

**PENGEMBANGAN MODEL PENILAIAN PROYEK DAN
INVESTIGASI DALAM PEMBELAJARAN MATEMATIKA
PADA MATERI TABUNG DAN KERUCUT
DI SMP NEGERI 3 KRIAN**



SKRIPSI

Diajukan kepada
Institut Agama Islam Negeri Sunan Ampel Surabaya
Untuk Memenuhi Salah Satu Persyaratan
Dalam Menyelesaikan Program Sarjana Strata Satu (S-1)
Ilmu Tarbiyah

PERPUSTAKAAN IAIN SUNAN AMPEL SURABAYA	
No. KLAS T-2011 005 PMT	No. REG : T-2011/PMT/005
	ASAL BUKU :
	TANGGAL :

Oleh :

YULIANA TRI RAHMAWATI
NIM. D04206038

**INSTITUT AGAMA ISLAM NEGERI SUNAN AMPEL SURABAYA
FAKULTAS TARBIYAH
JURUSAN PENDIDIKAN MATEMATIKA
2011**

Harjanto (2006:277) mengatakan bahwa evaluasi menempati posisi yang penting dalam proses belajar mengajar, karena dengan adanya evaluasi pengajaran, keberhasilan pengajaran tersebut dapat diketahui.²

Dengan di terapkannya Kurikulum Tingkat Satuan Pelajaran (KTSP), diharapkan hasil belajar siswa semakin meningkat. Hasil belajar siswa sangat erat kaitannya dengan kualitas pendidikan siswa. Salah satu faktor yang penting dalam meningkatkan kualitas pendidikan adalah penilaian. Menurut Harun dan Mansur (2007:7) “Upaya peningkatan kualitas pendidikan diperlukan peningkatan kualitas sistem penilaian”. Suatu penilaian dianggap penting karena penilaian dapat mengkomunikasikan apa yang diharapkan dan apa yang dicapai dalam kegiatan pembelajaran.³

Salah satu mata pelajaran yang diajarkan di sekolah dan membutuhkan penilaian yang berbeda adalah matematika. Penilaian dalam matematika tidak hanya mengutamakan segi pengetahuan (kognitif), akan tetapi sikap (afektif) dan ketrampilan (psikomotor) siswa juga penting untuk dinilai. Menurut Mimin (2007:22) “Dalam penilaian menerapkan sistem penilaian berkelanjutan yang mencakup 3 aspek yaitu aspek kognitif, psikomotorik dan afektif”.⁴ Kognitif siswa dapat di nilai dari tes tertulis yang sering diberikan, afektif siswa dapat di nilai dengan cara pengamatan langsung sikap siswa

² Harjanto, *Perencanaan Pengajaran*, (Jakarta:Rineka Cipta, 2006), h.277

³ Harun Rasyid dan Mansyur, *Penilaian Hasil Belajar*, (Yogyakarta:CV Wacana Prima, 2007), h.7

⁴ Mimin Haryati, *Model dan Teknik Penilaian Pada Tingkat Satuan Pendidikan*, (Jakarta:GP Press, 2007), h.22

2. Bagaimana hasil pengembangan model penilaian proyek dan investigasi dalam pembelajaran matematika pada materi tabung dan kerucut?

C. Tujuan Penelitian

Tujuan yang ingin dicapai dalam penelitian ini adalah untuk mendeskripsikan mengenai :

1. Proses pengembangan model penilaian proyek dan investigasi dalam pembelajaran matematika pada materi tabung dan kerucut.
2. Hasil pengembangan model penilaian proyek dan investigasi dalam pembelajaran matematika pada materi tabung dan kerucut.

D. Manfaat Penelitian

1. Bagi peneliti, dapat meningkatkan wawasan dan pengetahuan tentang penerapan model penilaian proyek dan investigasi.
2. Bagi guru, dapat memberikan alternatif penilaian dengan menggunakan proyek dan investigasi.

E. Definisi Operasional, Asumsi dan Keterbatasan

1. Definisi Operasional

Agar tidak terjadi perbedaan penafsiran terhadap variabel-variabel yang terdapat pada pertanyaan penelitian, maka dikemukakan definisi sebagai berikut.

mengenai bentuk model penilaian proyek dan investigasi dalam pembelajaran matematika. Keenam, mengenai materi tabung dan kerucut.

Bab ketiga merupakan bab yang memuat tentang metode penelitian yang meliputi jenis penelitian, tempat dan waktu penilaian, obyek dan subyek penelitian, rancangan penelitian, pengembangan instrumen penelitian, teknik pengumpulan data, dan analisis data.

Bab keempat merupakan bab yang memuat tentang deskripsi hasil penelitian yaitu mendeskripsikan waktu proses pengembangan model penilaian, tahap *define*, *design*, dan *develop*.

Bab kelima merupakan bab yang memuat tentang pembahasan hasil penelitian dan diskusi penelitian.

Bab keenam merupakan bab yang memuat tentang penutup yang meliputi simpulan dan saran.

Penilaian tidak semata-mata dilakukan terhadap hasil belajar, tetapi juga harus dilakukan terhadap proses pengajaran. Ahmad Rohani (2004:168) mengatakan penilaian terhadap proses pengajaran dilakukan oleh guru sebagai bagian integral dari pengajaran itu sendiri. Penilaian harus tidak terpisahkan dalam penyusunan dan pelaksanaan dalam pembelajaran.⁹

Menurut Chittenden (Dalam Harun dan Mansur,2007:8), kegiatan penilaian dalam proses pembelajaran perlu diarahkan pada empat hal, yaitu :¹⁰

- a. Penelusuran, yaitu kegiatan yang dilakukan untuk menelusuri apakah proses pembelajaran telah berlangsung sesuai dengan yang direncanakan atau tidak.
- b. Pengecekan, yaitu untuk mencari informasi apakah terdapat kekurangan-kekurangan pada peserta didik selama proses pembelajaran.
- c. Pencarian, yaitu untuk mencari dan menemukan penyebab kekurangan yang muncul selama proses pembelajaran berlangsung.
- d. Penyimpulan, yaitu untuk menyimpulkan tentang tingkat pencapaian belajar yang telah dimiliki peserta didik.

⁹ Ahmad Rohani, *Pengelolaan Pengajaran*, (Jakarta:Rineka Cipta, 2004), h.168

¹⁰ Harun Rasyid dan Mansur, *Penilaian Hasil Belajar*, (Yogyakarta:CV Wacana Prima, 2007), h.8

2. Tujuan Penilaian

Menurut Harun dan Mansur (2006:7), mengidentifikasi tujuan penilaian adalah untuk :¹¹

- a. Membantu belajar siswa.
- b. Mengidentifikasi kekuatan dan kelemahan siswa.
- c. Menilai efektivitas strategi pengajaran.
- d. Menilai dan meningkatkan efektivitas program kurikulum.
- e. Menilai dan meningkatkan efektivitas pengajaran.
- f. Menyediakan data yang membantu dalam membuat keputusan.
- g. Komunikasi dan melibatkan orang tua siswa.

Tujuan penilaian yang dikemukakan diatas, memberi gambaran bahwa penilaian memegang peranan penting dalam upaya meningkatkan kualitas pembelajaran. Oleh karena itu, memilih metode penilaian yang tepat untuk digunakan dalam suatu proses pembelajaran memerlukan pemikiran dan pertimbangan yang matang bagi seorang guru. Misalnya kesesuaian dengan materi pembelajaran, waktu, praktis, dan memberikan informasi yang sesuai untuk digunakan dalam meningkatkan kualitas belajar siswa.

¹¹ Ibid, h.7

4. Penilaian Berbasis Kelas

Penilaian berbasis kelas adalah penilaian yang dilakukan oleh guru untuk pemberian nilai terhadap hasil belajar siswa berdasarkan tahapan kemajuan siswa sehingga didapatkan kemampuan siswa sesuai dengan kompetensi yang ditetapkan dalam kurikulum. Penilaian berbasis kelas ini merupakan salah satu komponen dalam penilaian pada Kurikulum Tingkat Satuan Pendidikan. Penilaian ini dapat dilakukan dalam situasi formal maupun informal, bisa di dalam kelas maupun di luar kelas dalam waktu tertentu.

Menurut Mimin (2007:17), penilaian kelas dapat memberikan fungsi, diantaranya :¹³

- a. Menggambarkan sejauh mana perkembangan peserta didik telah menguasai kompetensi.
- b. Mengevaluasi hasil belajar peserta didik dalam rangka membantu peserta didik memahami dirinya, membuat keputusan tentang langkah berikutnya, misalnya pemilihan program/penjurusan bahkan sekolah jenjang berikutnya.
- c. Menemukan kesulitan belajar dan kemungkinan potensi/prestasi yang bisa dikembangkan peserta didik dan sebagai alat untuk mendiagnosa

¹³ Mimin Haryati, *Model dan Teknik Penilaian Pada Tingkat Satuan Pendidikan*, (Jakarta:GP Press, 2007), h.17

- c. Melakukan berbagai strategi, model dan teknik penilaian dalam program pembelajaran untuk menyediakan berbagai jenis informasi tentang hasil belajar peserta didik
- d. Mempertimbangkan berbagai kebutuhan khusus peserta didik.
- e. Mengembangkan dan menyediakan sistem pencatatan yang bervariasi dalam kegiatan belajar-mengajar.
- f. Menggunakan metode/teknik dan cara serta alat yang bervariasi.
- g. Melakukan penilaian kelas secara berkesinambungan untuk memantau proses, kemajuan dan perbaikan hasil belajar.

Dengan adanya prinsip-prinsip penilaian berbasis kelas yang dijelaskan di atas, membuat pelaksanaan penilaian berbasis kelas menjadi lebih bermakna bagi guru dan siswa.

B. Penilaian Proyek dan Investigasi

1. Pengertian Penilaian Proyek dan Investigasi

Untuk mengetahui hasil belajar serta mengukur kemampuan siswa dalam pembelajaran, guru dapat melakukan berbagai macam teknik penilaian, salah satunya adalah penilaian proyek dan investigasi.

Menurut Rahaju (Dalam Nurina,2007:10), Penilaian proyek merupakan kegiatan penilaian terhadap tugas yang harus diselesaikan dalam periode atau waktu tertentu. Tugas tersebut berupa suatu investigasi

sejak dari perencanaan, pengumpulan data, pengorganisasian, pengolahan sampai penyajian data.¹⁵

Proyek merupakan cara yang tepat untuk melibatkan siswa lebih jauh dalam penyelesaian masalah. Proyek dapat melibatkan siswa dalam situasi terbuka yang memberikan hasil yang beragam, atau menggiring siswa untuk memikirkan pertanyaan atau hipotesis yang membutuhkan penelusuran (investigasi) lebih jauh.

Dalam tugas proyek dan investigasi terdapat 2 bagian, yaitu bagian pertama adalah tugas investigasi yang berisi langkah-langkah yang harus diselesaikan oleh siswa dengan menggunakan alat peraga dan bagian kedua adalah latihan pematapan yang berisi soal-soal yang berhubungan dengan tugas investigasi. Tugas proyek dan investigasi dapat dikatakan baik jika memenuhi kriteria valid, praktis dan efektif.

Ada beberapa kelebihan dari penilaian proyek, yaitu :¹⁶

1. Siswa lebih bebas mengeluarkan ide.
2. Banyak kesempatan untuk berkreasi.
3. Mendidik siswa lebih mandiri dan bertanggung jawab.
4. Meringankan guru dalam pemberian materi pelajaran.
5. Dapat meningkatkan kreativitas siswa.

¹⁵ Nurina Kusuma, *Pengembangan Perangkat Penilaian Proyek dan Investigasi Dalam Proses Pembelajaran Untuk Mengukur Kemampuan Kognitif, afektif dan Psikomotorik Siswa Pada Pokok Bahasan Lingkaran di Kelas VIIIA SMPN 1 Pacet Mojokerto*, Skripsi yang tidak dipublikasikan:UNESA, h.10

¹⁶ [http://noviarni239mail.com.blogspot.com/2010/02/tugas evaluasi-semester-ii.htm/](http://noviarni239mail.com.blogspot.com/2010/02/tugas%20evaluasi-semester-ii.htm/)

6. Ada tanggung jawab dari siswa terhadap tugas-tugas yang diberikan.
7. Guru dan siswa lebih kreatif.

Berdasarkan uraian diatas dapat diketahui bahwa penilaian proyek bermanfaat bagi siswa maupun guru yaitu dapat meningkatkan kreatifitas siswa dan guru, mendidik siswa lebih mandiri dan bertanggung jawab, serta melatih siswa untuk menyelesaikan masalah dalam kehidupan sehari-hari. Menurut Mursel dan Nasution (2006:14) “Tugas guru tidak hanya memberi tugas dan memeriksa pelajaran siswa melainkan juga membantu agar ia belajar dengan baik”.¹⁷

Suatu proyek dan investigasi juga merupakan suatu cara yang baik bagi siswa untuk terlibat aktif dalam perluasan situasi pemecahan masalah. Proyek dan investigasi juga melibatkan siswa atau kelompok kecil dalam situasi yang *open-ended* yang mungkin memiliki beragam hasil yang dapat diterima dengan nalar.

Menurut Nurina (2007:11), untuk membantu siswa dalam proyeknya, guru perlu membantu siswa dengan beberapa petunjuk khusus untuk memformulasikan, meneliti dan mempresentasikan proyek mereka, yaitu :¹⁸

1. Meminta siswa menulis deskripsi tentang proyek mereka dengan jelas.

¹⁷ Mursel dan Nasution, *Mengajar dengan sukses*, (Jakarta:Bumi Aksara, 2006), h.14

¹⁸ Nurina Kusuma, *Pengembangan Perangkat Penilaian Proyek dan Investigasi Dalam Proses Pembelajaran Untuk Mengukur Kemampuan Kognitif, afektif dan Psikomotorik Siswa Pada Pokok Bahasan Lingkaran di Kelas VIII A SMP Negeri 1 Pacet Mojokerto*, Skripsi yang tidak dipublikasikan:UNESA, h.11

c. Analisis Konsep atau Analisis Materi

Analisis ini dilakukan pengidentifikasi konsep-konsep utama yang akan diajarkan.

d. Analisis Tugas

Analisis ini dilakukan untuk mengidentifikasi tugas yang akan dilakukan siswa untuk mempelajari materi yang diberikan. Tugas ini merupakan dasar untuk merumuskan pencapaian indikator hasil belajar.

e. Perumusan Tujuan Pembelajaran

Perumusan ini dilakukan untuk mengkonversikan hasil analisis tugas dan analisis konsep menjadi suatu tujuan pembelajaran atau indikator.

2. Tahap Perancangan (*Design*)

Pada tahap ini dilakukan perancangan prototype penilaian proyek dan investigasi. Di dalam tahap ini dilakukan penyusunan desain awal penilaian proyek dan investigasi yang meliputi pemilihan media yang sesuai dan pemilihan format penilaian yang akan digunakan.

a. Penyusunan Tes

Dasar dari penyusunan tes adalah hasil analisis tugas dan analisis konsep yang terdapat dalam indikator pencapaian hasil belajar.

b. Pemilihan Media

Pemilihan media dilakukan guna menentukan media yang tepat untuk penyajian materi pembelajaran. Pemilihan media disesuaikan dengan analisis tugas, analisis materi dan yang paling penting adanya fasilitas di sekolah.

c. Pemilihan Format

Pada tahap ini dilakukan untuk menentukan bagaimana bentuk penilaian proyek dan investigasi yang akan dikembangkan.

d. Desain Awal

Desain awal dilakukan perancangan prototipe penilaian proyek dan investigasi. Hasilnya berupa tugas investigasi dan kartu penilaian. Desain awal ini menghasilkan draft I.

3. Tahap Pengembangan (*Develop*)

Tahap ini bertujuan untuk menghasilkan penilaian proyek dan investigasi yang sudah direvisi berdasarkan masukan para ahli yang terdiri dari para pakar dan guru sekolah, sehingga layak digunakan dalam uji coba terbatas.

Langkah – langkah dalam tahap ini, yaitu :

a. Penilaian ahli

Penilaian ahli dalam penelitian ini adalah kegiatan yang dilakukan oleh para validator pada tahap pengembangan untuk memvalidasi penilaian proyek dan investigasi yang berupa tugas investigasi dan kartu

penilaian yang telah dikembangkan dan memberikan penilaian secara umum pada tugas investigasi dan kartu penilaian. Hasil validasi para ahli digunakan sebagai dasar melakukan revisi dan penyempurnaan penilaian proyek dan investigasi. Hasil revisi ini disebut draft II.

b. Uji coba terbatas

Uji coba terbatas menggunakan draft II yang dilakukan pada siswa. Uji coba terbatas dilakukan untuk memperoleh masukan dari guru dan siswa terhadap penilaian proyek dan investigasi yang telah disusun. Dalam uji coba terbatas ini dicatat semua respon dan komentar dari guru dan siswa yang digunakan sebagai dasar revisi. Hasil revisi ini disebut draft akhir.

4. Tahap Penyebaran (*Disseminate*)

Tahap ini merupakan penggunaan penilaian proyek dan investigasi yang telah digunakan pada skala yang lebih luas misalnya di sekolah lain dengan tingkatan yang lebih luas. Dalam penelitian ini, tahap ini tidak dilaksanakan. Penelitian ini hanya dilakukan sampai pada tahap pengembangan dengan melakukan uji coba terbatas.

D. Pengembangan Model Penilaian Proyek dan Investigasi

Menurut Nieveen (Dalam Khabibah,2006:43) suatu material dikatakan berkualitas jika memenuhi aspek-aspek kualitas antara lain (1) Validitas (*Validity*), (2) Kepraktisan (*Practicaly*), dan (3) Keefektivan (*effectiveness*).²¹

Dalam pengembangan Model penilaian proyek dan investigasi dalam pembelajaran matematika pada materi tabung dan kerucut ini, penilaian dikatakan baik jika memenuhi syarat-syarat tertentu. Berikut syarat-syarat penilaian yang dikembangkan yaitu tugas investigasi dan kartu penilaian.

1. Tugas Investigasi

Tugas investigasi dibuat berdasarkan indikator yang ada. Tugas investigasi yang dikembangkan dinyatakan baik jika memenuhi syarat:

a. Valid menurut para ahli

Para ahli dalam penelitian ini adalah validator yang berkompeten untuk menilai tugas investigasi dan memberi masukan atau saran untuk menyempurnakan tugas investigasi yang telah disusun.

Penilaian ahli meliputi :

1) Aspek Petunjuk

Kejelasan petunjuk pengerjaan

2) Aspek isi

a) Cakupan materi memadai.

²¹ Sitti Khabibah, *Pengembangan Model Pembelajaran Matematika Dengan Soal Terbuka Untuk Meningkatkan Kreativitas Siswa Sekolah Dasar, Disertasi S-3*, Tidak dipublikasikan, Surabaya:Program Pasca Sarjana UNESA, h.43

- a) Perasaan siswa selama melakukan langkah-langkah tugas investigasi.
- b) Perasaan siswa selama mengerjakan tugas-tugas investigasi.
- c) Perasaan siswa terhadap proses pembelajaran dengan menggunakan tugas investigasi dan berkelompok.
- d) Perasaan siswa jika pada materi yang lain menggunakan tugas investigasi.
- e) Pertanyaan-pertanyaan yang diajukan dalam tugas investigasi.
- f) Pemahaman materi tabung dan kerucut dengan menggunakan tugas investigasi.

2. Kartu Penilaian

Kartu penilaian digunakan guru untuk menilai aspek-aspek yang ada dalam tugas investigasi. Kartu penilaian yang dikembangkan dikatakan baik jika memenuhi kriteria :

a. Valid menurut para ahli

Para ahli dalam penelitian ini adalah validator yang berkompeten untuk menilai tugas investigasi dan memberi masukan atau saran untuk menyempurnakan tugas investigasi yang telah disusun.

Penilaian ahli meliputi :

1) Isi kriteria penilaian

- a) Kriteria penilaian sesuai dengan langkah-langkah yang terdapat pada tugas investigasi.

- 4) Penentuan skor maksimum dan minimum sudah cocok dengan banyaknya kriteria umum yang disusun dalam kartu penilaian.
- 5) Kriteria-kriteria umum yang disusun dalam kartu penilaian sudah sesuai dengan tugas investigasi.
- 6) Penggunaan bahasa dan penyusunan kalimat pada kartu penilaian memudahkan pengamat untuk menilai kegiatan siswa.
- 7) Perlunya menggunakan kartu penilaian pada tugas investigasi yang lain.

E. Bentuk Model Penilaian Proyek dan Investigasi dalam Pembelajaran Matematika

Bentuk penilaian proyek dan investigasi dalam penelitian ini adalah kartu penilaian. Dalam kartu penilaian berisi komponen-komponen langkah-langkah yang akan dinilai. Setiap komponen dinilai dengan menggunakan skala penilaian, misal :

- 1 : Tidak benar
- 2 : Kurang benar
- 3 : Benar tetapi kurang sempurna
- 4 : Sempurna

Skala penilaian ini bertujuan untuk mendeskripsikan kemampuan siswa dalam menyelesaikan masalah melalui suatu kegiatan unjuk kerja pada setiap langkah-langkah pengerjaannya.

Rahaju (Dalam Asih,2007:10), bentuk kartu penilaian seperti berikut:²²

Tabel 2.1
Bentuk Kartu Penilaian

NO	KRITERIA UMUM	PENILAIAN			
		1	2	3	4
1	Menunjukkan pemahaman terhadap permasalahan dan konsep-konsep yang dipelajari				
2	Menggunakan strategi-strategi investigasi yang sesuai				
3	Kesimpulan yang disajikan benar dan didukung oleh penyelidikannya				
4	Laporan tertulis sesuai				
5	Diagram/tabel/grafik akurat dan cocok				

Data hasil tugas proyek dan investigasi digunakan untuk mendeskripsikan kemampuan siswa dalam menyelesaikan masalah melalui kegiatan unjuk kerja. Pada setiap standar langkah-langkah diberi skor 1 sampai 4. Jumlah skor terendah adalah 5, sedangkan jumlah skor tertinggi adalah 20. Setelah diketahui skor total, nilai tersebut dikonservasikan dengan rentang nilai sebagai berikut (Rahaju,Dalam Asih,2007:10) :²³

Skor minimum = 1 x jumlah kriteria

Skor maksimum = 4 x jumlah kriteria

Kemudian dicocokkan dengan kategori berikut :

5 – 8 : Gagal

9 – 13 : Kurang berhasil

²² Asih Aprilia, *Pengembangan Penilaian Proyek dan Investigasi Dalam Pembelajaran Matematika Pada Sub Pokok Bahasan Sudut Pusat dan Sudut Keliling di Kelas VIII-H SMP Negeri 16 Surabaya*, Skripsi yang tidak dipublikasikan:UNESA, h.10

²³ Ibid, h. 10

14 – 16 : Berhasil

17 – 20 : Sangat berhasil

F. Materi Tabung dan Kerucut

Materi tabung dan kerucut merupakan bahasan yang diberikan kepada siswa kelas IX SMP pada semester 1. Garis besar materi tabung dan kerucut diuraikan sebagai berikut :

1. Tabung

Tabung adalah bangun ruang yang dibatasi oleh dua sisi yang sejajar dan kongruen berbentuk lingkaran serta sisi lengkung. Sisi lengkung tabung dinamakan selimut tabung, sedangkan kedua lingkaran menjadi bidang alas dan bidang atas tabung.²⁴

a. Luas Permukaan Tabung

Gambar 2.2 (ii) merupakan jarring-jaring tabung dari Gambar 2.2 (i). Dari Gambar 2.2 (ii) dapat diamati bahwa jaring-jaring selimut tabung berbentuk persegi panjang, sedangkan alas dan tutup tabung berbentuk lingkaran.²⁵

Panjang selimut tabung = keliling lingkaran alas tabung

Lebar selimut tabung = tinggi tabung

²⁴ Wahyudin dan Dwi, *Belajar Matematika Aktif dan Menyenangkan Untuk Kelas IX Sekolah Menengah Pertama/Madrasah Tsanawiyah*, (Jakarta:CV Putra Nugraha, 2008), h.14

²⁵ Cholid Adinawan dan Sugijono, *Matematika Untuk SMP Kelas VIII*, (Jakarta:Erlangga, 2005), h.124

$$\begin{aligned}
 \text{Luas permukaan tabung tanpa tutup} &= \text{luas selimut} + \text{luas alas} \\
 &= 2\pi r t + \pi r^2 \\
 &= \pi r (2t + r)
 \end{aligned}$$

b. Volume Tabung

$$\begin{aligned}
 \text{Volume tabung} &= \text{Luas alas} \times \text{tinggi} \\
 &= \pi r^2 \times t \\
 &= \pi r^2 t
 \end{aligned}$$

Keterangan :

Nilai $\pi = 3,14$ atau $\pi = \frac{22}{7}$

r = jari – jari lingkaran

t = tinggi

p = panjang

l = lebar

Contoh :

- 1) Panjang jari-jari alas sebuah tabung tanpa tutup 7 cm, jika tinggi tabung 20 cm. Hitunglah luas permukaan tabung itu?

$$r = 7 \text{ cm}$$

$$t = 20 \text{ cm}$$

Jawab :

$$\begin{aligned}
 \text{Luas permukaan tabung tanpa tutup} &= \pi r (2t + r) \\
 &= \frac{22}{7} \times 7 \times (2 \times 20 + 7) \\
 &= 22 \times 47 \\
 &= 1034 \text{ cm}^2
 \end{aligned}$$

Jadi, luas permukaan tabung tanpa tutup tersebut adalah 1034 cm^2

- 2) Sebuah tabung berisi 770 cm^3 zat cair. Jari-jari alas tabung 7 cm.

hitunglah tinggi zat cair itu?

$$V = 770 \text{ cm}^3$$

$$r = 7 \text{ cm}$$

Jawab :

$$V = \pi r^2 t$$

$$770 = \frac{22}{7} \times 7^2 \times t$$

$$770 = 154 \times t$$

$$t = \frac{770}{154}$$

$$t = 5$$

Jadi, tinggi zat cair itu adalah 5 cm

2. Kerucut

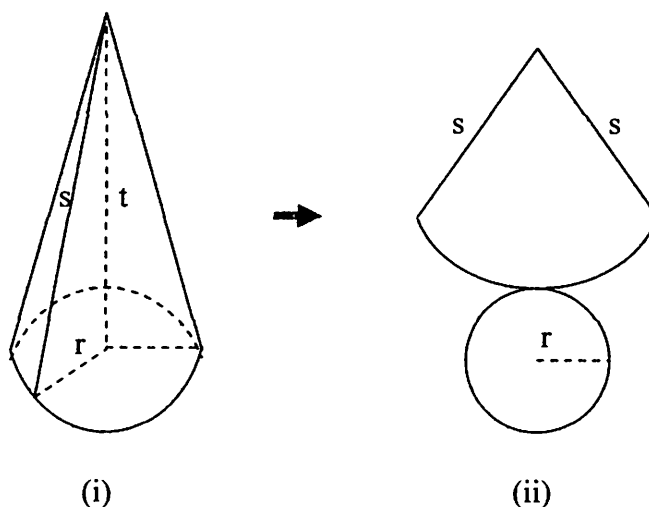
Kerucut adalah limas yang alasnya berupa lingkaran.²⁷

a. Luas Permukaan Kerucut

Gambar 2.3 (ii) merupakan jaring-jaring kerucut setelah kerucut pada gambar 2.3 (i) diiris menurut garis pelukis s . Ternyata jaring-jaring selimut kerucut merupakan juring lingkaran, sedangkan alasnya berbentuk lingkaran.

Panjang jari-jari = s (garis pelukis)

Panjang busur = $2\pi r$ (keliling lingkaran alas)



Gambar 2.3 Kerucut dan Jaring-jaring Kerucut

²⁷ Wahyudin dan Dwi, *Belajar Matematika Aktif dan Menyenangkan Untuk Kelas IX Sekolah Menengah Pertama/Madrasah Tsanawiyah*, (Jakarta:CV Putra Nugraha, 2008), h.14

Dengan demikian, luas selimut kerucut dengan menggunakan perbandingan luas juring dan perbandingan panjang busur dapat ditentukan dengan cara berikut ini :²⁸

$$\frac{\text{Luas selimut kerucut}}{\text{Luas lingkaran}} = \frac{\text{Panjang busur}}{\text{Keliling lingkaran}}$$

$$\text{Luas selimut kerucut} = \frac{\text{Panjang busur}}{\text{Keliling lingkaran}} \times \text{Luas lingkaran}$$

$$= \frac{2\pi r}{2\pi s} \times \pi s^2$$

$$= \pi r s$$

Setelah diperoleh rumus luas selimut kerucut, maka dapat ditentukan rumus luas permukaan kerucut, yaitu

$$\text{Luas permukaan kerucut} = \text{luas selimut} + \text{luas alas}$$

$$= \pi r s + \pi r^2$$

$$= \pi r (s + r)$$

Pada gambar 2.3 (i), s disebut garis pelukis, yaitu garis yang menghubungkan titik puncak kerucut dengan titik pada keliling lingkaran.²⁹ Ternyata s , r , dan t merupakan sisi-sisi pada sebuah segitiga siku-siku, sehingga diperoleh rumus : $s^2 = r^2 + t^2$ atau

$$s = \sqrt{r^2 + t^2}$$

²⁸ Cholid Adinawan dan Sugijono, *Matematika Untuk SMP Kelas VIII*, (Jakarta:Erlangga, 2005), h.127

²⁹ Ibid, h.136

b. Volume kerucut

$$\begin{aligned}
 \text{Volume kerucut} &= \frac{1}{3} \times \text{luas alas} \times \text{tinggi} \\
 &= \frac{1}{3} \times \pi r^2 \times t \\
 &= \frac{1}{3} \pi r^2 t
 \end{aligned}$$

Keterangan :

$$\text{Nilai } \pi = 3,14 \text{ atau } \pi = \frac{22}{7}$$

r = jari – jari lingkaran

t = tinggi tabung

s = garis pelukis

Contoh :

- 1) Jari-jari alas sebuah kerucut 3 cm, jika tinggi kerucut 4 cm. Hitung luas selimut kerucut dan luas permukaan kerucut?

$$r = 3 \text{ cm}$$

$$t = 4 \text{ cm}$$

Jawab :

$$\begin{aligned}
 \text{a) } s &= \sqrt{r^2 + t^2} \\
 &= \sqrt{3^2 + 4^2}
 \end{aligned}$$

$$= \sqrt{25}$$

$$= 5$$

$$\text{Luas selimut kerucut} = \pi r s$$

$$= 3,14 \times 3 \times 5$$

$$= 47,1 \text{ cm}^2$$

$$\text{b) Luas permukaan kerucut} = \pi r (s + r)$$

$$= 3,14 \times 3 \times (5 + 3)$$

$$= 75,36 \text{ cm}^2$$

Jadi, luas selimut kerucut dan luas permukaan kerucut adalah 47,1

cm^2 dan $75,36 \text{ cm}^2$

2) Jari-jari alas sebuah kerucut = 3,5 cm dan tingginya = 15 cm.

Hitunglah volume kerucut?

$$r = 3,5 \text{ cm}$$

$$t = 15 \text{ cm}$$

Jawab :

$$V = \frac{1}{3} \pi r^2 t$$

$$= \frac{1}{3} \times \frac{22}{7} \times 3,5^2 \times 15$$

$$= 192,5 \text{ cm}^3$$

Jadi, volume kerucut adalah $192,5 \text{ cm}^3$

- b. Mencari rata-rata tiap kriteria dari kedua validator menurut Khabibah (2006:74) dengan rumus :³⁰

$$K_i = \frac{\sum_{h=i}^2 V_{hi}}{2}$$

Keterangan :

k_i = Rata-rata kriteria ke-i

V_{hi} = Skor hasil penilaian validator ke-h untuk kriteria ke-i

- c. Mencari rata-rata ketiga aspek menurut Khabibah (2006:74) dengan rumus :³¹

$$A_i = \frac{\sum_{j=1}^n K_{ij}}{n}$$

Keterangan :

A_i = Rata-rata aspek ke-i

K_{ij} = Rata-rata untuk aspek ke-i kriteria ke-j

n = Banyak kriteria dalam aspek ke-i

- d. Mencari rata-rata total validitas ketiga aspek tugas proyek dan investiksi menurut Khabibah (2006:75) dengan rumus :³²

³⁰ Sitti Khabibah, *Pengembangan Model Pembelajaran Matematika Dengan Soal Terbuka Untuk Meningkatkan Kreativitas Siswa Sekolah Dasar, Disertasi S-3*, Tidak dipublikasikan, Surabaya:Program Pasca Sarjana UNESA, h.74

³¹ Ibid

³² Ibid, h.75

$$RTV_{TK} = \frac{\sum_{i=1}^3 A_i}{3}$$

Keterangan :

RTV_{TK} = Rata-rata total validitas tugas proyek dan investigasi

A_i = Rata-rata aspek ke-i

e. Mencocokkan rata-rata total dengan kriteria kevalidan menurut

Khabibah (2006:90), yaitu :³³

$4 \leq RTV_{TK} \leq 5$: Sangat valid

$3 \leq RTV_{TK} < 4$: Valid

$2 \leq RTV_{TK} < 3$: Kurang valid

$1 \leq RTV_{TK} < 2$: Tidak valid

2. Analisis Kevalidan Kartu Penilaian

Penilaian ahli terhadap kevalidan kartu penilaian meliputi aspek yaitu isi kriteria, bahasa dan penentuan skor. Tiap aspek terdiri dari beberapa kriteria yang memerlukan validasi dari validator yang ada. Kegiatan yang dilakukan untuk menganalisis data ini adalah

a. Memasukkan data-data yang telah diperoleh dalam tabel yang telah dibuat guna dianalisis lebih lanjut. Bentuk tabel adalah sebagai berikut:

³³ Ibid, h.90

- c. Mencari rata-rata ketiga aspek menurut Khabibah (2006:74) dengan rumus :³⁵

$$A_i = \frac{\sum_{j=1}^n K_{ij}}{n}$$

Keterangan :

A_i = Rata-rata aspek ke-i

K_{ij} = Rata-rata untuk aspek ke-i kriteria ke-j

n = Banyak kriteria dalam aspek ke-i

- d. Mencari rata-rata total validitas ketiga aspek kartu penilaian menurut Khabibah (2006:74) dengan rumus :³⁶

$$RTV_{kp} = \frac{\sum_{i=1}^3 A_i}{3}$$

Keterangan :

RTV_{kp} = Rata-rata total validitas kartu penilaian

A_i = Rata-rata aspek ke-i

- e. Mencocokkan rata-rata total dengan kriteria kevalidan menurut Khabibah (2006:90), yaitu :³⁷

$4 \leq RTV_{KP} \leq 5$: Sangat valid

³⁵ Ibid

³⁶ Ibid, h.74

³⁷ Ibid, h.90

$3 \leq RTV_{KP} < 4$: Valid

$2 \leq RTV_{KP} < 3$: Kurang valid

$1 \leq RTV_{KP} < 2$: Tidak valid

3. Analisis Kepraktisan Tugas Proyek dan Investigasi

Tugas proyek dan investigasi dikatakan praktis jika validator menyatakan bahwa tugas proyek dan investigasi tersebut digunakan di lapangan dengan sedikit revisi atau tanpa revisi. Langkah yang dilakukan dalam tahap ini adalah memberikan angket kepraktisan yang diberikan bersamaan dengan angket validasi. Menurut Khabibah (2006:90) terdapat beberapa kriteria penilaian tugas proyek dan investigasi dengan kode nilainya, yaitu :³⁸

- a. Tidak dapat digunakan (kode nilai : E)
- b. Belum dapat digunakan, masih memerlukan konsultasi (kode nilai : D)
- c. Dapat digunakan dengan revisi besar (kode nilai : C)
- d. Dapat digunakan dengan revisi kecil (kode nilai : B)
- e. Dapat digunakan tanpa revisi (kode nilai : A)

Jika validator menentukan bahwa tugas proyek dan investigasi dapat digunakan dengan revisi kecil atau dapat digunakan tanpa revisi, maka tugas proyek dan investigasi dikatakan praktis.

³⁸ Ibid

ketuntasan, yaitu minimal 70% dari seluruh subyek penelitian memperoleh skor lebih dari atau sama dengan 70 (Batas Ketuntasan Minimal ditetapkan oleh sekolah).

- c. Ada respon positif yang ditunjukkan siswa melalui angket yang diberikan. Angket respon siswa adalah pendapat siswa mengenai :
- 1) Perasaan siswa selama melakukan langkah-langkah tugas investigasi.
 - 2) Perasaan siswa selama mengerjakan tugas-tugas investigasi.
 - 3) Perasaan siswa terhadap proses pembelajaran dengan menggunakan tugas investigasi dan berkelompok.
 - 4) Perasaan siswa jika pada materi yang lain menggunakan tugas investigasi.
 - 5) Pertanyaan-pertanyaan yang diajukan dalam tugas investigasi.
 - 6) Pemahaman materi tabung dan kerucut dengan menggunakan tugas investigasi.

Kegiatan yang dilakukan untuk menganalisis data ini adalah

- a. Analisis skor pengerjaan tugas proyek dan investigasi

Skor pengerjaan latihan pemantapan siswa dianalisis sebagai berikut :

$$\text{Nilai Akhir} = \frac{N_{LP1} + N_{LP2} + N_{LP3} + N_{LP4}}{4}$$

Keterangan :

N_{LP1} = Nilai latihan pemantapan 1

N_{LP2} = Nilai latihan pemantapan 2

N_{LP3} = Nilai latihan pemantapan 3

N_{LP4} = Nilai latihan pemantapan 4

b. Analisis data respon siswa

- 1) Berdasarkan angket yang telah disebar, dihitung banyaknya siswa yang memberikan tanggapan yang sesuai dengan kriteria yang ditanyakan.
- 2) Menghitung presentasi siswa yang memberikan tanggapan sesuai dengan kriteria tertentu, yaitu dengan rumus :

$$RS = \frac{f}{n} \times 100\%$$

Dengan :

RS = Persentase siswa dengan kriteria tertentu

f = Siswa yang menjawab setuju

n = Banyak siswa

- 3) Menentukan rata-rata dari respon siswa, kemudian menentukan kategori respon/tanggapan yang diberikan siswa terhadap suatu kriteria dengan cara mencocokkan hasil presentase dengan kriteria respon positif menurut Khabibah (2006:97), yaitu :⁴⁰

$85\% \leq RS$: Sangat positif

⁴⁰ Sitti Khabibah, *Pengembangan Model Pembelajaran Matematika Dengan Soal Terbuka Untuk Meningkatkan Kreativitas Siswa Sekolah Dasar, Disertasi S-3*, Tidak dipublikasikan, Surabaya:Program Pasca Sarjana UNESA, h.97

$70\% \leq RS < 85\%$: Positif

$50\% \leq RS < 70\%$: Kurang positif

$RS < 50\%$: Tidak positif

Dengan RS = Respon siswa terhadap kriteria tertentu.

6. Analisis Keefektifan Kartu Penilaian

Kartu penilaian dikatakan efektif apabila guru memberikan respon positif mengenai :

- a. Penyusunan kartu penilaian sudah sesuai dengan tugas investigasi.
- b. Kriteria-kriteria umum yang dibuat sudah dijabarkan secara rinci pada kartu penilaian.
- c. Penentuan kriteria penskoran yang disusun pada kartu penilaian sudah sesuai dengan kategori yang dibuat.
- d. Penentuan skor maksimum dan minimum sudah cocok dengan banyaknya kriteria umum yang disusun dalam kartu penilaian.
- e. Kriteria-kriteria umum yang disusun dalam kartu penilaian sudah sesuai dengan tugas investigasi.
- f. Penggunaan bahasa dan penyusunan kalimat pada kartu penilaian memudahkan pengamat untuk menilai kegiatan siswa.
- g. Perlunya menggunakan kartu penilaian pada tugas investigasi yang lain.

Kegiatan yang dilakukan untuk menganalisis, antara lain :

Menentukan rata-rata dari respon positif guru, kemudian menentukan kategori respon/tanggapan yang diberikan guru terhadap suatu kriteria dengan cara mencocokkan hasil presentase dengan kriteria respon positif menurut Khabibah (2006:97), yaitu :⁴¹

$85\% \leq RG$: Sangat positif

$70\% \leq RG < 85\%$: Positif

$50\% \leq RG < 70\%$: Kurang positif

$RG < 50\%$: Tidak positif

Dengan RG = Respon guru terhadap kriteria tertentu.

⁴¹ Ibid

3	3 Agustus 2010	Analisis tugas	Mengidentifikasi tugas-tugas yang akan dilakukan siswa selama kegiatan pembelajaran pada materi tabung dan kerucut berupa tugas proyek dan investigasi yaitu meliputi tugas investigasi dan latihan pemantapan.
4	5 Agustus 2010	Perumusan tujuan pembelajaran	Merumuskan tujuan pembelajaran matematika di kelas IX SMP Negeri 3 Krian untuk lebih memudahkan siswa dalam memahami materi yang diajarkan.
5	5 Agustus 2010	Pemilihan media	Memilih atau menentukan media yang tepat untuk penyajian materi pelajaran dengan penilaian proyek dan investigasi yang berupa alat peraga tabung, kerucut dan balok.
6	5 Agustus 2010	Pemilihan format	Menentukan bentuk penilaian proyek dan investigasi yang akan dikembangkan berupa tugas investigasi dan latihan pemantapan.
7	10 Agustus-19 September 2010	Desain awal model penilaian proyek dan investigasi	Dalam membuat penilaian proyek dan investigasi ini peneliti mengumpulkan berbagai bahan dan referensi yang dibutuhkan. Hasil yang diperoleh yaitu berupa tugas investigasi dan kartu penilaian. Tugas investigasi dan kartu penilaian ini sebagai draf I.

8	31 Agustus-21 September 2010	Validasi ke-2 validator	Berdasarkan hasil validasi dari 2 validator bahwa model penilaian proyek dan investigasi dinyatakan valid dengan rata-rata total validasi pada tugas investigasi = 3,17 pada skala 1-4 dan pada kartu penilaian = 3,08 pada skala 1-4 dengan catatan sedikit revisi. Dan model penilaian proyek dan investigasi dinyatakan praktis sehingga dapat diuji cobakan ke siswa.
9	22-27 September 2010	Revisi model penilaian proyek dan investigasi	Bagian model penilaian proyek dan investigasi yang perlu direvisi yaitu pada kegiatan yang dilakukan, gambar pada tugas investigasi, penulisan yang salah, beberapa konsep yang dianggap masih kurang jelas, dan pedoman penilaian latihan pemantapan. Model penilaian proyek dan investigasi ini sebagai draf II.
10	14-30 Oktober 2010	Uji coba terbatas	<ul style="list-style-type: none"> • Menguji coba bentuk penilaian proyek dan investigasi yang berupa tugas investigasi dan latihan pemantapan pada sampel penelitian yaitu siswa-siswi kelas IX SMPN 3 Krian. • Memperoleh data mengenai respon siswa.
11	3 Nopember 2010	Revisi model penilaian proyek dan investigasi	Berdasarkan komentar/masukan dari 15 siswa bahwa model penilaian proyek dan investigasi yang perlu direvisi adalah tulisan yang salah ketik. Hasil dari revisi ini adalah draf final dalam model penilaian proyek dan investigasi yang ada di lampiran.

a. Tugas Proyek dan Investigasi

Tugas proyek dan investigasi merupakan sarana penunjang utama pada pembelajaran. Dalam tugas proyek dan investigasi ini terdapat dua bagian. Bagian pertama adalah tugas investigasi yang berisi langkah-langkah yang harus diselesaikan oleh siswa dengan menggunakan alat peraga. Sedangkan pada bagian kedua adalah latihan pemantapan yang berisi soal-soal yang berhubungan dengan tugas investigasi.

Tugas investigasi dibuat sebanyak 4 buah tugas investigasi. Tugas investigasi 1 membahas tentang luas permukaan tabung, tugas investigasi 2 membahas tentang volume tabung, tugas investigasi 3 membahas tentang luas permukaan kerucut dan tugas investigasi 4 membahas tentang volume kerucut. Pada tugas proyek dan investigasi ini juga dibuat alternatif jawaban siswa pada setiap langkah penjelasan masalah.

b. Kartu Penilaian

Kartu penilaian merupakan sarana untuk menilai cara kerja siswa pada saat mengerjakan tugas investigasi. Kartu penilaian berisi langkah-langkah yang disesuaikan dengan langkah-langkah pada tugas investigasi. Pada kartu penilaian ini juga berisi kriteria penilaian dari mulai angka 1 sampai dengan angka 4 yang nantinya akan diisi oleh pengamat di dalam kelas. Kartu penilaian ini merupakan pedoman

Keterangan :

J : Kode siswa dalam kelompok jajar genjang

B : Kode siswa dalam kelompok belah ketupat

T : Kode siswa dalam kelompok trapesium

LP : Latihan Pemantapan

Pada tabel 4.6 diatas, penilaian pada setiap tugas investigasi dalam tiap kelompok berada pada kategori berhasil atau sangat berhasil. Sedangkan pada tabel 4.7 diatas, rata-rata skor pengerjaan latihan pemantapan yang diperoleh adalah 15 siswa berada diatas 70. Jadi dapat dikatakan bahwa siswa yang memenuhi batas ketuntasan adalah 100% dari 15 siswa.

b. Hasil Analisis Data Respon Siswa

Respon siswa dapat diketahui dari angket yang diberikan setelah melakukan uji coba terbatas. Berikut rincian hasil angket respon siswa dari lima belas siswa, angka persentase pada tiap kolom kriteria menunjukkan persentase guru yang memberikan respon sesuai dengan kriteria yang ditanyakan.

Tabel 4.8
Hasil Angket Respon Siswa

NO	URAIAN	Senang	Tidak Senang
1	Perasaan siswa selama melakukan langkah-langkah tugas investigasi	100%	-
2	Perasaan siswa selama mengerjakan tugas-tugas investigasi	100%	-

Jadi tugas proyek dan investigasi yang dikembangkan dapat dikatakan efektif karena :

- 1) Penilaian pengerjaan setiap tugas investigasi dalam kelompok berada dalam kategori berhasil atau sangat berhasil.
- 2) Rata-rata skor pengerjaan pada keempat latihan pemantapan yang diperoleh subyek penelitian secara individu memenuhi batas ketuntasan, yaitu minimal 70% dari seluruh subyek penelitian memperoleh skor lebih dari atau sama dengan 70.
- 3) Ada respon positif yang ditunjukkan siswa melalui angket yang diberikan.

DAFTAR PUSTAKA

Adinawan dan Sugijono, *Matematika Untuk SMP Kelas VIII*, (Jakarta:Erlangga, 2005

Aprilia, Asih. 2007. *Pengembangan Penilaian Proyek dan Investigasi Dalam Pembelajaran Matematika Pada Sub Pokok Bahasan Sudut Pusat dan Sudut Keliling di Kelas VIII-H SMP Negeri 16 Surabaya*. Skripsi. Tidak dipublikasikan. Surabaya : UNESA.

Dwi dan Wahyudin. *Belajar Matematika Aktif dan Menyenangkan Untuk Kelas IX Sekolah Menengah Pertama/Madrasah Tsanawiyah*. Jakarta : CV Putra Nugraha. 2008.

Harjanto. *Perencanaan Pengajaran*. Jakarta : Rineka Cipta. 2006.

Haryati, Mimin. *Model dan Teknik Penilaian Pada Tingkat Satuan Pendidikan*. Jakarta : GP Press. 2007.

Hidayati, Puri. *Pengembangan Buku Teks dengan Pendekatan Kultural Matematika pada Sub Pokok Bahasan Keliling dan Luas Lingkaran untuk Kelas VIII SMP*. Skripsi. Tidak dipublikasikan : UNESA

Khabibah, Sitti. 2006. *Pengembangan Model Pembelajaran Matematika Dengan Soal Terbuka Untuk Meningkatkan Kreativitas Siswa Sekolah Dasar*. Disertasi S-3. Tidak dipublikasikan. Surabaya : Program Pasca Sarjana UNESA.

Kusuma, Nurina. 2007. *Pengembangan Perangkat Penilaian Proyek dan Investigasi Dalam Proses Pembelajaran Untuk Mengukur Kemampuan Kognitif, afektif dan Psikomotorik Siswa Pada Pokok Bahasan Lingkaran di Kelas VIIIA SMP Negeri 1 Pacet Mojokerto*. Skripsi. Tidak dipublikasikan. Surabaya : UNESA.

Murrsel, Jemur dan Nasution. *Mengajar dengan Sukses*. Jakarta : Bumi Aksara. Jakarta. 2006.

Rasyid, Harun dan Mansur. *Penilaian Hasil Belajar*. Yogyakarta : CV Wacana Prima. 2007.

Rohani, Ahmad. *Pengelolaan Pengajaran*. Jakarta : Rineka Cipta. 2004.

Rosidah, Nafidatur. *Pengembangan Model Pembelajaran Matematika dengan Proyek dan Investigasi Setting Kooperatif pada Materi Kubus dan Balok di Kelas VIII MTs Negeri 2 Surabaya*. Skripsi. Tidak dipublikasikan. Surabaya : IAIN Sunan Ampel.

Sadiman, Arief dkk. *Media Pendidikan (Pengertian, Pengembangan dan Pemanfaatan)*. Jakarta : PT Raja Grafindo Persada. 2009.

Sudjana, Nana. *Penilaian Hasil Proses Belajar Mengajar*. Bandung : PT Remaja Rosdakarya. 1995.

[http://noviarni239mail.com.blogspot.com/2010/02/tugas evaluasi-semester-ii.htm/](http://noviarni239mail.com.blogspot.com/2010/02/tugas%20evaluasi-semester-ii.htm/)