Pilihlah satu anggota kelompok untuk presentasi!

6. Presentasikan hasil kerja kelompok dan tayangkan potret wujud kerja berupa garis-garis atau tarikan benang pada pelataran datar tadi secara bergiliran dengan waktu masing-masing maksimal 7 menit!
7. Berikan tanggapan/klarifikasi atas presentasi tersebut!

Uraian Materi

PENENTUAN ARAH KE KIBLAT

Bahasan tentang penentuan arah ke kiblat ini terdiri dari tiga 3 (tiga) sub bahasan, yakni pertama, penentuan titik utara sejati (TUS) dengan Kompas, Tongkat Istiwa', dan bayang-bayang Azimuth; kedua, penentuan arah ke kiblat dengan Busur Derajat dan Segitiga Siku-Siku; ketiga, Penentuan arah ke kiblat dengan bayang-bayang matahari.

Penentuan Arah Ke Titik Utara Sejati

Titik Utara Sejati (disingkat TUS) atau *True North* ialah titik kutub utara atau titik yang terletak di ujung utara sumbu rotasi Bumi. Dalam penentuan arah ke kiblat, TUS merupakan acuan yang sangat penting karena angka yang dihasilkan dari formula hisab sudut arah kiblat, seperti telah dikemukakan dalam paket materi sebelumnya, tidak lain adalah nilai jarak sudut sepanjang lingkaran horizon yang dihitung dari TUS sebagai 0° . Karena itu, penentuan arah ke TUS yang kurang cermat dengan sendirinya berakibat pada kurang cermatnya hasil penentuan arah ke kiblat. Penentuan arah ke TUS tersebut dapat dilakukan dengan beberapa cara berikut ini.

1. Dengan Alat Bantu Kompas

Menentukan arah ke TUS dengan alat bantu kompas dapat dilakukan dengan meletakkan kompas pada pelataran yang betul-betul datar. Jauhkan barang-barang logam dari sekitar kompas tersebut supaya tidak mempengaruhi penunjukan jarumnya. Biarkan beberapa saat sampai jarum kompas betul-betul tidak bergerak. Lalu tariklah benang di atas kompas menurut arah yang ditunjuk jarum kompas. Ambil kembali kompas tersebut dan tinggallah benang yang menunjuk ke arah Utara.

Untuk mendapatkan arah ke TUS, arah yang ditunjuk oleh benang tersebut perlu dikonfirmasi dengan *MAGNETIC VARIATION* untuk mengetahui apakah masih perlu dikoreksi lagi atau tidak dan bilamana perlu, seberapa besar harga koreksinya.

2. Dengan Alat Bantu Tongkat *Istiwa*

Tongkat *Istiwa* ialah tongkat yang benar-benar lurus dan berdiri tegak lurus. Untuk mendapatkan arah ke TUS pancangkan sebuah tongkat *istiwa* dengan panjang tertentu, misalnya 30 cm, dan diameter tertentu, misalnya 0,5 cm, pada pelataran terbuka yang betul-betul datar. Kemudian buatlah garis lingkaran di sekelilingnya sehingga tongkat *istiwa* tersebut tepat berdiri di titik pusatnya. Pada siang hari, amatilah bayang-bayang tongkat *istiwa* tersebut. Ketika ujung bayang-bayangnya menyentuh garis lingkaran, bubuhkan titik pada garis lingkaran di bayang-bayang tersebut. Lakukan hal ini dua kali pada sebelum dan sesudah kulminasi matahari. Jika kedua titik tersebut dihubungkan, maka kita mendapatkan garis Timur-Barat. Selanjutnya dengan menarik garis tegak lurus pada garis Timur-Barat tersebut kita akan memperoleh garis yang mengarah ke TUS.

Pembubuhan kedua buah titik di ujung bayang-bayang tongkat *istiwa* itu dapat pula dilakukan tanpa panduan garis lingkaran, melainkan dengan panduan waktu, yakni dengan panduan interval waktu yang sama pada sebelum dan sesudah kulminasi matahari, misalnya 60 menit sebelum dan 60 menit sesudahnya. Untuk keperluan ini dibutuhkan jam (arloji) yang cocok dengan waktu standar dan data ephemeris tentang waktu kulminasi matahari (WKM) pada hari itu.

Di samping itu, garis ke TUS dapat pula dibuat dengan membubuhkan titik di ujung bayang-bayang tongkat *istiwa* tepat pada saat matahari berkulminasi. Dengan menarik garis lurus yang menghubungkan titik itu dengan pangkal tongkat, kita akan mendapatkan garis yang mengarah ke TUS.

3. Dengan Bayang-Bayang *Azimuth* Matahari

Azimuth matahari ialah jarak sepanjang lingkaran horizon menurut arah jarum jam dari titik Utara sampai ke titik perpotongan antara lingkaran vertikal yang melewati titik pusat matahari dengan lingkaran horizon. Langkah untuk menentukan TUS dengan bayang-bayang *azimuth* matahari adalah sebagai berikut.

- a. Pancangkan tegak lurus sebuah tongkat *istiwa*' pada pelataran terbuka yang betul-betul datar, misalnya di kota Surabaya.
- b. Pada saat tertentu di siang hari, misalnya pada pukul 09:00 WIB tanggal 20 Januari 2006, tandai ujung bayang-bayangnya dengan sebuah titik, lalu tariklah garis lurus dari titik itu sampai ke pangkal tongkat, misalnya garis A, sebagai garis yang mengarah ke titik *azimuth* matahari.
- c. Hisablah berapa harga *azimuth* matahari pada saat itu (pukul 09:00 WIB tanggal 20 Januari 2006) dengan rumus:

$$\text{cotan } A = -\sin \phi \times \text{cotan } t + \cos \phi \times \tan \delta \times \text{cosec } t$$

Data yang diperlukan, yakni data tentang unsur-unsur yang diperhitungkan dalam rumus, adalah:

$$\begin{aligned}\phi \text{ Surabaya} &= -7^\circ 15' \\ \lambda \text{ Surabaya} &= 112^\circ 45' \\ \delta \text{ Matahari} &= -20^\circ 10' 52'' \quad (\text{pada pukul } 02:00 \text{ GMT}/09:00 \text{ WIB}) \\ t \text{ Matahari} &= -39^\circ 59' \text{ }^1 =\end{aligned}$$

Aplikasi hisabnya adalah sebagai berikut.

$$\begin{aligned}\text{cotan } A &= -\sin \phi \times \text{cotan } t + \cos \phi \times \tan \delta \times \text{cosec } t \\ &= -\sin -7^\circ 15' \times \text{cotan } -39^\circ 59' + \cos -7^\circ 15' \times \tan -20^\circ 10' \\ &\quad 52'' \times \text{cosec } -39^\circ 59'\end{aligned}$$

¹ Harga *t* Matahari ini diperoleh dari hasil konversi selisih waktu antara pukul 09:00 WIB sampai Waktu Kulminasi Matahari (WKM) dalam WIB pada tanggal 20 Januari 2006. Dari tabel Ephemeris diketahui bahwa harga *e* pada pukul 05:00 GMT/12:00 WIB adalah $-10^m 56^d$. Jadi WKM dalam WIB adalah $12 - 00:10:56 + -00:31 = 11:39:56$. Selisih waktu dengan pukul 09:00 adalah $09:00 - 11:39:56 = 02:39:56$. Jika angka ini dikalikan 15, maka akan diperoleh angka $-39^\circ 59'$ sebagai harga *t* Matahari pada pukul 09:00 WIB.

$$= 0.416950788$$

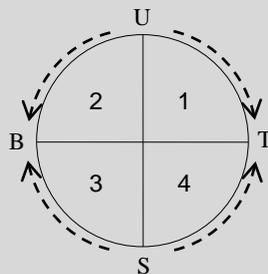
$$A = 67^{\circ} 21' 58.56''$$

Kalkulator A: $7^{\circ} 15' +/- \sin +/- \times 39^{\circ} 59' +/- \tan 1/X + 7^{\circ} 15' +/- \cos \times 20^{\circ} 10' 52'' +/- \tan \times 39^{\circ} 59' +/- \sin 1/X = 1/X \text{ shift tan shift } 0'''$

Kalkulator B: $(-) \sin (-) 7^{\circ} 15' \times 1/\tan (-) 39^{\circ} 59' + \cos (-) 7^{\circ} 15' \times \tan (-) 20^{\circ} 10' 52'' \times 1/\sin (-) 39^{\circ} 59' = x^{-1} = \text{shift tan ANS} = \text{shift } 0'''$

Hisab harga *azimuth* di atas menghasilkan angka yang tidak lebih dari 90° (angka maksimal *azimuth* dalam satu kwadran atau seperempat lingkaran). Untuk penentuan posisi *azimuth*nya perlu diperhatikan pedoman berikut ini.

- o Untuk benda langit yang berada pada kwadran 1, *azimuth* 0° di titik Utara dan 90° di titik Timur.
- o Untuk benda langit yang berada pada kwadran 2, *azimuth* 0° di titik Utara dan 90° di titik Barat.
- o Untuk benda langit yang berada pada kwadran 3, *azimuth* 0° di titik Selatan dan 90° di titik Barat.
- o Untuk benda langit yang berada pada kwadran 4, *azimuth* 0° di titik Selatan dan 90° di titik Timur. (Perhatikan gambar 6.1)



Gambar 6.1

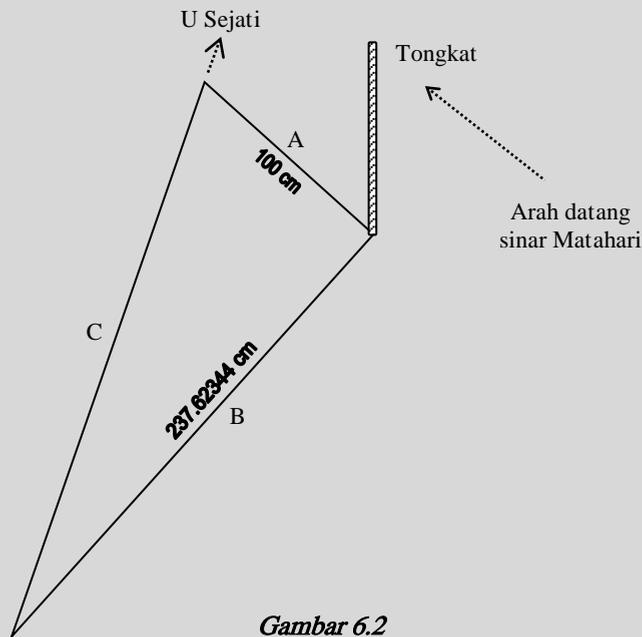
Pada contoh hisab di atas, *azimuth* matahari berada pada kwadran 4 karena, pertama, pada pukul 09.00 WIB itu matahari berada di sebelah Timur Meridian Surabaya, dan kedua, matahari berada di sebelah selatan Surabaya karena “*δ*” nya berharga $-20^{\circ} 10' 52''$, lebih besar dari

harga “ ϕ ” Surabaya yang hanya $-7^{\circ} 15'$. Dengan demikian posisi *azimuth*nya dihitung dari titik Selatan ke arah Timur.

- d. Dari pangkal garis A (pangkal bayang-bayang) itu tariklah garis tegak lurus ke arah Selatan, misalnya garis B, yang panjangnya sebesar *tangen* "harga mutlak" *azimuth* matahari dikalikan panjang garis A.

Jika panjang garis A 100 cm, maka panjang garis B adalah sebesar $\tan 67^{\circ} 21' 58.56'' \times 100 \text{ cm} = 239.8364699 \text{ cm}$.

- e. Jika kedua ujung lainnya dari garis A dan B tersebut dihubungkan dengan garis lurus, misalnya garis C, maka garis C ini tepat mengarah ke titik Utara Sejati (perhatikan gambar 6.2).



Gambar 6.2

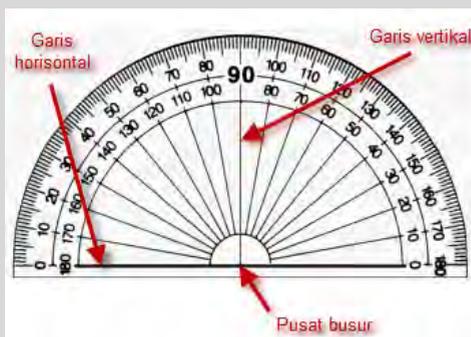
Penting ditambahkan sebagai catatan bahwa jika *azimuth* matahari berada pada kwadran 1 dan 2, maka garis tegak lurus, yang dalam contoh di atas adalah garis B, ditarik dari pangkal garis bayang-bayang *azimuth* matahari ke arah Utara. Sedangkan jika berada pada kawadran 3 dan 4, garis tersebut ditarik dari pangkal garis bayang-bayang *azimuth* matahari ke arah Selatan.

Penentuan Arah Ke Kiblat Dengan Busur Derajat dan Segitiga Siku-Siku

Nilai sudut arah kiblat yang sudah diketahui dengan hisab sudut arah kiblat, seperti yang tekah diuraikan pada paket yang lalu, dapat ditentukan arah konkritnya di lapangan dengan teknik-teknik sebagai berikut.

1. Dengan Alat Bantu Busur Derajat

Busur Derajat (selanjutnya disebut: Busur) ialah alat ukur ruang yang menggunakan derajat sebagai satuan. Busur Derajat biasanya berbentuk setengah lingkaran. Di sana terdapat dua deretan angka dari kiri ke kanan. Pada bagian atas tertulis 0, 10, 20, 30, 40, ..., 180, dan pada bagian bawah tertulis 180, 170, 160, ..., 0. Perpotongan antara garis horizontal dan garis vertikal pada busur tersebut disebut **pusat busur** (perhatikan gambar 6.3).



Gambar 6.3

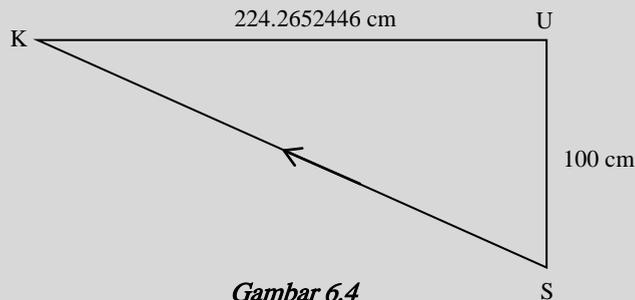
Teknik penentuan arah ke kiblat dengan alat bantu Busur dilakukan dengan langkah-langkah sebagai berikut.

- a. Buatlah ruas garis utara-selatan (U-S) yang mengarah dengan cermat ke TUS pada pelataran yang betul-betul datar.
- b. Tentukan suatu titik pada garis U-S tersebut, misalnya titik A.
- c. Letakkan Busur dengan posisi:
 - o Pusat busur berhimpit dengan titik A.

- o Garis horizontal (garis-tengah) Busur berhimpit dengan garis U-S dengan posisi angka 0° di titik Utara dan bidang lengkung Busur di sisi Barat.
 - d. Tentukan suatu titik pada Busur, misalnya titik K, tepat pada angka harga sudut arah kiblat sesuai hasil perhitungan, misalnya untuk kota Surabaya: $65^\circ 58' 4.37''$.
 - e. Angkat Busur tersebut, lalu hubungkan titik A dan titik K tersebut dengan ruas garis lurus.
 - f. Ruas garis A-K adalah garis arah ke kiblat dari tempat itu.
2. Dengan Segitiga Siku-Siku

Teknik menentukan arah ke kiblat dengan alat bantu segitiga siku-siku dilakukan dengan beberapa langkah sebagai berikut.

- a. Tarik garis lurus Utara-Selatan (U-S) dengan panjang tertentu, misalnya 100 cm, pada pelataran yang betul-betul datar.
- b. Dari titik U (ujung Utara) garis tersebut tariklah garis tegak lurus ke arah Barat, misalnya garis U-K, yang panjangnya sebesar *tangen* sudut arah kiblat tempat tersebut dikalikan panjang garis U-S itu. Untuk kota Surabaya, jika garis U-S panjangnya 100 cm, maka garis panjang U-K itu adalah $\tan 65^\circ 58' 4.37'' \times 100 \text{ cm} = 224,2652446 \text{ cm}$.
- c. Hubungkan titik S dan titik K dengan sebuah garis. Garis S-K adalah garis yang mengarah ke kiblat (perhatikan gambar 6.4).



Gambar 6.4

Penentuan Arah Ke Kiblat Dengan Bayang-Bayang Tongkat *Istiwa*³

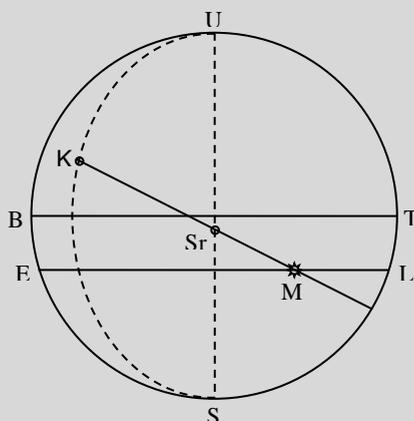
Yang dimaksud dengan bayang-bayang tongkat *istiwa*³ ialah bayang-bayang tongkat *istiwa*³ yang tersinari matahari pada tanggal dan jam tertentu, misalnya pada tanggal 20 Januari 2006. Untuk menentukan pukul berapa pada tanggal tersebut bayang-bayang tongkat *istiwa*³ di kota Surabaya mengarah ke kiblat, ada dua langkah yang harus dilakukan.

1. Mencari data δ matahari dan “waktu kulminasi matahari” (WKM)

Supaya data δ matahari bisa diambil dari jam di seputar saat terjadinya bayang-bayang yang mengarah ke kiblat, maka perlu dibuat acuan gambar perkiraan mengenai posisi titik perpotongan antara garis arah kiblat kota Surabaya dan garis atau lingkaran perjalanan harian matahari. Dengan modal data ϕ dan λ Surabaya dan Ka'bah, serta data δ matahari rata-rata pada tanggal 20 Januari 1996, gambar dimaksud bisa dibuat dengan langkah-langkah berikut ini:

- a. Buatlah sebuah lingkaran yang menggambarkan bola bumi dilihat dari titik Zenith kota Surabaya.
- b. Persis di tengah lingkaran tersebut tariklah garis/busur Utara-Selatan (U-S) sebagai garis bujur kota Surabaya.
- c. Dari titik U, buatlah busur yang memotong garis U-S sebesar $72^{\circ} 55' 20''$ sebagai garis bujur Ka'bah (busur U-S).
- d. Tariklah garis Barat-Timur persis di tengah lingkaran tersebut sebagai Khatulistiwa (garis B-T).
- e. Tentukan sebuah titik pada garis U-S di selatan khatulistiwa pada jarak $-7^{\circ} 15'$ sebagai titik kota Surabaya (titik Sr).
- f. Tentukan juga pada busur U-S sebuah titik yang berjarak $21^{\circ} 25' 15''$ dari khatulistiwa sebagai titik ka'bah (titik K)
- g. Tarik garis yang menghubungkan titik K dengan titik Sr sebagai garis arah kiblat kota Surabaya.
- h. Tarik garis yang paralel/sejajar dengan khatulistiwa, pada jarak -20° dari khatulistiwa, sebagai lingkaran edar harian (*amplitudo*) matahari pada tanggal 20 Januari 2006 (garis E-L).

- i. Garis E-L berpotongan dengan garis arah kiblat Surabaya (garis K-Sr) pada titik M (perhatikan gambar 10).



Gambar 6.5

Dengan bantuan gambar itu bisa diperkirakan bahwa jika matahari terbit di titik L, maka ia akan berada pada titik M pada kira-kira pukul 09 00 WIB. Ketika matahari persis di titik M itulah bayang-bayang tongkat *istiwa* di kota Surabaya mengarah ke kiblat.

Berdasarkan perkiraan bahwa matahari akan berada di titik M pada pukul 09 00 WIB (02.00 GMT) itulah kita ambil data δ matahari dari tabel Ephemeris Hisab Rukyat tanggal 20 Januari 2006, yakni: $-20^{\circ} 10' 52''$.

Di samping itu kita ambil juga data perata waktu untuk pukul 12:00 WIB (05:00 GMT), yakni $-00 10 56$, sehingga waktu kulminasi matahari (WKM) pada tanggal 20 Januari 2006 itu pun dapat kita hitung, yakni pukul 12 10 56 dalam waktu setempat atau *local mean time* (diperoleh dari perhitungan $12 00 - -00 10 56$).

2. Menghisab saat bayang-bayang kiblat

Maksudnya ialah pada pukul berapa tepatnya matahari berada di titik M itu tadi sehingga tongkat *istiwa* dan semua benda yang berdiri tegak lurus di kota Surabaya mengarah bayang-bayangnya ke kiblat (berhimpit dengan *shat* Ka'bah-Surabaya). Formula atau rumus untuk menghisab *moment* tersebut adalah:

$$\begin{aligned} \cotan P &= \cos b \times \tan A \\ \cos (C-P) &= \cotan a \times \tan b \times \cos P \end{aligned}$$

- Di mana :
- A = Sudut arah kiblat Surabaya (U-B), yakni $65^\circ 58' 4.37''$
 - a = Panjang lingkaran deklinasi dari Kutub Langit Utara (KLU) sampai ke titik pusat matahari, yakni $90^\circ - (-20^\circ 10' 52'') = 110^\circ 10' 52''$
 - b = Panjang garis bujur dari Kutub Bumi Utara (KBU) sampai kota Surabaya, yakni $90^\circ - (-7^\circ 15') = 97^\circ 15'$.

Berdasarkan harga unsur-unsur rumus tersebut, momen bayang-bayang kiblat kota Surabaya dapat diaplikasikan perhitungannya sebagai berikut.

$$\begin{aligned} \circ \cotan P &= \cos 97^\circ 15' \times \tan 65^\circ 58' 4.37'' \\ &= -0,28302042 \\ P &= -74^\circ 11' 50.6'' \end{aligned}$$

Kalkulator A: $97^\circ 15' \cos \times 65^\circ 58' 4,37'' \tan = 1/X \text{ shift tan shift } ^{\circ''}$

kalkulator b: $\cos 97^\circ 15' \times \tan 65^\circ 58' 4,37'' = X^{-1} = \text{shift tan ANS} = \text{shift } ^{\circ''}$

$$\begin{aligned} \circ \cos (C-P) &= \cotan 110^\circ 10' 52'' \times \tan 97^\circ 15' \times \cos -74^\circ 11' 50.6'' \\ &= 0,786801865 \\ (C-P) &= 38^\circ 6' 44.51'' \end{aligned}$$

Kalkulator A: $110^\circ 10' 52'' \tan I/X \times 97^\circ 15' \tan \times 74^\circ 11' 50.6'' \text{ +/- cos} = \text{shift cos shift } ^{\circ''}$

Kalkulator B: $1/\tan 110^\circ 10' 52'' \times \tan 97^\circ 15' \times \cos (-)74^\circ 11' 50.6'' = \text{shift cos ANS} = \text{shift } ^{\circ''}$

$$\begin{aligned} \circ P &= -74^\circ 11' 50.6'' \\ (C-P) &= \underline{38^\circ 6' 44.51''} + \\ &\quad -36^\circ 5' 6.9'' \\ &\quad \underline{\quad\quad\quad 15} : \\ &\quad -02 24 20.41 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \circ \text{WKM} &= \underline{12 10 56} + \\ \circ \text{LMT} &= 09 46 35.59 \\ \circ \text{KWD-WIB} &= \underline{-00 31 00} + \end{aligned}$$

o WIB = 09 15 35.59

Kesimpulannya, pada tanggal 20 Januari 2006 pukul 09:15: 35.59 WIB tongkat *istiwa*² dan benda-benda tegak lurus lainnya di kota Surabaya bayang-bayangnya mengarah tepat ke kiblat.²

Rangkuman

1. Titik Utara Sejati (TUS) atau *True North* ialah titik kutub utara atau titik yang terletak di ujung utara sumbu rotasi Bumi. Penentuan arah ke TUS dapat dilakukan, setidaknya, dengan tiga alat bantu, yakni: kompas yang digunakan dengan panduan koreksi *Magnetic Variation*, tongkat *istiwa*² dan bayang-bayang *azimuth* matahari.
2. Dengan mengacu pada garis ke arah TUS, arah ke kiblat (sesuai harga sudut kiblat yang dihasilkan melalui prosedur hisab) dapat ditentukan secara cermat dengan alat bantu Busur Derajat, atau dengan alat bantu Segitiga Siku-Siku.
3. Tanpa mengacu pada garis ke arah TUS, arah ke kiblat dapat ditentukan secara cermat melalui aplikasi hisab bayang-bayang kiblat, yakni perhitungan untuk menentukan suatu *moment* di siang hari di mana bayang-bayang benda tegak lurus atau tongkat *istiwa*² di suatu tempat (*markaz*) mengarah ke kiblat.

Latihan

Jawablah pertanyaan-pertanyaan di bawah ini!

1. Pada tanggal 28 Pebruari 2006 pukul 08:00 WIB, sebuah garis bayang-bayang tongkat *istiwa*²(A) di kota Malang berukuran panjang 100 cm, dan sebuah garis (B) ditarik dari pangkal –dan tegak lurus pada-- garis A. Ke arah mana garis B tersebut ditarik dan berapa panjangnya agar jika ujungnnya dihubungkan dengan ujung garis A menghasilkan garis ke arah TUS?
2. Sebuah garis (U-S) berukuran panjang 100 cm mengarah ke TUS di kota Malang. Berapakah panjang garis (U-K) yang harus ditarik tegak lurus

² Materi ini bisa dibaca juga dalam: Abd. Salam Nawawi, *Ilmu Falak: Cara Praktis Menghitung Waktu Salat, Arah Kiblat, Dan Awal Bulan*, (Sidoarjo: 'Aqaba, 2013), 40-42.

pada garis U-S tersebut agar kalau titik S dan titik K dihubungkan akan tercipta garis ke arah kiblat kota Malang?

3. Pada tanggal 28 Pebruari 2006, pukul berapakah tongkat *istiwa* di kota Malang bayang-bayangnya mengarah ke kiblat!

Daftar Pustaka

Abd. Salam Nawawi, *Ilmu Falak: Cara Praktis Menghitung Waktu Salat, Arah Kiblat, Dan Awal Bulan*, (Sidoarjo: 'Aqaba, 2013

Paket 7

HISAB 'URFI KALENDER MASEHI

Pendahuluan

Pada paket ini perkuliahan mulai memasuki materi hisab tentang kalender atau takwim yang diawali dengan kajian pengenalan terhadap kalender masehi atau kalender kristen yang disusun dengan secara aritmatik. Mengenal kalender masehi yang mengacu pada pergerakan matahari ini penting bukan saja karena ia digunakan sebagai kalender resmi di Indonesia dan di banyak negara lain di dunia, melainkan juga karena banyak data ephemeris hisab rukyat yang disajikan dengan mengacu pada kalender ini. Dalam kajian pengenalan terhadap kalender masehi ini terdapat dua hal, paling tidak, yang penting untuk dibahas. Pertama, dasar yang digunakan dalam penyusunannya, dan kedua, sistem perhitungannya. Dalam bahasan tentang dasar yang digunakan dalam penyusunannya penting disinggung aspek historik dari kalender masehi ini, yakni berkenaan dengan peralihan acuan dari bulan (kamariah) menjadi matahari (syamsiyah). Dalam bahasan mengenai sistem perhitungannya penting dijelaskan perubahan sistem yang terjadi dari sistem Julian ke sistem Gregorian.

Dengan demikian dalam paket ini, materi kajian tentang hisab 'urfi kalender masehi disajikan dalam dua sub bahasan, yakni: 1) Dasar penyusunan kalender masehi; 2) Sistem perhitungan kalender masehi. Sama dengan materi-materi pada paket sebelumnya, kajian terhadap materi-materi ini diselenggarakan dengan dukungan tayangan *slide power point* yang disiapkan oleh dosen. Di samping itu, mahasiswa diberi tugas untuk membaca uraian materi dan membuat *resume* dengan panduan lembar kegiatan. Penguasaan terhadap materi pada paket ini akan memberi wawasan yang penting bagi mahasiswa dalam mempelajari materi pada paket selanjutnya.

Pelaksanaan perkuliahan ini memerlukan dukungan media pembelajaran berupa *LCD Projector*, Komputer atau Lap Top, Kertas Plano, Spidol, Isolasi, dan *White Board*.

Uraian Materi

HISAB 'URFI KALENDER MASEHI

Hisab 'urfi kalender Masehi (hisab 'urfi disebut juga hisab 'adadi) ialah suatu bentuk perhitungan aritmatik tentang penanggalan (*taqwim*) yang didasarkan pada siklus masa rata-rata pergerakan benda langit yang menjadi acuan kalender tersebut, yaitu siklus tropik Matahari. Bahasan tentang hisab 'urfi Kalender Masehi ini dibagi menjadi dua sub bahasan. *Pertama*, bahasan tentang dasar penyusunan kalender Masehi. *Kedua*, Sistem perhitungan kalender Masehi.

Dasar Perhitungan Kalender Masehi

Di awal sejarahnya, Kalender Masehi atau kalender Kristen disusun dengan mengacu pada kalender Julian, yaitu kalender Romawi yang ditetapkan oleh Julius Caesar¹, pemimpin politik dan militer Romawi, dan mulai diberlakukan secara resmi pada tahun 45 SM (sebelum Masehi).

Sebelum berlakunya kalender Julian, di Romawi berlaku kalender tradisional yang sudah digunakan semenjak raja Romulus, pendiri Romawi, pada abad ke-7 SM. Kalender tradisional Romawi ini asal-mulanya mengacu pada siklus Bulan (kamariah).² Lalu jauh di belakang hari muncul keinginan untuk menyelaraskan kalender dengan musim.³ Untuk ini para pendeta yang disertai tanggungjawab pengaturan berbagai masalah keagamaan termasuk tanggal upacara dan pesta (mereka ini disebut *Pontiffs*) memutuskan untuk menyisipkan bulan ke-13 pada setiap 2 atau 3

¹ Nama lengkapnya, Gaius Julius Caesar. Lahir pada tanggal 13 Juli 100 SM dan meninggal dunia pada 15 Maret 44 SM.

² Satu tahun kalender terdiri dari 12 bulan yaitu *Martius, Aprilis, Maius, Junius, Quintilis, Sextilis, September, Oktober, November, Desember*, dan 2 bulan tanpa nama. Raja berikutnya, Numa Pompilius, menamai 2 bulan tanpa nama itu dengan *Jannarils* dan *Februarias* sekaligus menjadikan *Jannarils* sebagai bulan pertama dan *Februarias* sebagai bulan terakhir (ke-12). Pada tahun 452 SM bulan *Februarias* dipindahkan ke bulan ke-2.

³ Kalender yang mengacu pada siklus Bulan (kamariah) memang jatuhnya selalu bergeser di antara musim-musim yang berlainan karena panjang tahunnya lebih pendek ± 11 hari daripada siklus musim.

Dalam rangka penentuan Paskah, Konsili Nicea I tahun 325 M, menetapkan tanggal 21 Maret sebagai awal musim semi (*vernal equinox*) sesuai dengan realitas perjalanan kalender Julian kala itu. Namun 12,5 abad kemudian, awal musim semi ternyata tiba ketika perjalanan kalender Julian masih menunjukkan tanggal 11 Maret. Kenyataan ini tentu saja membuat perayaan Paskah⁷ seperti yang disepakati sejak Konsili Nicea I tahun 325 M menjadi tidak tepat lagi.

Faktor ini mendorong Paus Gregorius XIII untuk melakukan pembenahan dengan menyetujui usul modifikasi sistem kalender yang diajukan Aloysius Lilius dari Napoli, Italia. Dengan acuan hitungan tahun tropik sama dengan 365,2425 hari (lebih pendek 0.0075 hari daripada acuan Julian), Paus Gregorius XIII melansir sistem kalender baru —yang kemudian dikenal dengan sistem Gregorian— pada tanggal 24 Pebruari 1582 M.⁸

Kendati sudah dilansir sejak tahun 1582 M, di beberapa negara implementasi kalender Gregorian baru terjadi beberapa abad kemudian. Di Britania Raya pada tahun 1752, di Rusia pada tahun 1918, dan di Yunani tahun pada 1923. Gereja Ortodoks sampai sekarang bahkan masih tetap memedomani Kalender Julian sehingga hari Natal dan Tahun Baru mereka berbeda dengan gereja-gereja Kristen pada umumnya.⁹

Sistem Hisab 'Urfi Kalender Masehi

Sejalan dengan uraian tentang dasar perhitungannya yang mengacu pada hitungan tahun tropik Matahari di atas, sistem hisab 'urfi kalender Masehi berlaku menurut acuan penetapan umur-umur tahun (*year*) dan bulan (*month*) sebagai berikut.

1. Umur Tahun dan Siklusnya

⁷ Paskah adalah perayaan hari kebangkitan Yesus. Jemaat Kristen percaya bahwa Yesus disalibkan, mati, dan dikuburkan, kemudian pada hari yang ketiga bangkit dari antara orang-orang mati. Hari Paskah jatuh pada hari Minggu pertama setelah Bulan Purnama Paskah, yaitu bulan purnama pertama yang hari keempat belasnya ("bulan purnama" gerejawi) jatuh pada atau setelah 21 Maret (awal Musim Semi /vernal equinox gerejawi).

⁸ http://id.wikipedia.org/wiki/Kalender_Gregorian (akses: 13 Mei 2010)

⁹ http://id.wikipedia.org/wiki/Kalender_Julian (akses: 13 Mei 2010)

Mengacu pada sistem kalender Julian yang bertolak dari hitungan panjang tahun tropik = 365,25 hari, maka tahun-tahun dalam sistem Kalender Masehi dibedakan menjadi dua, yakni tahun yang ditetapkan umurnya 365 hari (dinamakan Tahun *Basitah*, atau *Common Year*) dan tahun yang ditetapkan umurnya 366 hari (dinamakan Tahun *Kabisah* atau *Leap Year*).

Berdasarkan adanya kelebihan angka pecahan sebesar 0,25 (seperempat) hari dalam hitungan panjang tahun tropik tersebut maka ditetapkanlah bentangan masa sebanyak 4 tahun tropik sebagai satu **Siklus Kalender Masehi** yang terdiri dari 3 tahun *basitah* pada urutan ke 1-3 dan 1 tahun *kabisah* pada urutan ke 4. Jumlah hari dalam satu siklus kalender Masehi adalah 1.461 hari ($4 \times 365,25$ atau $365+365+365+366$). Untuk lebih jelasnya, periksa tabel 7.1 berikut.

Tabel : 7.1
Umur Tahun Dalam Siklus Kalender Masehi

Urut	Tahun		Total
	Kategori	Umur	
1	Basitah	365 hari	365 hari
2	Basitah	365 hari	730 hari
3	Basitah	365 hari	1.095 hari
4	Kabisah	366 hari	1.461 hari

Ketika pada tahun 1582 M. Paus Gregorius XIII melakukan pembenahan sistem dengan menyetujui acuan hitungan tahun tropik sama dengan 365,2425 hari (lebih pendek 0.0075 hari daripada acuan Julian), paket-paket siklus di atas tetap dipertahankan dengan dua bentuk koreksi sebagai berikut.

- a. Pemotongan tanggal sebanyak 10 hari pada bulan Oktober 1582 M. di mana selepas Kamis 4 Oktober, Jum'at esok harinya ditetapkan sebagai tanggal 15 Oktober.

Koreksi ini merupakan konsekuensi logis dari keterlambatan yang dialami kalender Masehi (versi Julian) terhadap musim yang

akumulasinya pada akhir abad ke-16 sudah mencapai 9.5 hari.¹⁰ Setelah dipotong 10 hari, awal musim semi (*vernal equinox*) pada tahun berikutnya (1583 M.) dapat kembali terjadi pada tanggal 21 Maret sebagaimana ketetapan Konsili Nicea I tahun 325 M.

- b. Pemotongan tanggal sebanyak 3 hari per 400 tahun berikutnya. Jika koreksi ini tidak dilakukan, maka dalam setiap periode 400 tahun Kalender Masehi akan mengalami keterlambatan sebanyak 3 hari.

Koreksi ini diimplementasikan dengan mem*basitahkan* tahun *kabisah* (tahun ke-4) yang jatuh pada semua tahun abad atau tahun ratusan (paska tahun 1582) yang tidak habis dibagi 400. Sampai sekarang, kalender Gregorian sudah mem*basitahkan* sebanyak 3 tahun *kabisah*, yakni tahun ke-4 yang jatuh pada tahun-tahun 1700, 1800, dan 1900.

Melalui dua bentuk koreksi di atas, pemotongan tanggal yang dilakukan Gregorian hingga sekarang sudah mencapai jumlah 13 hari, yakni 10 hari dari koreksi yang pertama dan 3 hari dari koreksi yang kedua.

Menurut penelitian terbaru, panjang tahun tropik adalah 365,2422 (lebih pendek 0,0003 hari dari hitungan yang diacu Gregorian). Konsekuensinya, dalam jangka 3334 tahun, kalender Gregorian akan mengalami keterlambatan 1 hari terhadap musim.

2. Umur Bulan

Nama-nama dan umur bulan dalam kalender Masehi yang berlaku sekarang ini adalah hasil dari dua kali perubahan yang terjadi dalam kalender Julian sebelum tibanya era masehi. Pada awalnya (45 SM), nama-nama dan umur bulan dalam kalender Julian adalah: 1) *Iannarils* (31 hari), 2) *Februarias* (29/30 hari), 3) *Martius* (31 hari), 4) *Aprilis* (30 hari), 5) *Maius* (31 hari), 6) *Junius* (30 hari), 7) *Quintilis* (31 hari), 8) *Sextilis* (30 hari), 9) *September* (31 hari), 10) *Oktober* (30 hari), 11) *November* (31 hari), dan 12) *Desember* (30 hari).

¹⁰ Selesih 10 menit 48 detik per tahun selama 1257 tahun, yakni mulai dari Konsili Nicea I tahun 325 sampai tahun 1582, akumulasinya setara dengan 9.5 hari.

Setahun kemudian (44 SM), Julius Caesar mengganti nama *Quintilis* (bulan ke-7) dengan Julius (namanya sendiri). Pada tahun (8 SM) terjadi lagi pergantian nama bulan, yakni *Sextilis* (bulan ke-8) diganti dengan Augustus (diambil dari nama kaisar penerus Julius, yakni kaisar Augustus). Di samping diganti namanya menjadi Augustus, bulan ke-8 ini disamakan umurnya dengan bulan Julius, yakni 31 hari (semula 30 hari). Tambahan 1 hari untuk Augustus diambil dari *Februarias* sehingga umur bulan yang kedua ini berubah menjadi 28/29 hari (semula 29/30 hari). Berhubung perubahan ini mengakibatkan adanya 3 bulan dengan umur 31 hari berurutan letaknya (Julius, Augustus, September), maka umur September dan November diubah menjadi 30 hari (asalnya 31 hari), sedangkan umur Oktober dan Desember diubah menjadi 31 hari (asalnya 30 hari), Perubahan nama dan umur bulan ini terus berlaku sampai sekarang.

Jadi jelasnya, nama dan umur bulan dalam kalender masehi adalah sebagaimana tertuang dalam tabel 7.2 berikut ini.

Tabel : 7.2
Umur Bulan Dalam Kalender Masehi

No.	Bulan	Tahun Basitah		Tahun Kabisah	
		Umur	Total	Umur	Total
1.	Januari	31	31	31	31
2.	Pebruari	28	59	29	60
3.	Maret	31	90	31	91
4.	April	30	120	30	121
5.	Mei	31	151	31	152
6.	Juni	30	181	30	182
7.	Juli	31	212	31	213
8.	Agustus	31	243	31	244
9.	September	30	273	30	274
10.	Oktober	31	304	31	305
11.	Nopember	30	334	30	335
12.	Desember	31	365	31	366

3. Langkah Hisab 'Urfi Kalender Masehi

Berdasarkan umur siklus, tahun, dan bulan di atas, total umur (jumlah hari) Kalender Masehi sampai dengan tanggal tertentu, baik tanggal di masa lalu maupun di masa yang akan datang, dapat dihisab dengan langkah-langkah sebagai berikut.

- a. Tentukan lebih dahulu berapa tahun, berapa bulan, dan berapa hari umur kalender masehi sampai dengan tanggal tertentu yang dikehendaki dengan cara menghitung jumlah tahun yang sudah penuh (berlalu), jumlah bulan yang sudah penuh (berlalu), dan jumlah hari pada bulan yang sedang berjalan tersebut.

Misalnya, umur kalender masehi sampai dengan tanggal 20 bulan Maret tahun 1994 adalah 1993 tahun, 2 bulan, 20 hari.

- b. Bagilah angka tahun penuh itu dengan angka 4 (jumlah tahun dalam satu siklus kalender masehi).

Misalnya, $1993/4 = 498,25$

Angka bulat pada hasil-bagi di atas menunjukkan jumlah siklus. Kalikan angka jumlah siklus tersebut dengan 1461 (angka jumlah hari dalam satu siklus) untuk mendapatkan angka jumlah harinya.

Misalnya, $498 \times 1461 = 727.578$ hari.

- c. Angka pecahan (angka di belakang koma) pada hasil-bagi di atas, yakni 0,25, menunjukkan angka tahun sisa yang tidak mencapai satu siklus kalender masehi. Kalikan angka pecahan tersebut dengan 4, yakni jumlah tahun dalam satu siklus kalender masehi, untuk mendapatkan angka jumlah tahun sisanya.

Misalnya, $0,25 \times 4 = 1$

Kalikan angka tahun sisa tersebut dengan 365, yakni angka jumlah hari dalam tahun *basitah*, untuk mendapatkan jumlah harinya.

Misalnya, $1 \times 365 = 365$ hari

- d. Angka bulan penuh, hitunglah berapa jumlah harinya dengan memedomani umur masing-masing bulan (periksa tabel I).

Jika angka tahun sisa yang dihasilkan langkah pada huruf c di atas sama dengan 1 atau 2, maka angka bulan penuh tersebut berada pada tahun tahun *basitah* (tahun ke 2 atau ke 3) sehingga umur bulan Pebruarnya hanya 28 hari. Namun jika angka tahun sisa yang dihasilkan langkah pada huruf c di atas sama dengan 3, maka angka bulan penuh tersebut berada pada tahun ke-4 (tahun *kabisah*) sehingga umur bulan Pebruarnya sama dengan 29 hari (kecuali bulan Pebruari pada tahun-tahun abad yang tidak habis dibagi 400).

Pada contoh di atas, angka tahun sisa yang dihasilkan langkah pada huruf c adalah 1. Berarti posisi angka bulan penuh, yakni 2, berada pada tahun ke-2 (tahun *basitah*). Dengan demikian jumlah hari untuk 2 bulan penuh (Januari-Pebruari) tersebut adalah $(31+28) = 59$ hari.

- e. Jumlahkan angka-angka jumlah hari yang dihasilkan dari langkah-langkah b, c, dan d di atas, lalu tambahkan dengan angka jumlah hari sampai dengan tanggal tertentu yang dikehendaki pada bulan yang sedang berjalan. Hasilnya sama dengan “jumlah awal” (bukan jumlah riil) hari Masehi.

Misalnya, $727.578 + 365 + 59 + 20 = 728.022$ hari

- f. Kurangi jumlah awal tersebut dengan angka koreksi Gregorian (13)¹¹ untuk mendapatkan “jumlah akhir” (jumlah riil) hari Kalender Masehi.

Misalnya, $728.384 - 13 = 728.009$ hari

Implementasi selengkapnya dari langkah-langkah perhitungan untuk kasus yang dicontohkan di atas adalah sebagaimana tertuang dalam tabel 7.3 berikut ini.

¹¹ Angka 13 adalah total dari pemotongan 10 hari pada bulan Oktober 1582, 1 hari pada Pebruari 1700, 1 hari pada Pebruari 1800, dan 1 hari pada Pebruari 1900.

Tabel : 7.3

Perhitungan Jumlah Hari Kalender Masehi s.d. 20 Maret 1994
(Usia Kalender = 1993 Tahun + 2 Bulan + 20 Hari)

SATUAN	RINCIAN	TAMPUNGAN		HASIL		
		Siklus	Thn	Thn	Bulan	Hari
Tahun	1993 : 4	498	1	≈	≈	≈
	498 Siklus x 1461 hr	≈	≈	≈	≈	727.578
	1 tahun x 365	≈	≈	≈	≈	365
Bulan	2 (Januari-Pebruari)	≈	≈	≈	≈	59
Hari	20 (Maret)	≈	≈	≈	≈	20
	JUMLAH AWAL	≈	≈	≈	≈	728.022
	Koreksi Gregorian	≈	≈	≈	≈	-13
	JUMLAH AKHIR	≈	≈	≈	≈	728.009

4. Penentuan Nama Hari dan Pasaran

Setelah jumlah hari dalam Kalender Masehi sampai dengan tanggal tertentu yang dikehendaki diketahui, maka nama hari dan pasaran dari tanggal tersebut bisa ditentukan dengan berpedoman pada urutan jatuhnya hari dan pasaran tersebut dalam Kalender Masehi. Bertolak dari tanggal 1 Januari 1 M. yang jatuh pada **Sabtu *Kliwon*** maka:

- Urutan jatuhnya hari dalam pekan mingguan dimulai dari 1) Sabtu, 2) Minggu, 3) Senin, 4) Selasa, 5) Rabu, 6) Kamis, dan 7) Jumat.
- Urutan jatuhnya pasaran dalam pekan pancawara dimulai dari 1) *Kliwon*, 2) *Legi*, 3) *Pahing*, 4) *Pon*, dan 5) *Wage*.

Penentuan nama hari dilakukan dengan membagi 7 angka jumlah hari di atas. Kalau terbagi habis, berarti tanggal tertentu yang dikehendaki itu jatuh pada Jumat (hari ke-7). Kalau tidak terbagi habis, kalikan angka pecahan (angka di belakang koma) nya dengan 7 (angka jumlah hari mingguan) untuk mengetahui angka jumlah hari sisanya. Kalau angka sisanya 1 berarti Sabtu (hari ke-1), kalau 2 berarti Minggu (hari ke-2), dan seterusnya.

Penentuan nama pasaran dilakukan dengan membagi 5 angka jumlah hari di atas. Kalau terbagi habis, berarti tanggal tertentu yang dikehendaki itu jatuh pada *Wage* (hari ke-5). Kalau tidak terbagi habis, kalikan angka pecahan (angka di belakang koma) nya dengan 5 (angka jumlah pasaran dalam pekan pancawara) untuk mengetahui angka jumlah pasaran sisanya. Kalau angka sisanya 1 berarti *Kliwon* (pasaran ke-1), kalau 2 berarti *Legi* (pasaran ke-2), dan seterusnya.

Impelementasi perhitungan penentuan nama hari dan pasaran untuk kasus yang dicontohkan di atas adalah sebagaimana tertuang dalam tabel IV berikut ini.

Tabel : 7.4
Penentuan Nama Hari dan Pasaran Tanggal 20 Maret 1994
(Jumlah Hari : 728.009)

SATUAN	RINCIAN	TAMPUNGAN		HARI/PASARAN	
		Pokok	Sisa	Ke	Nama
HARI	728.009 : 7	104.053,2857	$(0,2857 \times 7) = 2$	2	Minggu
PASARAN	728.009 : 5	145.601,8	$(0,8 \times 5) = 4$	4	Pon

Urutan hari Masehi: 1. Sabtu, 2. Minggu, 3. Senin, 4. Selasa, 5. Rabu, 6. Kamis, 7. Jumat.

Urutan Pasaran Masehi: 1. Kliwon, 2. Legi, 3. Pahing, 4. Pon, 5. Wage.

Kesimpulannya, tanggal 20 Maret 1994 jatuh pada hari ke-2, yaitu Minggu, dan pada pasaran ke-4, yaitu *Pon*.

Rangkuman

1. Pada awalnya, kalender masehi mengacu pada kalender Julian, yakni kalender matahari (syamsiyah) yang diresmikan sebagai kalender Romawi oleh Julius Caesar pada tahun 45 SM (sebelum Masehi). Kalender Julian disusun berdasarkan siklus tropik matahari yang panjangnya disimpulkan sebesar 365,25 hari. Pada paruh kedua abad ke 16, diperoleh temuan bahwa panjang siklus tropik matahari hanya sepanjang 365,3425 hari. Atas dasar ini Paus Gregorius XIII membuat koreksi terhadap kalender Julian dengan melakukan pemotongan 10 tanggal dari bulan Oktober pada tahun 1582 dan 1 tanggal dari bulan

Paket 8

HISAB 'URFI KALENDER HIJRIAH

Pendahuluan

Sesudah materi tentang hisab 'urfi kalender masehi disajikan pada paket yang lalu, pada paket ini perkuliahan menyajikan materi tentang hisab 'urfi kalender hijriah. Hisab 'urfi kalender hijriah ialah perhitungan aritmatik tentang kalender hijriah yang didasarkan atas siklus rata-rata masa sinodik bulan, yakni masa yang membentang di antara dua peristiwa ijtimak (konjungsi) yang berurutan. Masa sinodik ini sendiri sesungguhnya bervariasi panjangnya, namun dalam hisab 'urfi yang disajikan acuan adalah panjang rata-ratanya. Berdasarkan panjang rata-rata siklus sinodik bulan itulah umur-umur bulan dalam kalender 'urfi hijriah disusun. Jadi dalam kalender 'urfi hijriah penentuan awal bulan dilakukan tidak dengan mempertimbangkan ada atau tidak adanya peristiwa kemunculan hilal, melainkan semata didasarkan pada perhitungan bahwa umur bulan yang lama sudah purna.

Sehubungan dengan itu materi kajian tentang hisab 'urfi kalender hijriah dalam paket ini disajikan dalam dua sub bahasan, yakni: 1) Dasar penyusunan kalender 'urfi hijriah; 2) Sistem perhitungan kalender 'urfi hijriah. Sama dengan materi pada paket-paket sebelumnya, kajian terhadap materi-materi di atas diselenggarakan dengan dukungan tayangan *slide power point* yang disiapkan oleh dosen. Di samping itu, mahasiswa diberi tugas untuk membaca uraian materi dan membuat *resume* dengan panduan lembar kegiatan. Penguasaan terhadap materi pada paket ini akan memberi wawasan yang penting bagi mahasiswa dalam mempelajari materi pada paket selanjutnya.

Pelaksanaan perkuliahan ini memerlukan dukungan media pembelajaran berupa *LCD Projector*, Komputer atau Lap Top, Kertas Plano, Spidol, Isolasi, dan *White Board*.

Uraian Materi

HISAB 'URFI KALENDER HIJRIAH

Hisab 'urfi ('adadi), kalender Hijriah ialah suatu bentuk perhitungan aritmatik tentang penanggalan (*taqwim*) yang didasarkan pada siklus masa rata-rata pergerakan benda langit yang menjadi acuan kalender tersebut, yaitu siklus sinodik Bulan. Bahasan tentang hisab 'urfi Kalender Hijriah ini dibagi menjadi dua sub bahasan. Pertama, bahasan tentang dasar penyusunan kalender Hijriah. Kedua, bahasan tentang sistem perhitungan kalender Hijriah.

Dasar Hisab 'Urfi Kalender Hijriah

Dasar hisab 'urfi kalender Hijriah ialah siklus sinodik Bulan, yakni masa yang membentang di antara dua ijtimak (konjungsi) yang berurutan yang panjang rata-ratanya adalah 29 hari 12 jam 44 menit 3 detik atau 29,530590277 hari.

Kalender yang mengacu pada pergerakan Bulan (*lunar, qamar*) ini sudah digunakan oleh masyarakat Arab pra Islam dengan tanpa penomoran tahun. Untuk mengidentifikasi tahun, mereka memberinya nama tertentu yang lazimnya dinisbatkan pada peristiwa besar yang terjadi pada tahun yang bersangkutan. Misalnya tahun kelahiran Nabi Muhammad SAW dinamai Tahun Gajah atau '*Am al-Fil*' dinisbatkan pada peristiwa penyerbuan Ka'bah oleh pasukan gajah yang dipimpin Abrahah, Gubernur Yaman (salah satu provinsi Kerajaan Aksum, kini termasuk wilayah Ethiopia). Nama Tahun Duka Cita atau '*Am al-Hijzn*' dinisbatkan pada duka yang menimpa Nabi Muhammad SAW sehubungan dengan wafatnya dua figur penting dalam hidup dan perjuangan beliau, yakni Khadijah (isteri) dan Abu Thalib (paman). Tahun Pembukaan Mekah atau '*Am al-Fath*' dinisbatkan pada peristiwa pembukaan Mekah (peristiwa kembalinya Mekah ke dalam kontrol politik kaum muslimin).

Selama belasan tahun di awal era Islam, kalender tanpa penomoran tahun ini terus berjalan hingga ketika kekhilafahan Umar ibn Khattab baru

berjalan dua setengah tahun, muncul persoalan. Abu Musa Al-Asy'ari sebagai salah satu gubernur menulis surat kepada khalifah Umar yang isinya menanyakan surat-surat dari khalifah yang tidak ada tahunnya, hanya tanggal dan bulan saja, sehingga membingungkan. Khalifah Umar lalu mengumpulkan beberapa sahabat senior waktu itu. Mereka adalah Utsman bin Affan, Ali bin Abi Thalib, Abdurrahman bin Auf, Sa'ad bin Abi Waqqas, Zubair bin Awwam, dan Tāhah bin Ubaidillah. Mereka bermusyawarah tentang dasar yang akan digunakan dalam membakukan nomor tahun kalender Islam. Ada yang mengusulkan dimulai dari tahun kelahiran Rasulullah SAW. Ada juga yang mengusulkan dimulai dari tahun pengangkatan Muhammad SAW sebagai Rasul. Ali bin Abi Tālib mengusulkan berdasarkan momentum hijrah Rasulullah SAW dari Makkah ke Yatstrib (Madinah). Usulan Ali disetujui oleh yang lain, dan semenjak itu tahun terjadinya peristiwa hijrah ditetapkan sebagai tahun pertama kalender Islam.¹ Sejalan dengan penetapan ini kalender Islam kemudian dikenal dengan sebutan Kalender Hijriah.

Berdasarkan penetapan ini, tanggal 1 Muharam tahun 1 H. bertepatan dengan tanggal 16 Juli 622 M. Peristiwa hijrahnya sendiri tidak terjadi pada tanggal dan bulan tersebut, melainkan pada bulan ke-3 (Rabi'ul Awal tahun 1 H. / September tahun 622 M.). Setelah menempuh perjalanan selama tujuh hari, Nabi Muhammad SAW tiba di Quba' pada hari Senin, 8 Rabi'ul Awal 1 H. (20 September 622 M.). Empat hari sesudahnya, yakni pada Jum'at 12 Rabi'ul Awal 1 H. (24 September 622 M.), beliau meninggalkan Quba' dan tiba di Yatsrib.²

Dalam penulisan, tahun Hijrah lazim dilambangkan dengan huruf kapital H. untuk bahasa Indonesia, huruf (هـ) untuk bahasa Arab, dan A.H. (singkatan dari *Anno Hegirea*, artinya sesudah hijrah) untuk bahasa-bahasa Eropah.

¹ "Kalender Hijriyah" dalam *Wikipedia bahasa Indonesia, Ensiklopedia Bebas*, (http://id.wikipedia.org/wiki/Kalender_Hijriyah)

² A. Hafizh Dasuki (Pemimpin Redaksi), *Ensikopedi Islam*, "Hijrah", vol. 2, (Jakarta: PT Ichtisar Baru Van Hoeve, 1993), 110

Sistem Hisab 'Urfi Kalender Hijriah

Dengan mengacu pada siklus sinodik Bulan, sistem hisab 'urfi kalender Hijriah berlaku menurut acuan penetapan umur-umur tahun (*year*) dan bulan (*month*) sebagai berikut.

1. Umur Tahun dan Siklusnya

Panjang rata-rata siklus sinodik Bulan (bulan sinodik), sebagaimana telah disinggung, adalah 29 hari 12 jam 44 menit 3 detik atau 29,530590277 hari. Berdasarkan panjang rata-rata bulan sinodik ini maka panjang rata-rata tahun Hijriah dihitung 354 hari 8 jam 48 menit 36 detik atau 354.3670832 hari atau $354 \frac{11}{30}$ hari (diperoleh dari perhitungan 12×29 hari 12 jam 44 menit 3 detik).

Mengacu pada hitungan ini, tahun-tahun dalam sistem 'urfi Kalender Hijriah dibedakan menjadi dua, yakni Tahun *Basitah* atau *Common Year* yang ditetapkan umurnya 354 dan Tahun *Kabisah* atau *Leap Year* yang ditetapkan umurnya 355 hari..

Berdasarkan adanya kelebihan angka pecahan sebesar $\frac{11}{30}$ hari dalam hitungan panjang rata-rata tahun Hijriah di atas ditetapkanlah masa 30 tahun sebagai **Siklus Kalender Hijriah** yang terdiri dari 19 tahun *basitah* dan 11 tahun *kabisah*. Dengan demikian, umur siklus 'urfi kalender Hijriah adalah **10.631 hari** yang diperoleh dari perhitungan $(19 \times 354) + (11 \times 355)$.

Sebelas tahun-tahun *kabisah* dalam siklus kalender Hijriah tigapuluhtahunan tersebut terletak pada urutan tahun ke 2, 5, 7, 10, 13, 16, 18, 21, 24, 26 dan 29 (yakni seperti urutan huruf A pada kalimat SALMAN ALI ANTAR KAPAL DARI ARABIA). Untuk lebih jelasnya, periksa tabel 8,1 berikut ini.

Tabel : 8.1
Umur Tahun dan Siklus Masehi

Thn	Umur	Total
1	354	354
2	355	709

Thn	Umur	Total
16	355	5.670
17	354	6.024

9.	Ramadan	30	266	30	266
10.	Syawwal	29	295	29	295
11.	Dzu al-Qa'dah	30	325	30	325
12.	Dzu al-Hijjah	29	354	30	355

3. Langkah Hisab 'Urfi Kalender Hijriah

Berdasarkan umur siklus, umur tahun, dan umur bulan di atas, total umur (jumlah hari) 'urfi kalender Hijriah sampai dengan tanggal tertentu, baik tanggal di masa yang lalu maupun di masa yang akan datang, dapat dihisab dengan langkah-langkah sebagai berikut.

- a. Tentukan lebih dahulu berapa tahun, berapa bulan, dan berapa hari umur Kalender 'Urfi Hijriah sampai dengan tanggal tertentu yang dikehendaki dengan cara menghitung jumlah tahun yang sudah penuh (berlalu), jumlah bulan yang sudah penuh (berlalu), dan jumlah hari pada bulan yang sedang berjalan sampai dengan tanggal tertentu yang dikehendaki tersebut.

Misalnya, umur 'urfi kalender Hijriah sampai dengan tanggal 20 Ramadan 1414 adalah: 1413 tahun + 8 bulan + 20 hari.

- b. Bagilah angka tahun penuh itu dengan 30, yakni angka jumlah tahun dalam satu siklus Hijriah.

Misalnya, $1413/30 = 47,1$

Angka bulat pada hasil-bagi di atas adalah angka jumlah siklus kalender Hijriah. Kalikan angka tersebut dengan 10.631, yakni angka jumlah hari dalam satu siklus kalender Hijriah, untuk mendapatkan angka jumlah harinya.

Misalnya, $47 \times 10.631 = 499.657$ hari

- c. Angka pecahan (angka di belakang koma) pada hasil-bagi di atas, yakni 0,1, menunjukkan angka tahun sisa (yang tidak mencapai satu siklus 'urfi kalender Masehi). Kalikan angka pecahan tersebut dengan 30, yakni jumlah tahun dalam satu siklus 'urfi kalender Hijriah, untuk

	3 tahun x 354 + 1	≈	≈	≈	≈	1.063
Bulan	8 (Muharram-Sya'ban)	≈	≈	≈	≈	236
Hari	20 (dalam Ramadan)	≈	≈	≈	≈	20
	JUMLAH	≈	≈	≈	≈	500.976

Kesimpulannya, jumlah 'urfi hari kalender Hijriah sampai dengan tanggal 20 Ramadan 1414 adalah 500.976 hari.

4. Penentuan Nama Hari dan Pasaran

Setelah jumlah hari dalam Kalender 'Urfi Hijriah sampai dengan tanggal tertentu yang dikehendaki diketahui, maka nama hari dan pasaran dari tanggal tersebut bisa ditentukan dengan berpedoman pada urutan jatuhnya hari dan pasaran tersebut dalam kalender Hijriah. Bertolak dari realitas historik bahwa tanggal 1 Muharram tahun 1 H. jatuh pada hari **Jum'at** pasaran **Legi**, maka:

- Urutan jatuhnya hari dalam pekan mingguan dimulai dari 1) Jumat, 2) Sabtu, 3) Minggu, 4) Senin, 5) Selasa, 6) Rabu, dan 7) Kamis.
- Urutan jatuhnya pasaran dalam pekan pancawara dimulai dari 1) *Legi*, 2) *Pahing*, 3) *Pon*, 4) *Wage*, dan 5) *Kliwon*.

Hisab penentuan nama hari dilakukan dengan membagi 7 angka jumlah hari di atas. Kalau angka itu terbagi habis, maka tanggal tertentu yang dikehendaki itu jatuh pada ke-0 atau hari ke-7, yaitu Kamis. Kalau tidak terbagi habis, kalikan angka pecahan (angka di belakang koma) dengan 7 (angka jumlah hari dalam pekan mingguan) untuk mengetahui angka jumlah hari sisanya. Kalau angka sisanya 1 berarti Jum'at, kalau 2 berarti Sabtu, dan seterusnya.

Hisab penentuan nama pasaran dilakukan dengan membagi 5 angka jumlah hari di atas. Kalau terbagi habis, berarti tanggal tertentu yang dikehendaki itu jatuh pada pasaran ke-0 atau ke-5, yakni *Kliwon*. Kalau tidak terbagi habis, kalikan angka pecahan (angka di belakang koma) dengan 5 (angka jumlah pasaran dalam pekan pancawara) untuk mengetahui

angka jumlah pasaran sisanya. Kalau angka sisanya 1 berarti *Legi*, kalau 2 berarti *Pahing*, dan seterusnya.

Implementasi hisab penentuan nama hari dan pasaran untuk kasus yang dicontohkan di atas adalah sebagaimana tertuang dalam tabel 8.4 berikut ini.

Tabel : 8.4

Penentuan Nama Hari dan Pasaran Tanggal 20 Ramadan 1414 H.
(Jumlah Hari : 500.976)

SATUAN	RINCIAN	TAMPUNGAN		HARI/PASARAN	
		Pokok	Sisa	Ke	Nama
HARI	500.976 : 7	71.568	0	0/7	Kamis
PASARAN	500.976 : 5	100.195	1	1	Legi

Urutan hari Hijriah: 1. Jumat, 2. Sabtu, 3. Minggu, 4. Senin, 5. Selasa, 6. Rabu, 7. Kamis.

Urutan Pasaran Hijriah: 1. Legi, 2. Pahing, 3. Pon, 4. Wage, 5. Kliwon.

Kesimpulannya, tanggal 20 Ramadan 1414 jatuh pada hari ke 0/7, yaitu Kamis, dan pada pasaran ke 1, yaitu *Legi*.

Rangkuman

1. Dasar dari penyusunan kalender 'urfi hijriah adalah siklus sinodik bulan rata-rata atau masa rata-rata yang membentang di antara dua ijtimak (konjungsi) yang berurutan, yakni 29 hari 12 jam 44 menit 3 detik atau 29,530590277 hari.
2. Dalam sistem perhitungan 'urfi kalender hijriah, tahun *basitah* terdiri dari 354 hari yang dibagi dalam 12 bulan dengan rincian umur: 30, 29, 30, 29, 30, 29, 30, 29, 30, 29, 30, dan 29 hari. Sedangkan tahun *kabisah* terdiri dari 355 hari, yakni lebih panjang 1 hari daripada tahun *basitah*. Kelebihan 1 hari tersebut diletakkan pada bulan ke 12 (Zulhijjah) sehingga dalam tahun *kabisah* umurnya menjadi 30 hari. Dalam kalender 'urfi hijriah ada 30 tahunan (10.631 hari) yang terdiri dari 19 tahun *basitah* dan 11 tahun *kabisah*. Dalam siklus 30 tahunan itu tahun-tahun *kabisah* jatuh pada urutan ke 2, 5, 7, 10, 13, 16, 18, 21, 24, 26, dan 29.

Paket 10

HISAB HAKIKI IJTIMAK DAN UMUR BULAN

Pendahuluan

Sesudah dalam tiga paket terakhir materi perkuliahan difokuskan pada ihwal hisab *'urfi* maka mulai paket ini materi perkuliahan memasuki materi hisab hakiki, yakni hisab yang bersifat astronomik, bukan sekedar aritmatik seperti hisab *'urfi*. Hisab hakiki menentukan awal bulan hijriah berdasarkan posisi bulan yang senyatanya, bukan berdasarkan hitungan rata-rata siklus ijtimak seperti dalam hisab *'urfi*. Untuk menghisab saat ijtimak dibutuhkan data tentang posisi bulan dan matahari. Dalam hal ini sumber data yang diacu adalah tabel Ephemeris Hisab Rukyat yang diterbitkan oleh Kementerian Agama RI. Oleh karena penyajian data dalam tabel tersebut mengacu pada kelender masehi, maka diperlukan kerja hisab *'urfi* konversi kalender guna memperkirakan jatuhnya akhir bulan hijriah pada kalender masehi, yakni tanggal yang diperkirakan bahwa saat ijtimak yang akan dihisab terjadi pada hari tersebut. Saat ijtimak itu sendiri merupakan *moment* awal untuk menghitung umur bulan (*moon age*) pada saat terbenam matahari. Tentu saja dengan demikian setelah menghitung saat ijtimak, hisab hakiki dilanjutkan dengan menghitung saat terbenam matahari.

Dengan demikian pada paket ini materi perkuliahan yang disajikan kepada mahasiswa dibagi uraiannya menjadi tiga sub bahasan, yakni 1) Perkiraan jatuhnya akhir bulan hijriah dalam kelender masehi; 2) Hisab saat ijtimak (konjungsi) bulan dan matahari; dan 3) Hisab saat terbenam matahari. Perkuliahan untuk materi-materi ini diselenggarakan dengan dukungan tayangan *slide power point* yang disiapkan oleh dosen. Di samping itu, mahasiswa diberi tugas untuk membaca uraian materi dan melakukan praktik hisab dengan panduan lembar kegiatan. Penguasaan terhadap materi pada paket ini akan memberi wawasan yang penting bagi mahasiswa dalam mempelajari materi pada paket selanjutnya.

Pelaksanaan perkuliahan ini memerlukan dukungan media pembelajaran berupa *LCD Projector*, Komputer atau Lap Top, Kertas Plano, Spidol, Isolasi, kalkulator sains, dan *White Board*.

A. Hisab Saat Ijtimak

Hisab saat ijtimak ialah perhitungan astronomis untuk mengetahui saat terjadinya peristiwa ijtimak atau konjungsi Bulan dan Matahari.

1. Data Yang Diperlukan

Hisab saat ijtimak, seperti telah disinggung, membutuhkan data tentang harga ALB dan ELM. Untuk mencari data-data tersebut dalam tabel Ephemeris, tanggal hasil perkiraan jatuhnya akhir bulan Hijriah dalam kalender Masehi di atas penting dijadikan panduan pada sekitar tanggal berapa Masehi data-data yang dimaksud bisa dicari. Sedangkan dari sisi yang lebih rinci, yakni pada sekitar jam berapa, maka harga *fraction illumination* bulan (FIB)¹ yang tersaji pada tabel Ephemeris bisa dibuat panduan.

Harga FIB tersebut dalam tabel Ephemeris disajikan per jam dengan harga yang terus berubah mulai dari angka 0 sampai 1. FIB mencapai harga terkecil pada saat ijtimak (konjungsi) dan mencapai harga terbesar pada saat *istiqbal*(oposisi). Sejalan dengan ini harga FIB yang terkecil bisa dijadikan panduan untuk menemukan pada sekitar jam berapa dapat ditemukan data harga ALB yang sama dengan –atau yang mendekati– harga ELM.

Dalam praktiknya, pencarian data harga ALB dan ELM dari tabel Ephemeris bisa terjadi dalam empat alternatif kemungkinan sebagai berikut.

- o Pada baris jam FIB terkecil tertera data harga ALB sama dengan harga ELM. Jika ini yang terjadi, meski sebenarnya amat sangat jarang, maka kita langsung tetapkan jam tersebut sebagai saat terjadinya ijtimak.
- o Pada baris jam FIB terkecil tertera data harga ALB mendekati harga ELM. Jika ini yang terjadi, maka kita tetapkan jam tersebut

¹ Yakni bagian dari permukaan Bulan yang terkena sinar atau tercahayai matahari dan menghadap ke bumi.

Kesimpulannya, ijtimak akhir Ramadan 1426 H. terjadi pada tanggal 2 Nopember 2005, pukul 01.27 GMT atau 08.27 WIB.

Hisab Saat Terbenam Matahari

Hisab saat terbenam matahari ini pada dasarnya sama dengan hisab awal waktu salat Maghrib yang telah disajikan contoh hisabnya pada paket materi terdahulu. Bedanya, hisab saat terbenam matahari di sini cukup sampai dengan dihasilkannya saat terbenam matahari pada titik lokasi pengamat (*observer*) saja, tidak dilanjutkan dengan menambahkan waktu ikhtiyati (WI) untuk mengkafer saat terbenam matahari di seluruh kawasan sebuah kota/kabupaten.

Dengan mengambil contoh kasus hisab saat terbenam matahari pada tanggal terjadinya ijtimak (2 Nopember 2005) untuk *markaz* kota Surabaya dengan ketinggian 30 meter di atas permukaan laut (DPL), berikut ini dikemukakan data-data hisab yang diperlukan.

ϕ Surabaya	=	$-7^{\circ} 15'$
λ Surabaya	=	$112^{\circ} 45' ^2$
e (05.00 GMT)	=	$16^m 28^d$
δ Matahari	=	$-20^{\circ} 10' 52''$
SD Matahari (11.00 GMT)	=	$0^{\circ} 16' 07.20'' ^3$
Refraksi (Refr)	=	$0^{\circ} 34,5'$
D' ($0^{\circ} 1.76' \times \sqrt{30}$)	=	$0^{\circ} 9' 38,4''$
Kwd WIB ($105^{\circ} - 112^{\circ} 15'$) : 15	=	$-00:31$
h Matahari : $0^{\circ} - SD - Refr - D'$	=	$-01^{\circ} 0' 15.6''$

Rumus hisab untuk menghitung saat terbenam matahari dalam WIB adalah: **Saat Terbenam = WKM dalam WIB + Jam t**

- o WKM dalam WIB adalah waktu kulminasi matahari dalam Waktu Indonesia Barat. Harganya dicari dengan rumus $12:00 - e + kwdWIB$.

² Harga ϕ dan λ Surabaya dikutip dari Saadod' ddiin Djambek, *Almanak Djamilijah*. Jakarta: Tintamas, 1953, 49

³ Harga e , δ , dan SD matahari dikutip dari Kementerian Agama Republik Indonesia, *Ephemeris Hisab Rukyat*, 2 Nopember 2005.

Paket 11

HISAB HAKIKI POSISI BULAN

Pendahuluan

Sebagai hisab hakiki saat ijtimak dan umur bulan dikaji pada paket yang lalu, perkuliahan pada paket ini melanjutkannya dengan materi hisab hakiki posisi bulan, yakni posisi bulan di saat terbenam matahari pada tanggal terjadinya ijtimak. Posisi yang dihisab ialah harga ketinggian (h) atau jarak vertikalnya terhadap ufuk. Harga ketinggian bulan, dengan demikian, memberi gambaran tentang kedudukannya pada saat terbenam matahari, yakni apakah masih di bawah ufuk ataukah sudah di atas ufuk dan berapa lama. Di samping itu segi yang dihisab adalah juga harga *azimuth* bulan dan *azimuth* matahari untuk mengetahui jarak horizontal kedua benda langit itu terhadap titik-titik mata angin, khususnya titik barat. Beda harga *azimuth* bulan dan *azimuth* matahari melahirkan gambaran apakah hilal miring ke utara, miring ke selatan, ataukah telentang. Segi lainnya yang juga dihisab adalah harga elongasi bulan, yakni jarak sudut atau jarak busurnya dengan matahari. Semakin besar harga elongasi bulan, ketebalan hilal senakin bertambah.

Sejalan dengan uraian di atas, materi tentang hisab hakiki posisi bulan dalam paket ini dipilah menjadi tiga sub bahasan, yakni: 1) Hisab ketinggian dan *muk* bulan; 2) Hisab *azimuth* bulan dan matahari; 3) Hisab sudut elongasi bulan. Perkuliahan mengenai materi-materi tersebut diselenggarakan dengan dukungan tayangan *slide power point* yang disiapkan oleh dosen. Di samping itu, mahasiswa diberi tugas untuk membaca uraian materi dan membuat laporan kerja kelompok dengan panduan lembar kegiatan. Penguasaan terhadap materi pada paket ini akan memberi wawasan yang penting bagi mahasiswa dalam mempelajari materi pada paket selanjutnya.

Pelaksanaan perkuliahan ini memerlukan dukungan media pembelajaran berupa *LCD Projector*, Komputer atau Lap Top, Kertas Plano, Spidol, Isolasi, dan *White Board*.

Uraian Materi

HISAB HAKIKI POSISI BULAN

Hisab hakiki posisi bulan ialah perhitungan astronomik untuk mengetahui posisi bulan (*qamar, moon*) yang senyatanya di saat matahari terbenam pada hari/tanggal terjadinya ijtimak (konjungsi) sebagai dasar penentuan awal bulan (*shahr, month*) dalam kalender hijriah. Dalam hal ini bulan dihisab dari segi ketinggian atau *irtifa'*nya di saat matahari terbenam itu, *muks|* atau panjang waktunya berada di atas ufuk, beda *azimuth*nya dengan matahari, dan sudut elongasi bulan.

Sejalan dengan itu bahasan tentang hisab hakiki posisi bulan ini dipilah menjadi tiga sub bahasan. Pertama, hisab ketinggian dan *muks|* bulan. Kedua, hisab *azimuth* bulan dan matahari. Ketiga, hisab sudut elongasi Bulan.

Untuk lebih memperjelas hal-hal di atas, berikut ini disajikan contoh aplikasi hisab posisi bulan di saat matahari terbenam (pukul 10:24:27.66 GMT) pada tanggal terjadinya ijtimak akhir Ramadan 1426 H. (2 Nopember 2005), dengan *markaz* kota Surabaya pada ketinggian 30 meter di atas permukaan laut (DPL).

Hisab Ketinggian dan *Muks|*Bulan

Ketinggian (*irtifa'*) bulan ialah jarak vertikal bulan terhadap ufuk pada saat terbenam matahari. Sedangkan *muks|* ialah panjang waktu bulan berada di atas ufuk yang dihitung dari saat terbenam matahari.

1. Data Yang Diperlukan

Hisab ketinggian hakiki (*h*) bulan, yakni ketinggian bulan yang senyatanya, membutuhkan data tentang harga ϕ (lintang tempat) *markaz*, harga δ (deklinasi) bulan pada saat terbenam matahari, dan harga *t* (sudut waktu) bulan pada saat terbenam matahari.

a. δ Bulan

Harga δ bulan pada saat terbenam matahari (pukul 10:24:27.66 GMT), oleh karena tidak tersedia data persisnya, kita peroleh melalui hisab interpolasi: $A - (A-B) \times C/i$ atas data pada pukul 10:00 dan 11:00 GMT.

Di mana A = Data pada baris pertama (10:00 GMT)

B = Data pada baris kedua (11:00 GMT)

C = Menit dan detik kelebihan atas angka jam pada baris pertama (10:00 GMT).

i = Interval dari angka jam baris pertama (10:00) sampai angka jam baris kedua (11:00).

Aplikasi hisab:

$$10:00 \text{ GMT} = -18^\circ 44' 00''$$

$$11:00 \text{ GMT} = -18^\circ 56' 20''^1$$

$$A - (A-B) \times C/i$$

$$-18^\circ 44' 00'' - [(-18^\circ 44' 00'' - -18^\circ 56' 20'') \times 00:24:27.66 / 1]$$

$$10:24:27.66 \text{ GMT} = -18^\circ 49' 1.69''$$

Harga t bulan pada saat matahari terbenam diperoleh melalui perhitungan dengan formula: **AR Matahari – AR Bulan + t Matahari**, dimana **AR** adalah Asensio Rekta pada saat terbenam matahari, dan **t** adalah Sudut Waktu pada saat terbenam matahari.

Berikut ini dikemukakan contoh aplikasi hisab t bulan di saat terbenam matahari pada tanggal 2 Nopember 2005, yakni tanggal terjadinya ijtima' akhir Ramadan 1426 H., dengan *markaz* kota Surabaya pada ketinggian 30 meter DPL dengan data terbenam matahari pukul 10:24:27.66 GMT (hasil aplikasi hisab pada paket 10 yang lalu).

¹ Data harga δ bulan ini dikutip dari Kementerian Agama Republik Indonesia, *Ephemeris Hisab Rukyat*, 2 Nopember 2005.

$$b. t \text{ bulan} = \text{AR matahari} - \text{AR bulan} + t \text{ matahari}$$

Harga AR matahari dan AR bulan pada pukul 10:24:27.66 GMT, diperoleh dengan menginterpolasi data pada pukul 10:00 dan 11:00 GMT.

⇒ **AR matahari:**

$$\begin{aligned} 10:00 \text{ GMT} &= 217^\circ 40' 14'' \\ 11:00 \text{ GMT} &= 217^\circ 42' 42'' \\ &A - (A-B) \times C/i \\ &217^\circ 40' 14'' - [(217^\circ 40' 14'' - 217^\circ 42' 42'') \times 00:24:27.66 / 1] \\ 10:24:27.66 \text{ GMT} &= 217^\circ 41' 14.3'' \end{aligned}$$

⇒ **AR bulan:**

$$\begin{aligned} 10:00 \text{ GMT} &= 221^\circ 07' 28'' \\ 11:00 \text{ GMT} &= 221^\circ 39' 58'' \\ &A - (A-B) \times C/i \\ &221^\circ 07' 28'' - [(221^\circ 07' 28'' - 221^\circ 39' 58'') \times 00:24:27.66 / 1] \\ 10:24:27.66 \text{ GMT} &= 221^\circ 20' 42.9'' \end{aligned}$$

$$\Rightarrow t \text{ matahari} = 92^\circ 58' 54,91'' \text{ (dari aplikasi hisab paket 10)}$$

Berdasarkan data-data ini, formula hisab untuk harga t bulan di atas dapat diselesaikan sebagai berikut.

$$\begin{aligned} t \text{ bulan} &= \text{AR matahari} - \text{AR bulan} + t \text{ matahari} \\ &= 217^\circ 41' 14,3'' - 221^\circ 20' 42,9'' + 92^\circ 58' 54,91'' \\ &= 89^\circ 19' 26,31'' \end{aligned}$$

2. Formula Hisab dan Aplikasinya

Untuk memperoleh harga ketinggian hakiki (h) bulan formula hisabnya adalah: $\sin h = \sin \phi \times \sin \delta + \cos \phi \times \cos \delta \times \cos t$. Aplikasi hisabnya adalah sebagaimana contoh di bawah ini.

$$\text{Data } \phi = -7^\circ 15' ^2$$

² Harga ϕ Surabaya dikutip dari Saadod'ddin Djambek, *Almanak Djamilijah*. Jakarta: Tintamas, 1953, 49

Harga HP (*horizontal parallax*) untuk pukul 10:24:27.66 GMT (saat terbenam Matahari) diambil dari tabel Ephemeris pada baris jam yang terdekat, yakni pukul 10:00 GMT = $0^{\circ} 57' 05''$.³

Aplikasi hisab untuk mencari harga parallax pada saat terbenam Matahari adalah sebagai berikut.

$$\begin{aligned} \text{Parallax} &= \text{HP} \times \cos h \\ &= 0^{\circ} 57' 05'' \times \cos 2^{\circ} 58' 6'' \\ &= 0^{\circ} 57' 0.4'' \end{aligned}$$

- b. Semi Diameter (SD) bulan, yaitu jarak dari titik pusat bulan sampai ke garis tepi piringannya. Semi Diameter disebut juga dengan Separuh Garis Tengah atau Jari-Jari. Karena jarak bumi-bulan berubah-ubah, maka ukuran semi diameter bulan pun berubah-ubah.

Untuk mendapatkan ketinggian *mar'i*, harga **SD digunakan sebagai faktor koreksi pengurang (-)** karena obyek yang terlihat adalah bagian permukaan bulan yang tercahayai matahari dan menghadap ke bumi. Bagian itu –untuk bulan yang berada di atas ufuk pada saat terbenam matahari– berbentuk lengkung tipis laksana daun tandan tua dan terletak di bibir bawah (*lower limb*) piringannya. Perhatikan ilustrasinya pada gambar 11.2 di bawah ini.

³ Harga HP yang lebih cermat dalam arti harga persis pada saat terbenam matahari bisa diperoleh dengan hisab interpolasi (penyisipan) atas harga HP pada dua baris jam di mana saat terbenam matahari terjadi di antara keduanya yang untuk contoh ini adalah harga HP pada baris jam 10 dan harga HP pada baris jam 11.

Refraksi mencapai harga terkecil (0°) ketika ketinggian hakiki (h) benda langit = 90° dan mencapai harga terbesar ($0^\circ 34' 30''$) ketika ketinggian hakiki (h) nya = $-0^\circ 34' 30''$. Untuk benda langit yang ketinggian hakiki (h) nya lebih rendah dari $-0^\circ 34' 30''$, misalnya $-0^\circ 40' 50''$, maka harga refraksinya adalah harga refraksi terbesar.

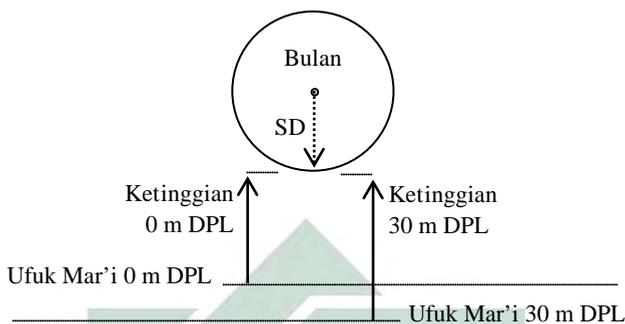
Harga refraksi benda langit diperoleh melalui perhitungan dengan formula hisab: $0,016695 : \tan [h + 10,3 : (h + 5,1255)]$

Dengan formula hisab di atas harga refraksi bulan dengan ketinggian hakiki (h) = $2^\circ 58' 6''$ dapat diperoleh dengan aplikasi perhitungan sebagai berikut.

$$\begin{aligned} \text{Refraksi} &= 0,016695 : \tan [2^\circ 58' 6'' + 10,3 : (2^\circ 58' 6'' + 5,1255)]. \\ &= 0^\circ 13' 30,51'' \end{aligned}$$

- d. Kerendahan Ufuk *Mar'i* (D'), yaitu jarak turun ufuk *mar'i* yang diakibatkan oleh ketinggian tempat (posisi mata pengamat) yang mempunyai jarak tertentu terhadap permukaan laut. Ini berarti bahwa untuk tempat yang berada persis pada ketinggian 0 meter DPL, harga D' nya = 0° .

Jika ufuk *mar'i* turun, maka jarak vertikal benda langit ke ufuk *mar'i* tersebut tentu bertambah. Harga pertambahannya adalah sebesar harga kerendahan ufuk *mar'i* (D') itu sendiri. Karena itu, dalam koreksi untuk mendapatkan harga ketinggian *mar'i* bulan **harga D' digunakan sebagai faktor penambah (+)**. Perhatikan ilustrasinya pada gambar 11.4 di bawah ini.



Gambar 11.4

Harga D' tersebut diperoleh melalui perhitungan dengan formula hisab:
 $0^\circ 1.76' \times \sqrt{\text{meter DPL}}$.

Dengan formula hisab ini, harga D' *markaz* (kota Surabaya) yang berada pada ketinggian 30 meter DPL dapat diperoleh melalui perhitungan:

$$\begin{aligned} D' &= 0^\circ 1.76' \times \sqrt{30} \\ &= 0^\circ 9' 38.4'' \end{aligned}$$

Dengan mengacu pada uraian mengenai empat faktor koreksi di atas harga ketinggian *mar'i* (h') bulan (hilal) dapat dihitung dengan formula hisab sebagai berikut.

$$\begin{aligned} h' &= h - \text{Parallax} - SD + \text{Refraksi} + D' \\ &= 2^\circ 58' 6'' - 0^\circ 57' 0.4'' - 0^\circ 15' 33.43'' + 0^\circ 13' 30.51'' + 0^\circ 9' 38.4'' \\ &= 2^\circ 8' 41.08'' \end{aligned}$$

Selanjutnya dengan harga ketinggian *mar'i* (h') bulan di atas dapat dihitung panjang waktu bulan berada di atas (*muks*) dengan formula hisab:
 $h' : 15$ sebagai berikut.

$$\begin{aligned} \text{Muks} &= h' : 15 \\ &= 2^\circ 8' 41.08'' : 15 \\ &= 0^j 8^m 34.74^d \end{aligned}$$

Dari aplikasi hisab di atas diketahui bahwa harga ketinggian hakiki (h) bulan adalah $2^{\circ} 58' 6''$, harga ketinggian *mar'i* (h') bulan adalah $2^{\circ} 8' 41,08''$, dan panjang waktu bulan berada di atas ufuk (*muks*) adalah 8 menit 34,74 detik.

Hisab *Azimuth* Bulan dan Matahari

Hisab *azimuth* bulan dan matahari dimaksudkan untuk, pertama, mengetahui jarak *horizontal* bulan terhadap titik Barat sehingga diperoleh kecermatan dalam mengarahkan pandangan ketika mengobservasi atau merukyat hilal. Kedua, mengetahui jarak *horizontal* bulan terhadap matahari sehingga bisa diperoleh gambaran tentang kemiringan hilal: miring ke utara, miring keselatan, atau telentang. Harga *Azimuth* diperoleh melalui perhitungan dengan rumus: $\cotan a = -\sin \phi : \tan t + \cos \phi \times \tan \delta : \sin t$.

Rumus ini menghasilkan harga *azimuth* per kwadran (seperempat lingkaran). Karena itu penentuan posisi *azimuth*nya perlu memperhatikan di kwadran mana benda langit yang bersangkutan berada. Untuk perhitungan harga *azimuth* bulan dan matahari di saat terbenam matahari paska terjadinya ijtimaq, tentu saja posisi *azimuth*nya bisa di kwadran 2 (utara-barat) atau di kwadran 3 (selatan-barat). Harga *azimuth* positif menunjukkan bahwa benda langit yang bersangkutan berada di kwadran 2 (utara-barat) di mana 0° di titik Utara dan 90° di titik Barat. Harga *azimuth* negatif (-) menunjukkan bahwa benda langit yang bersangkutan berada di kwadran 3 (selatan-barat) di mana 0° di titik Selatan dan 90° di titik Barat.

Harga *azimuth* positif (kwadran 2) dapat dikonversi menjadi harga *azimuth* radian (lingkaran) dengan perhitungan: 360° dikurangi harga *azimuth*. Sedangkan harga *azimuth* negatif (kwadran 3) dikonversi menjadi harga *azimuth* radian (lingkaran) dengan perhitungan: 180° dikurangi harga *azimuth*. Dalam *azimuth* radian, harga *azimuth* Titik Utara = 0° , Titik Timur = 90° , Titik Selatan = 180° , dan Titik Barat = 270° .

Berikut ini disajikan contoh aplikasi hisab harga *azimuth* bulan dan *azimuth* matahari di saat terbenam matahari pada tanggal 2 Nopember 2005.

⇒ Hisab *Azimuth* Bulan:

$$\begin{aligned}\phi \text{ Surabaya} &= -7^\circ 15' \\ \delta \text{ Bulan} &= -18^\circ 49' 1.69'' \\ T \text{ Bulan} &= 89^\circ 19' 26.31'' \\ \text{cotan } A &= -\sin \phi : \tan t + \cos \phi \times \tan \delta : \sin t \\ &= -\sin -7^\circ 15' : \tan 89^\circ 19' 26.31'' + \cos -7^\circ 15' \times \tan - \\ &\quad 18^\circ 49' 1.69'' : \sin 89^\circ 19' 26.31'' \\ &= -0.336571596 \\ A &= -71^\circ 23' 53.62'' \text{ (kwadran 3) atau } 251^\circ 23' 53.62'' \\ &\quad \text{(radian)}\end{aligned}$$

⇒ Hisab *Azimuth* Matahari:

$$\begin{aligned}\phi \text{ Surabaya} &= -7^\circ 15' \\ \delta \text{ Matahari} &= -14^\circ 51' 15'' \\ t \text{ Matahari} &= 92^\circ 58' 54.91'' \\ \text{cotan } A &= -\sin \phi : \tan t + \cos \phi \times \tan \delta : \sin t \\ &= -\sin -7^\circ 15' : \tan 92^\circ 58' 54.91'' + \cos -7^\circ 15' \times \tan -- \\ &\quad 14^\circ 51' 15'' : \sin 92^\circ 58' 54.91'' \\ &= -0.270033158 \\ A &= -74^\circ 53' 19.15'' \text{ (kwadran 3) atau } 254^\circ 53' 19.15'' \\ &\quad \text{(radian)}\end{aligned}$$

Dari aplikasi hisab di atas diketahui bahwa bulan dan matahari berada dalam satu kwadran, yakni kwadran 3 (selatan-barat). Harga *azimuth* bulan adalah $-71^\circ 23' 53,62''$ (kwadran) atau $251^\circ 23' 53,62''$ (radian). Harga *azimuth* matahari adalah $-74^\circ 53' 19,15''$ (kwadran) atau $254^\circ 53' 19,15''$ (radian). Bulan berada pada jarak $-18^\circ 36' 6,38''$ ⁵ (arah ke selatan) dari Titik

⁵ Angka ini diperoleh dari perhitungan harga *azimuth* radian bulan dikurangi harga *azimuth* radian titik barat ($251^\circ 23' 53,62'' - 270^\circ$).

Di bawah ini disajikan contoh aplikasi hisabnya dengan mengacu pada data-data berikut ini.

$$\begin{aligned}
 h \text{ Matahari} &= -1^\circ 0' 15,6'' \text{ (dikutip dari paket 10)} \\
 h \text{ Bulan} &= 2^\circ 58' 6'' \text{ (hasil hisab di atas)} \\
 az \text{ Matahari} &= 254^\circ 53' 19,15'' \text{ (radian)} \\
 az \text{ Bulan} &= 251^\circ 23' 53,62'' \text{ (radian)} \\
 \cos \text{ El bulan} &= \sin -1^\circ 0' 15,6'' \times \sin 2^\circ 58' 6'' + \cos -1^\circ 0' 15,6'' \times \\
 &\quad \cos 2^\circ 58' 6'' \times \cos (254^\circ 53' 19,15'' - 251^\circ 23' \\
 &\quad 53,62'') \\
 &= 0,995744974 \\
 &= 5^\circ 17' 14,67''
 \end{aligned}$$

Kesimpulannya, harga **Sudut Elongasi Bulan** di saat terbenam matahari pada tanggal terjadinya ijtima' akhir Ramadan 1426 H. (2 Nopember 2005) adalah $5^\circ 17' 14,67''$.

Rangkuman

1. Hisab ketinggian hakiki (h) bulan memerlukan data harga ϕ *markaz*, harga δ bulan pada saat terbenam matahari, dan harga t bulan pada saat terbenam matahari. Formula hisabnya adalah $\sin h = \sin \phi \times \sin \delta + \cos \phi \times \cos \delta \cos t$.

Ketinggian *mar'i* (h') bulan diperoleh dari hisab koreksi terhadap ketinggian hakiki (h) bulan dengan formula hisab: $h' = h - \text{Parallax} - \text{SD} + \text{Refraksi} + D'$.

Jika ketinggian *mar'i* (h') bulan positif terhadap ufuk, maka *muks* bulan (panjang waktu bulan berada di atas ufuk) dihisab dengan formula $h'/15$.

2. Hisab *azimuth* kwadran bulan memerlukan data harga ϕ *markaz*, harga δ bulan pada saat terbenam matahari, dan harga t bulan pada saat terbenam matahari. Sedangkan hisab *azimuth* kwadran matahari memerlukan data harga ϕ *markaz*, harga δ matahari pada saat terbenam,

Paket 12

TEKNIK OBSERVASI HILAL

Pendahuluan

Perkuliahan pada paket ini menyajikan materi tentang teknik observasi atau rukyat hilal yang merupakan kegiatan lanjutan dari hisab posisi hilal pada paket sebelumnya. Artinya setelah posisi hilal di atas kertas diketahui melalui hisab atau perhitungan, maka langkah berikutnya dalam rangka mengobservasi hilal tersebut adalah mengidentifikasi posisi hilal tersebut dari pusat observasi atau *markaz* rukyat. Langkah yang pertama adalah mengidentifikasi arah ke titik barat sejati (TBS), lalu mengidentifikasi arah ke titik *azimuth* bulan, kemudian melokalisasi area kemunculan hilal dengan piranti bingkai (gawang lokasi) untuk membatasi pandangan perukyat yang sedang memburu bilal agar tidak keluar dan selalu fokus ke area tersebut.

Sesuai dengan pengantar di atas dalam paket ini mahasiswa akan mengkaji tiga sub bahasan, yakni: 1) Teknik identifikasi arah ke titik barat sejati (TBS), yakni dengan mengacu pada titik utara sejati (TUS) yang sudah disajikan langkah-langkah teknisnya pada paket terdahulu; 2) Teknik identifikasi arah ke titik *azimuth* bulan dengan menggunakan alat bantu busur derajat atau dengan menggunakan acuan segitiga siku-siku; 3) Teknik lokalisasi area kemunculan hilal, yakni cara membatasi pandangan subyek perukyat dengan bingkai (gawang lokasi) agar fokus ke area kemunculan hilal pada saat terbenam matahari dan arah pergerakan turunnya menuju ufuk. Kajian terhadap materi-materi di atas diselenggarakan dengan dukungan tayangan *slide power point* yang disiapkan oleh dosen. Di samping itu, mahasiswa diberi tugas untuk membaca uraian materi dan membuat resitasi kelompok dengan panduan lembar kegiatan. Penguasaan terhadap materi pada paket ini akan memberi keterampilan teknis bagi mahasiswa untuk mengaplikasikan hasil hisab hakiki posisi bulan dalam langkah-langkah teknik observasi hilal.

5. Presentasikan hasil kerja kelompok secara bergiliran dengan waktu masing-masing maksimal 5 menit!
6. Berikan tanggapan/klarifikasi atas presentasi tersebut!

Uraian Materi

TEKNIK OBSERVASI HILAL

Yang dimaksud dengan observasi hilal di sini ialah pemantauan hilal sebagai kegiatan lanjutan dari aplikasi hisab hakiki posisi bulan pada paket 11 yang lalu. Konkretnya, materi ini akan membahas langkah-langkah teknis observasi hilal dengan memanfaatkan hasil hisab yang, dalam conyoh kasus ini, menyatakan bahwa harga ketinggian *mar'i* (h) nya adalah $2^{\circ} 9' 4.57''$ dan harga *azimuth* kwadrannya $-71^{\circ} 23' 53.62''$ atau *azimuth* radiannya $251^{\circ} 23' 53.62''$.

Observasi hilal itu sendiri pada dasarnya bisa saja dilakukan tanpa bantuan hasil hisab, namun observasi hilal secara demikian bisa kurang efektif karena pandangan *observer* (perukyat) boleh jadi mengarah ke latar langit yang tidak menjadi area kemunculan Hilal. Sementara itu kemunculan hilal termuda paska ijtimak dikenal merupakan obyek observasi yang sulit diindra bukan saja karena tingkat kecerlangannya yang rendah, melainkan juga karena waktu kemunculannya yang pendek. Jika pandangan *observer* (perukyat) tidak fokus ke area kemunculannya, boleh jadi hilal sudah keburu menghilang sebelum sempat terindra.

Demikian pula tanpa panduan hasil hisab, subyek perukyat tidak mengetahui durasi kemunculan hilal di atas ufuk. Faktor ini bisa membuat perukyat melakukan tindakan kontra produktif, seperti menghentikan rukyat ketika peluang kemunculan hilal masih ada, atau melakukan tindakan yang sia-sia seperti terus saja melanjutkan rukyat ketika hilal yang diburunya sudah terbenam.

Ada tiga segi teknis seputar observasi hilal yang akan dipaparkan di sini. Pertama, teknik identifikasi arah ke titik barat sejati (TBS). Kedua,

Teknik Identifikasi Arah Ke Titik *Azimuth* Bulan

Titik *azimuth* bulan ialah titik perpotongan antara lingkaran vertikal bulan dan lingkaran horizon. Jarak *horizontal* titik tersebut ke TBS mencerminkan jarak *horizontal* bulan ke TBS. Arah ke titik *azimuth* bulan, dengan demikian, dapat kita identifikasi dengan mengacu pada jarak bulan-TBS, ke utara atau ke selatan. Dari aplikasi hisab hakiki posisi bulan pada paket 11 yang lalu diketahui bahwa bulan berada di selatan TBS pada jarak $-18^{\circ} 36' 6.38''$.

Dengan mengacu pada garis US dan TB tadi (gambar 12.1) arah ke titik *azimuth* bulan dapat kita identifikasi dengan alat bantu busur derajat. Caranya kita himpitkan dulu garis tengah busur derajat ke garis US, titik pusatnya ke titik T, dan angka 90° nya ke titik B. Lalu kita bubuhkan titik, misalnya A, pada jarak $-18^{\circ} 36' 6.38''$ (ke selatan) dari angka 90° atau, tepatnya, pada angka $71^{\circ} 23' 53.62''$. Selanjutnya dengan menghubungkan titik T dengan titik A kita akan mendapatkan garis TA yang mengarah ke titik *azimuth* bulan.

Di samping itu arah ke titik *azimuth* bulan tersebut bisa pula kita identifikasi dengan garis TA pada segitiga siku-siku TBA yang dibuat dengan acuan garis TB tadi (sebagai salah satu sisinya) sebagai berikut.

1. Kita ukur dulu panjang garis TB tersebut. Misalnya diketahui panjangnya 300 cm.
2. Dari titik B kita tarik garis yang tegak lurus pada garis TB ke arah selatan (karena bulan berada di selatan TBS), misalnya garis BA. Panjang garis BA adalah sebesar tangen (*tangent*, *tan*) jarak bulan ke TBS dikalikan (x) panjang garis TB, atau sebesar kotangen (*cotangent*, *cotan*) harga mutlak *azimuth* kwadran bulan dikalikan (x) panjang garis TB.

Dalam contoh kasus ini, seperti diketahui, harga jarak bulan ke TBS = $-18^{\circ} 36' 6.38''$, dan harga mutlak *azimuth* bulan = $71^{\circ} 23' 53.62''$. Panjang garis BA, dengan demikian, adalah:

$$\circ \tan -18^{\circ} 36' 6.38'' \times 300 \text{ cm} = -100,9714848 \text{ cm, atau}$$

$$\circ \cotan -71^\circ 23' 53.62'' \times 300 \text{ cm} = -100,9714848 \text{ cm}$$

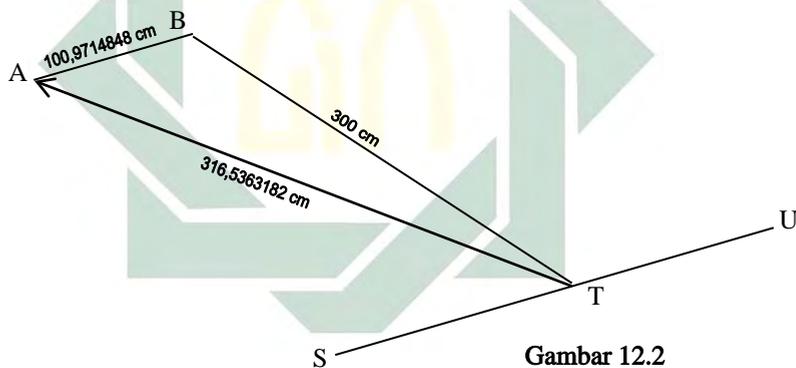
3. Selanjutnya titik T kita hubungkan dengan titik A, dan kita akan mendapatkan garis TA yang mengarah ke titik *azimuth* bulan.

Sebagai tambahan, panjang garis TA itu sendiri adalah sebesar sekant (*secant*, *sec*) jarak bulan ke TBS dikalikan (x) panjang garis TB, atau sebesar kosekan (*cosecant*, *cosec*) harga mutlak *azimuth* bulan dikalikan (x) panjang garis TB, yakni:

$$\circ \sec -18^\circ 36' 6.38'' \times 300 \text{ cm} = -316,5363182 \text{ cm, atau}$$

$$\circ \text{cosec } -71^\circ 23' 53.62'' \times 300 \text{ cm} = -316,5363182 \text{ cm}$$

Perhatikan ilustrasinya pada gambar 12.2 berikut ini.



Teknik Lokalisasi Area Kemunculan Hilal

Dengan panduan garis TA yang mengarah ke titik *azimuth* bulan tadi kita dapat melokalisasi area kemunculan hilal dengan sebuah bingkai (gawang lokasi) dalam rangka lebih memudahkan dan meningkatkan efektivitas pelaksanaan rukyat hilal, dengan angkah-langkah teknis sebagai berikut.

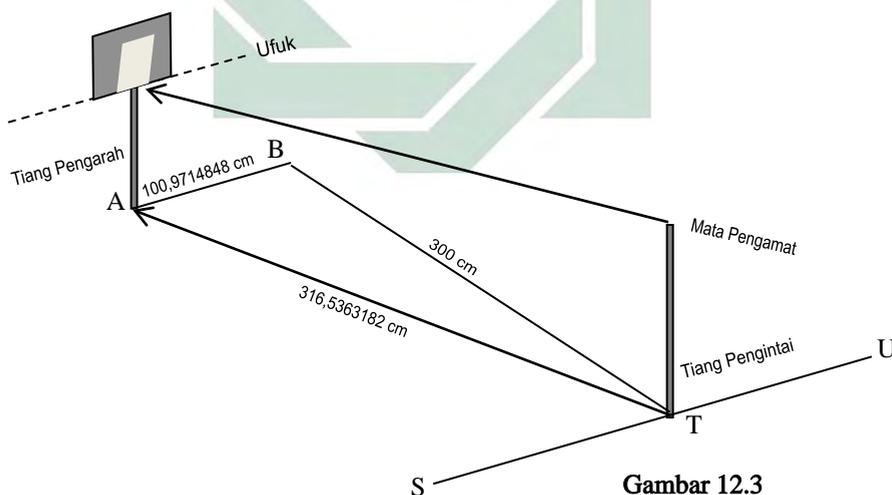
1. Pada titik T kita pancangkan tongkat tegak lurus, sebut saja Tongkat Pengintai, setinggi, misalnya, 150 cm.
2. Kita pancangkan juga tongkat tegak lurus pada titik A, sebut saja Tongkat Pengarah, yang tingginya bisa diatur sedemikian rupa agar

ujungnya bisa persis jatuh di garis Ufuk bila dibidik dari ujung Tongkat Pengintai.

- Di atas Tongkat Pengarah kita letakkan sebuah bingkai persegi panjang (gawang lokasi) untuk melokalisasi pandangan perukyat dari Tongkat Pengintai supaya fokus pada area kemunculan hilal.

Selanjutnya, karena gerak turun bulan menuju garis ufuk arahnya paralel dengan khatulistiwa, maka arah tepi kiri-kanan lubang bingkai (gawang lokasi) tersebut kita buat sesuai dengan sudut kemiringan khatulistiwa terhadap titik *zenith markaz* (kota Surabaya yang terletak pada $7^{\circ} 15'$ lintang selatan), yakni miring ke utara sebesar $7^{\circ} 15'$.

Adapun tinggi lubang bingkai tersebut dibuat sebesar tangen (*tangent*, *tan*) ketinggian *mar'i* bulan dikalikan (x) panjang garis TA, yaitu: $\tan 2^{\circ} 8' 41.08'' \times 300 \text{ cm} = 11.23510375 \text{ cm}$ (dibulatkan 12 cm). Perhatikan ilustrasinya pada gambar 13.3 di bawah ini.¹



Rangkuman

- Identifikasi arah ke TBS dilakukan dengan garis tegak lurus pada garis ke arah TUS.

¹ Materi ini bisa dibaca juga dalam: Abd. Salam Nawawi, *Ilmu Falak: Cara Praktis Mnghitung Waktu Salat, Arah Kiblat, Dan Awal Bulan*, (Sidoarjo: 'Aqaba, 2013), 70-71.

2. Identifikasi arah ke titik *azimuth* bulan dilakukan dengan alat bantu busur derajat sesuai harga jarak bulan ke TBS (ke utara/utara atau ke selatan).
Bisa juga diidentifikasi dengan acuan garis TA pada segitiga siku-siku TBA di mana TB (sisi pertama) adalah garis ke arah TBS. BA (sisi kedua) adalah garis tegak lurus dari ujung TB ke arah (utara/selatan) yang sejalan dengan posisi bulan terhadap TBS. Panjang BA sama dengan harga tangen (*tangent*, \tan) jarak bulan ke TBS dikalikan (\times) panjang garis TB, atau sebesar kotangen (*cotangent*, \cotan) harga *azimuth* bulan dikalikan (\times) panjang garis TB.
3. Identifikasi area kemuculan hilal dilakukan dengan sebuah bingkai persegi panjang (gawang lokasi) yang diletakkan di ujung Tongkat Pengarah yang –bila dibidik dari ujung Tongkat Pengintai– tepi bawah bingkai itu berhimpit dengan garis ufuk. Derajat kemiringan arah tepi kiri-kanan lubang bingkai tersebut diselaraskan dengan harga jarak sudut khatulistiwa terhadap titik *zenith markaz*. Sedangkan ukuran tingginya dibuat sebesar tangen (\tan) ketinggian *mar'i* bulan dikalikan (\times) panjang garis TA.

Latihan

Jawablah pertanyaan-pertanyaan di bawah ini!

1. Diketahui garis TB sepanjang 147 cm mengarah ke titik barat sejati (TBS), dan harga *azimuth* bulan sebesar $79^{\circ} 18' 29.23''$. Dari titik B (ujung garis TB) tariklah garis BA yang tegak lurus pada garis TB. Ke arah mana (utara/selatan) garis BA itu harus ditarik dan berapa panjangnya agar kalau titik T (pangkal garis TB) dihubungkan dengan titik A (ujung garis BA) dapat menghasilkan garis TA yang mengarah ke titik *azimuth* bulan?
2. Hisablah, berapa panjang garis TA pada kasus dalam soal nomor 1 di atas?
3. Jika Anda membuat bingkai atau gawang lokasi untuk observasi hilal untuk kasus dalam soal nomor 1 di atas, sedangkan ketinggian *mar'i* bulannya diketahui sebesar $3^{\circ} 18' 29.23''$, berapakah ukuran tinggi lubang bingkai (gawang lokasi) nya?

mengikuti perkuliahan mulai pertemuan pertama sampai pertemuan terakhir. Bobot nilai *Performance* 10%, skor nilai maksimal 100.

B. Nilai Matakuliah

Nilai Mata Kuliah (NMK) adalah perpaduan dari keseluruhan komponen penilaian di atas, yakni Nilai UTS (NUTS), Nilai UAS (NUAS), Nilai Tugas (NT), dan Nilai Performance (NP) sesuai dengan bobot masing-masing dengan catatan bahwa jika terdapat komponen penilaian yang kosong, maka NMK tidak bisa dihitung. Rumus hitungannya adalah:

$$\text{NMK} = \frac{(\text{NUTS} \times 20) + (\text{NT} \times 30) + (\text{NUAS} \times 40) + (\text{NP} \times 10)}{100}$$

Nilai Mata Kuliah dinyatakan dengan angka yang mempunyai status tertentu sebagaimana tabel berikut.

Interval Skor	Nilai Huruf	Nilai Angka	Status
91-100	A+	4,00	Lulus
86-90	A	3,75	Lulus
81-85	A-	3,50	Lulus
76-80	B+	3,25	Lulus
71-75	B	3,00	Lulus
66-70	B-	2,75	Lulus
61-65	C+	2,50	Lulus
56-60	C	2,25	Lulus
51-55	C-	2,00	Tidak Lulus
40-50	D	1,75	Tidak Lulus
<39	E	0,00	Tidak Lulus

Keterangan:

- Nilai huruf C dan C+ boleh diperbaiki melalui program ulang dengan konsekuensi nilai yang semula dinyatakan hangus/gugur.
- NMK dinyatakan dengan angka bulat ditambah 2 angka di belakang koma. Contoh: 3,21. 2,80, dst.

Kota	ϕ	λ	Kota	ϕ	λ
Malang	-7° 59'	112° 36' T	Semarang	-7° 00'	110° 24' T
Manokwari	-1° 00'	134° 05' T	Serang	-6° 08'	106° 09' T
Martapura (S)	-4° 16'	104° 17' T	Serawak	1° 36'	120° 20' T
Martapura (K)	-3° 23'	114° 52' T	Sibolga	1° 47'	98° 46' T
Mataram	-8° 36'	116° 08' T	Sidayu	-7° 00'	112° 32' T
Medan	3° 38'	98° 38' T	Sidoarjo	-7° 29'	112° 48' T
Merak	-5° 56'	106° 00' T	Singapura	1° 20'	103° 50' T
Merauke	8° 30'	140° 27' T	Singaraja	-8° 08'	115° 05' T
Mojokerto	-7° 28'	112° 36' T	Singasari	-7° 53'	112° 41' T
Mojowarno	-7° 38'	112° 19' T	Singkawang	0° 52'	109° 00' T
Muntilan	-7° 35'	110° 17' T	Situbondo	-7° 44'	114° 01' T
Negara (Kal.)	-2° 42'	115° 05' T	Sleman	-7° 44'	110° 22' T
Negara (Bali)	-8° 23'	114° 35' T	Solok	-0° 47'	100° 38' T
Nganjuk	-7° 38'	111° 53' T	Sorong	-0° 50'	131° 15' T
Ngawi	-7° 26'	111° 26' T	Sragen	-7° 27'	111° 01' T
Pacet	-6° 45'	107° 03' T	Sukabumi	-6° 55'	106° 56' T
Pacitan	-8° 12'	111° 06' T	Sumenep	-7° 03'	113° 53' T
Padang	-0° 57'	100° 21' T	Surabaya	-7° 15'	112° 45' T
Padangpanjang	-0° 27'	100° 23' T	Tanahmerah	-7° 05'	112° 54' T
Pakanbaru	0° 30'	101° 28' T	Tanjungkarang	-5° 25'	105° 17' T
Palembang	-2° 59'	104° 47' T	Tanjungpinang	0° 55'	104° 29' T
Palu	-0° 50'	119° 54' T	Tanjungpriok	-6° 06'	106° 53' T
Pamekasan	-7° 09'	113° 30' T	Tanjungpura	3° 56'	98° 23' T
Panarukan	-7° 42'	113° 58' T	Tangerang	-6° 12'	106° 38' T
Pandeglang	-6° 19'	106° 06' T	Tapanuli	2° 10'	99° 00' T
Pare	-7° 46'	112° 10' T	Tarakan	3° 18'	117° 35' T
Pare-pare	-4° 01'	119° 40' T	Tasikmalaya	-7° 27'	108° 13' T
Pasuruan	-7° 40'	112° 55' T	Tawangmangu	-7° 42'	111° 08' T
Pati	-6° 48'	111° 03' T	Tegal	-6° 54'	109° 08' T
Pekalongan	-6° 55'	109° 41' T	Trawas	-7° 40'	112° 35' T
Pontianak	-0° 05'	109° 22' T	Trenggalek	-8° 05'	111° 42' T
Probolinggo	-7° 45'	113° 13' T	Tretes	-7° 42'	112° 38' T
Puger	-8° 22'	113° 29' T	Tuban	-6° 56'	112° 04' T
Purwodadi	-7° 08'	110° 54' T	Tulungagung	-8° 05'	111° 54' T
Purworejo	-7° 42'	110° 00' T	Turen	-8° 10'	112° 42' T
Rambipuji	-8° 11'	113° 36' T	Ungaran	-7° 09'	110° 23' T
Sabang	5° 54'	95° 21' T	Waingapu	-9° 40'	120° 15' T
Salatiga	-7° 20'	110° 29' T	Wates (Jateng)	-7° 52'	110° 08' T
Samarinda	-0° 28'	117° 11' T	Wates (Jatim)	-7° 55'	112° 08' T
Sampang	-7° 11'	113° 15' T	Wlingi (Blitar)	-8° 04'	112° 19' T
Sampit	-2° 32'	112° 58' T	Wonogiri	-7° 50'	110° 55' T
Sangkapura	-5° 52'	112° 42' T	Wonokromo	-7° 18'	112° 45' T
Sarangan	-7° 40'	111° 16' T	Wonosobo	-7° 24'	109° 54' T

22 Oktober 2006

DATA MATAHARI

Jam	Ecliptic Longitude)	Ecliptic Latitude)	Apparent Right Assension	Apparent Declination	True Geocentric Distance	Semi Diameter	True Obliquity	Equation of Time
0	208° 27' 05"	-0.40"	206° 25' 43"	-10° 55' 22"	0.9953416	16' 04,12"	23° 26' 28"	15 m 28 s
1	208° 29' 35"	-0.40"	206° 28' 05"	-10° 56' 16"	0.9953300	16' 04,13"	23° 26' 28"	15 m 28 s
2	208° 32' 04"	-0.41"	206° 30' 27"	-10° 57' 09"	0.9953185	16' 04,14"	23° 26' 28"	15 m 28 s
3	208° 34' 33"	-0.41"	206° 32' 49"	-10° 58' 02"	0.9953069	16' 04,15"	23° 26' 28"	15 m 29 s
4	208° 37' 02"	-0.42"	206° 35' 11"	-10° 58' 55"	0.9952954	16' 04,17"	23° 26' 28"	15 m 29 s
5	208° 39' 32"	-0.42"	206° 37' 13"	-10° 59' 48"	0.9952838	16' 04,18"	23° 26' 28"	15 m 29 s
6	208° 42' 01"	-0.43"	206° 39' 55"	-11° 00' 41"	0.9952723	16' 04,19"	23° 26' 28"	15 m 30 s
7	208° 44' 30"	-0.43"	206° 42' 17"	-11° 01' 34"	0.9952607	16' 04,20"	23° 26' 28"	15 m 30 s
8	208° 46' 60"	-0.43"	206° 44' 39"	-11° 02' 27"	0.9952492	16' 04,21"	23° 26' 28"	15 m 31 s
9	208° 49' 29"	-0.44"	206° 47' 02"	-11° 03' 20"	0.9952376	16' 04,22"	23° 26' 28"	15 m 31 s
10	208° 51' 58"	-0.44"	206° 49' 24"	-11° 04' 13"	0.9952261	16' 04,23"	23° 26' 28"	15 m 31 s
11	208° 54' 28"	-0.45"	206° 51' 46"	-11° 05' 06"	0.9952146	16' 04,24"	23° 26' 28"	15 m 32 s
12	208° 56' 57"	-0.45"	206° 54' 08"	-11° 05' 59"	0.9952030	16' 04,26"	23° 26' 28"	15 m 32 s
13	208° 59' 26"	-0.45"	206° 56' 31"	-11° 06' 52"	0.9951915	16' 04,27"	23° 26' 28"	15 m 33 s
14	209° 01' 55"	-0.46"	206° 58' 53"	-11° 07' 45"	0.9951799	16' 04,28"	23° 26' 28"	15 m 33 s
15	209° 04' 25"	-0.46"	207° 01' 15"	-11° 08' 38"	0.9951684	16' 04,29"	23° 26' 28"	15 m 33 s
16	209° 06' 54"	-0.47"	207° 03' 38"	-11° 09' 31"	0.9951568	16' 04,30"	23° 26' 28"	15 m 34 s
17	209° 09' 23"	-0.47"	207° 05' 60"	-11° 10' 24"	0.9951563	16' 04,31"	23° 26' 28"	15 m 34 s
18	209° 11' 53"	-0.48"	207° 08' 22"	-11° 11' 17"	0.9951337	16' 04,32"	23° 26' 28"	15 m 34 s
19	209° 14' 22"	-0.48"	207° 10' 45"	-11° 12' 10"	0.9951222	16' 04,33"	23° 26' 28"	15 m 35 s
20	209° 16' 52"	-0.48"	207° 13' 07"	-11° 13' 03"	0.9951106	16' 04,35"	23° 26' 28"	15 m 35 s
21	209° 19' 21"	-0.49"	207° 15' 30"	-11° 13' 55"	0.9950991	16' 04,36"	23° 26' 28"	15 m 36 s
22	209° 21' 50"	-0.49"	207° 17' 52"	-11° 14' 48"	0.9950876	16' 04,37"	23° 26' 28"	15 m 36 s
23	209° 24' 20"	-0.49"	207° 20' 14"	-11° 15' 41"	0.9950760	16' 04,38"	23° 26' 28"	15 m 36 s
24	209° 26' 49"	-0.50"	207° 22' 37"	-11° 16' 34"	0.9950645	16' 04,39"	23° 26' 28"	15 m 37 s

*) for mean equinox of date

DATA BULAN

Jam	Apparent Longitude	Apparent Latitude	Apparent Right Assension	Apparent Declination	Horizontal Parallax	Semi Diameter	Angel Bright Limb	Fraction Illumination
0	206° 02' 14"	-2° 40' 46"	203° 08' 50"	-12° 32' 59"	0' 54' 20"	14' 48,22"	63° 27' 13"	0.00099
1	206° 32' 11"	-2° 42' 28"	203° 36' 31"	-12° 46' 05"	0' 54' 20"	14' 48,39"	57° 4' 37"	0.00086
2	207° 02' 09"	-2° 45' 09"	204° 04' 14"	-12° 59' 09"	0' 54' 21"	14' 48,55"	49° 45' 15"	0.00075
3	207° 32' 07"	-2° 47' 50"	204° 32' 01"	-13° 12' 09"	0' 54' 21"	14' 48,71"	41° 32' 09"	0.00068
4	208° 02' 07"	-2° 49' 29"	204° 59' 52"	-13° 25' 08"	0' 54' 22"	14' 48,88"	32° 37' 27"	0.00064
5	208° 32' 08"	-2° 52' 09"	205° 27' 47"	-13° 38' 03"	0' 54' 23"	14' 49,05"	23° 22' 35"	0.00063
6	209° 02' 09"	-2° 54' 47"	205° 55' 45"	-13° 50' 56"	0' 54' 23"	14' 49,22"	14° 14' 48"	0.00066
7	209° 32' 11"	-2° 56' 25"	206° 23' 47"	-14° 03' 45"	0' 54' 24"	14' 49,40"	5° 38' 55"	0.00071
8	210° 02' 13"	-2° 58' 02"	206° 51' 53"	-14° 16' 32"	0' 54' 24"	14' 49,57"	357° 51' 53"	0.00080
9	210° 32' 17"	-3° 01' 39"	207° 20' 03"	-14° 29' 16"	0' 54' 25"	14' 49,75"	351° 0' 53"	0.00092
10	211° 02' 21"	-3° 02' 14"	207° 48' 16"	-14° 41' 57"	0' 54' 26"	14' 49,93"	345° 5' 25"	0.00108
11	211° 32' 27"	-3° 05' 49"	208° 16' 33"	-14° 54' 34"	0' 54' 26"	14' 50,11"	340° 0' 30"	0.00126
12	212° 02' 33"	-3° 07' 23"	208° 44' 55"	-15° 07' 08"	0' 54' 27"	14' 50,30"	335° 39' 28"	0.00148
13	212° 32' 40"	-3° 09' 56"	209° 13' 20"	-15° 19' 39"	0' 54' 28"	14' 50,48"	331° 55' 27"	0.00173
14	213° 02' 47"	-3° 12' 29"	209° 41' 50"	-15° 32' 07"	0' 54' 29"	14' 50,67"	328° 42' 15"	0.00201
15	213° 32' 56"	-3° 14' 00"	210° 10' 24"	-15° 44' 32"	0' 54' 29"	14' 50,86"	325° 54' 34"	0.00233
16	214° 03' 06"	-3° 16' 31"	210° 39' 02"	-15° 56' 53"	0' 54' 30"	14' 51,05"	323° 28' 01"	0.00268
17	214° 33' 16"	-3° 18' 00"	211° 07' 44"	-16° 09' 10"	0' 54' 31"	14' 51,24"	321° 19' 01"	0.00306
18	215° 03' 27"	-3° 20' 29"	211° 36' 30"	-16° 21' 24"	0' 54' 31"	14' 51,44"	319° 24' 38"	0.00347
19	215° 33' 40"	-3° 22' 57"	212° 05' 21"	-16° 33' 34"	0' 54' 32"	14' 51,64"	317° 42' 31"	0.00392
20	216° 03' 53"	-3° 24' 24"	212° 34' 16"	-16° 45' 41"	0' 54' 33"	14' 51,84"	316° 10' 44"	0.00440
21	216° 34' 07"	-3° 26' 50"	213° 03' 16"	-16° 57' 44"	0' 54' 34"	14' 52,04"	314° 47' 44"	0.00491
22	217° 04' 22"	-3° 28' 15"	213° 32' 20"	-17° 09' 43"	0' 54' 34"	14' 52,24"	313° 32' 13"	0.00546
23	217° 34' 38"	-3° 30' 39"	214° 01' 29"	-17° 21' 38"	0' 54' 35"	14' 52,45"	312° 23' 08"	0.00604
24	218° 04' 54"	-3° 32' 03"	214° 30' 42"	-17° 33' 29"	0' 54' 36"	14' 52,65"	311° 19' 36"	0.00665

