

**PENGOPTIMALAN PEMBAGIAN BEBAN PADA TURBIN GAS PLTGU
DENGAN METODE *NONLINEAR PROGRAMMING* STUDI KASUS: PT.
PJB UNIT PEMBANGKITAN GRESIK**

SKRIPSI



**UIN SUNAN AMPEL
S U R A B A Y A**

Disusun Oleh
ERY FUJI RISNAWATI
H72216028

**PROGRAM STUDI MATEMATIKA
FAKULTAS SAINS DAN TEKNOLOGI
UNIVERSITAS ISLAM NEGERI SUNAN AMPEL
SURABAYA**

2019

**PENGOPTIMALAN PEMBAGIAN BEBAN PADA TURBIN GAS PLTGU
DENGAN METODE *NONLINEAR PROGRAMMING* STUDI KASUS: PT.
PJB UNIT PEMBANGKITAN GRESIK**

SKRIPSI

Diajukan guna memenuhi salah satu persyaratan untuk memperoleh gelar Sarjana Matematika (S.Mat) pada Program Studi Matematika



**UIN SUNAN AMPEL
S U R A B A Y A**

Disusun oleh
ERY FUJI RISNAWATI
H72216028

**PROGRAM STUDI MATEMATIKA
FAKULTAS SAINS DAN TEKNOLOGI
UNIVERSITAS ISLAM NEGERI SUNAN AMPEL
SURABAYA**

2019

PERNYATAAN KEASLIAN

Saya yang bertanda tangan di bawah ini,

Nama : ERY FUJI RISNAWATI

NIM : H72216028

Program Studi : Matematika

Angkatan : 2016

Menyatakan bahwa saya tidak melakukan plagiat dalam penulisan skripsi saya yang berjudul " PENGOPTIMALAN PEMBAGIAN BEBAN PADA TURBIN GAS PLTGU DENGAN METODE *NONLINEAR PROGRAMMING* STUDI KASUS: PT. PJB UNIT PEMBANGKITAN GRESIK ". Apabila suatu saat nanti terbukti saya melakukan tindakan plagiat, maka saya bersedia menerima sanksi yang telah ditetapkan.

Demikian pernyataan keaslian ini saya buat dengan sebenar-benarnya.

Surabaya, 23 Desember 2019

Yang menyatakan,



ERY FUJI RISNAWATI

NIM. H72216028

LEMBAR PERSETUJUAN PEMBIMBING

Skripsi oleh

Nama : ERY FUJI RISNAWATI
NIM : H72216028
Judul Skripsi : PENGOPTIMALAN PEMBAGIAN BEBAN PADA
TURBIN GAS PLTGU DENGAN METODE *NONLINEAR*
PROGRAMMING STUDI KASUS: PT. PJB UNIT
PEMBANGKITAN GRESIK

telah diperiksa dan disetujui untuk diujikan.

Surabaya, 23 Desember 2019

Pembimbing



Nurissaidah Ulinuha, M.Kom
NIP. 199011022014032004

PENGESAHAN TIM PENGUJI SKRIPSI

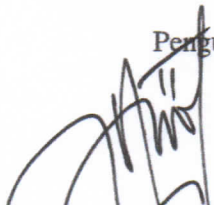
Skripsi oleh

Nama : ERY FUJI RISNAWATI
NIM : H72216028
Judul Skripsi : PENGOPTIMALAN PEMBAGIAN BEBAN PADA
TURBIN GAS PLTGU DENGAN METODE *NONLINEAR*
PROGRAMMING STUDI KASUS: PT. PJB UNIT
PEMBANGKITAN GRESIK

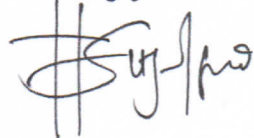
Telah dipertahankan di depan Tim Penguji
pada tanggal 12 Desember 2019

Mengesahkan,
Tim Penguji


Penguji I


Nurissaidah Ulinnuha, M.Kom
NIP. 199011022014032004


Penguji II


Yuniar Farida, MT
NIP. 197905272014032002


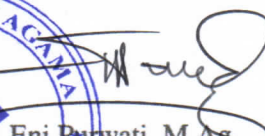
Penguji III


Dian Candra Rini N., M.Kom
NIP. 198511242014032001

Penguji IV


Aris Fanani, M.Kom
NIP. 198701272014031002

Mengetahui,
Dekan Fakultas Sains dan Teknologi
UIN Sunan Ampel Surabaya



Dr. Eni Purwati, M.Ag
NIP. 196512211990022001



KEMENTERIAN AGAMA
UNIVERSITAS ISLAM NEGERI SUNAN AMPEL SURABAYA
PERPUSTAKAAN

Jl. Jend. A. Yani 117 Surabaya 60237 Telp. 031-8431972 Fax.031-8413300
E-Mail: perpustakaan@uinsby.ac.id

LEMBAR PERNYATAAN PERSETUJUAN PUBLIKASI
KARYA ILMIAH UNTUK KEPENTINGAN AKADEMIS

Sebagai sivitas akademika UIN Sunan Ampel Surabaya, yang bertanda tangan di bawah ini, saya:

Nama : Ery Fuji Risnawati
NIM : H72216028
Fakultas/Jurusan : Sains dan Teknologi / Matematika
E-mail address : eryfuji123@gmail.com

Demi pengembangan ilmu pengetahuan, menyetujui untuk memberikan kepada Perpustakaan UIN Sunan Ampel Surabaya, Hak Bebas Royalti Non-Eksklusif atas karya ilmiah :

Sekripsi Tesis Desertasi Lain-lain (.....)
yang berjudul :

Pengoptimalan Pembagian Beban pada Turbin Gas PLTU
Dengan Metode Nonlinear Programming studi kasus : PT- PJB
Unit Pembangkitan Gresik

beserta perangkat yang diperlukan (bila ada). Dengan Hak Bebas Royalti Non-Eksklusif ini Perpustakaan UIN Sunan Ampel Surabaya berhak menyimpan, mengalih-media/format-kan, mengelolanya dalam bentuk pangkalan data (database), mendistribusikannya, dan menampilkan/mempublikasikannya di Internet atau media lain secara *fulltext* untuk kepentingan akademis tanpa perlu meminta ijin dari saya selama tetap mencantumkan nama saya sebagai penulis/pencipta dan atau penerbit yang bersangkutan.

Saya bersedia untuk menanggung secara pribadi, tanpa melibatkan pihak Perpustakaan UIN Sunan Ampel Surabaya, segala bentuk tuntutan hukum yang timbul atas pelanggaran Hak Cipta dalam karya ilmiah saya ini.

Demikian pernyataan ini yang saya buat dengan sebenarnya.

Surabaya, 31 Desember 2019

Penulis

(Ery Fuji Risnawati)
nama terang dan tanda tangan

Terdapat dua jenis bahan bakar yang digunakan oleh Pembangkit Listrik Tenaga Gas Uap (PLTGU) di PT PJB Unit Pembangkitan Gresik yaitu gas sebagai bahan bakar utama dan minyak HSD (*High Speed Diesel*) sebagai bahan bakar cadangan (Puspitaningrum , 2012).

PT. PJB sebagai salah satu perusahaan energi listrik yang berada di wilayah Kabupaten Gresik dengan sektor industri yang padat dan seluruh proses yang berlangsung di sektor industri membutuhkan energi listrik untuk menunjang kebutuhan sebuah industri. Untuk memenuhi kebutuhan yang semakin meningkat, unit pembangkit listrik akan mengoptimalkan produksi agar dapat memenuhi permintaan dari masyarakat. Unit pembangkit listrik dapat memproduksi sesuai kapasitas atau sesuai permintaan yang ada. Faktor-faktor yang mempengaruhi besar daya yang diproduksi dari pembangkit listrik ada tiga, yaitu kemampuan dari pembangkit, permintaan dari masyarakat, dan rugi-rugi pada saluran. Daya yang dihasilkan dari pembangkit tidak selalu konsisten setiap waktu sesuai dengan permintaan. Semakin tinggi permintaan, semakin tinggi juga produksi daya yang harus dihasilkan dari pembangkit. PT. PJB sebagai perusahaan yang bernaung dalam bidang jasa yang menyediakan tenaga listrik untuk masyarakat harus memenuhi target yang dibutuhkan oleh konsumen, karena apabila daya yang dibangkitkan dan daya yang disalurkan lebih besar daripada kebutuhan konsumen maka mengakibatkan pemborosan biaya operasi terutama dalam pemakaian bahan bakar (Nguyen and Nabney , 2010).

Jika daya yang diproduksi lebih besar dibandingkan dengan permintaan dari konsumen mengakibatkan adanya *over load* yang berpengaruh pada tingginya tingkat pemakaian bahan bakar saat operasi. Untuk menghindari pemborosan maka dilakukan pengoptimalan pemakaian bahan bakar yang bertujuan untuk menghemat pemakaian bahan bakar gas saat proses produksi. Larangan

unit (Tambun, 2018).

Pengoptimalan pembangkitan dapat dilakukan dengan pembagian pembebanan untuk mendapatkan daya yang maksimum dengan biaya yang minimum. Penjadwalan pembebanan dapat menghemat pemakaian bahan bakar yang digunakan untuk proses pembangkitan listrik. Penjadwalan pembebanan dalam unit pembangkitan disebut *economic dispatch*. *Economic dispatch* adalah pembagian pembebanan pada unit-unit pembangkit secara optimal serta ekonomis pada harga beban tertentu (Djiteng, 2006). Ada beberapa metode yang dapat diterapkan dalam penjadwalan pembebanan atau *economic dispatch* untuk menghemat pemakaian bahan bakar yang akan digunakan, yaitu metode Lagrange, iterasi lambda, *base point and participation factors*, *dynamic programming*, dan *nonlinear programming*.

Pada penelitian sebelumnya yang dilakukan oleh Kartika Ika Putri (2017) menunjukkan bahwa *economic dispatch* unit-unit pembangkit *thermal* dalam sistem kelistrikan Sumatera Barat dengan metode iterasi lambda memberikan penjadwalan yang efisien dan efektif dalam menekan biaya operasi pembangkit listrik dibandingkan tanpa menggunakan *economic dispatch* (Putri, 2012). Hana Nabila (2017) meneliti analisis *economic dispatch* pada PLTU Sektor Bukit Asam menggunakan metode iterasi lambda dan *dynamic programming* yang menghemat penggunaan bahan bakar sebesar 4.621,94 ton. Hal ini menunjukkan bahwa pembagian beban yang optimal dapat menghemat konsumsi bahan bakar (Nabila, 2017). Nyimas Putri Pertiwi (2018) meneliti analisis *economic dispatch* pada unit pembangkit menggunakan iterasi lambda berdasarkan *base point and participation factor* menunjukkan bahwa dengan penjadwalan pembangkit menggunakan metode tersebut dapat menghemat bahan bakar sehingga biaya operasi lebih minimum dan daya yang dihasilkan optimal (Pertiwi, 2018).

Penelitian yang dilakukan oleh Muhammad Firdaus (2010) tentang penentuan beban optimal pada turbin gas PLTGU Blok 1 PT PJB Muara Tawar menggunakan metode *nonlinear programming* menghasilkan penghematan biaya bahan bakar gas sebesar Rp. 1.693.144.577,- per harinya (Firdaus , 2010). Metode yang digunakan dalam permasalahan pengoptimalan dalam penggunaan bahan bakar gas pada penelitian ini adalah metode *nonlinear programming* dengan studi kasus di turbin gas Blok 1 PLTGU PT. PJB UP Gresik. Metode *nonlinear programming* merupakan pendekatan metode yang hampir sama dengan *linear programming* yang mempunyai *decision variable*, *objective function*, dan *constraint function*. Pada penelitian ini, kelebihan dari metode *nonlinear programming* adalah hasil optimasi lebih rinci tentang jumlah pemakaian bahan bakar pada unit pembangkit, sehingga tidak hanya biaya operasi setelah optimasi tetapi tingkat penggunaan bahan bakar juga diketahui. Kelemahan metode ini yaitu untuk menentukan model matematisnya diperlukan beberapa uji coba untuk mendapatkan model yang tepat. Metode *nonlinear programming* pada penelitian ini digunakan karena di kehidupan sehari-hari banyak permasalahan yang berbentuk *nonlinear* dibandingkan yang *linear* (Firdaus , 2010).

Dalam penelitian ini, metode *nonlinear programming* bertujuan untuk mendapatkan model matematika yang dapat memenuhi perintah produksi dengan mengoptimalkan pembagian beban pada turbin gas PLTGU Blok 1 Unit Pembangkitan Gresik dengan biaya proses pembangkitan dengan bahan bakar yang lebih ekonomis (Novandi , 2016).

1.2. Rumusan Masalah

Berdasarkan latar belakang yang ada maka peneliti merumuskan permasalahan yang akan diteliti sebagai berikut:

yang digunakan dalam proses pembangkitan. Dalam proses pembangkitan bahan bakar yang digunakan akan diubah oleh penggerak awal menjadi energi mekanik dalam bentuk putaran atau kecepatan, kemudian energi mekanik tersebut akan dikonversi menjadi energi listrik dengan bantuan generator. Proses pembangkitan energi listrik yang memanfaatkan generator dapat dihasilkan menggunakan induksi elektromagnetik. Jenis-jenis pembangkit yang ada di Indonesia yaitu:

1. PLTA (Pembangkit Listrik Tenaga Air)
2. PLTD (Pembangkit Listrik Tenaga Diesel)
3. PLTS (Pembangkit Listrik Tenaga Surya)
4. PLTP (Pembangkit Listrik Tenaga Panas Bumi)
5. PLTU (Pembangkit Listrik Tenaga Uap)
6. PLTG (Pembangkit Listrik Tenaga Gas)
7. PLTGU (Pembangkit Listrik Tenaga Gas Uap)

Karakteristik yang dimiliki oleh setiap pembangkit berbeda-beda. Karakteristik unit pembangkit meliputi *input-output* pembangkit dan *incremental rate* (Penangsang, 2012). Data yang digunakan untuk menentukan karakteristik unit pembangkit seperti desain generator, pabrik yang memproduksi generator, data riwayat pengoperasian generator dan data percobaan. Fungsi karakteristik ini digunakan untuk menghitung biaya pembangkitan dari masing-masing unit sehingga diperoleh nilai yang optimum. Karakteristik *input output* dalam bentuk *btu/hour*. Biaya dalam pembangkitan dalam bentuk dollar, dari nilai kalor bahan bakar dengan kebutuhan kalor di setiap jam dari generator. Hasil daya yang diperoleh dalam satuan *watt* atau disimbolkan dengan P . Dalam penelitian ini unit

yaitu *overhead* dan *underground*. Saluran *overhead* merupakan kawat atau kabel transmisi listrik melalui udara atau diatas permukaan tanah. Saluran *underground* merupakan kebalikan dari *overhead* yaitu saluran instalasi transmisi listrik dipasang melalui bawah tanah. Saluran *overhead* mempunyai kelebihan dalam perawatan karena lebih mudah dibandingkan dengan saluran *underground*, namun kekurangan saluran ini lebih mudah mendapatkan gangguan. Saluran *underground* lebih unggul dalam hal tidak mudah mendapatkan gangguan, tetapi kelemahan pada saluran ini membutuhkan biaya yang mahal dalam pemasangan instalasi dan biaya perawatan. PT. PJB Unit Pembangkitan Gresik menggunakan saluran *underground* untuk penyaluran daya listrik dan transmisi ke konsumen (Marsudi , 2006).

2.1.4. Beban Sistem

Beban atau daya yang dihasilkan berupa daya nyata dalam satuan kilowatt (KW) atau megawatt (MW) dengan magnitudo yang berbeda-beda setiap waktu. Daya yang dihasilkan disesuaikan dengan permintaan dan kebutuhan. Pengaturan tersebut berguna untuk meminimalisir kerugian dan *over load*. Apabila daya yang disalurkan terlalu besar daripada kebutuhan dapat menyebabkan kerugian pada perusahaan listrik karena pemborosan energi. Namun jika daya yang disalurkan terlalu kecil daripada kebutuhan menyebabkan terjadinya *over load* yang berakibat pada pemadaman. Untuk mengatasi permasalahan tersebut maka diperlukan perkiraan produksi beban listrik agar perusahaan listrik efisien segi manajerial dan operasional.

Perkiraan beban listrik dibagi menjadi tiga jenis berdasarkan jangka waktunya, yaitu perkiraan beban jangka panjang (*long term*) untuk perkiraan beban listrik dengan jangka waktu lebih dari satu tahun, perkiraan beban jangka

menengah (*medium term*) untuk perkiraan jangka waktu antara satu bulan hingga satu tahun, dan perkiraan jangka pendek (*short term*) untuk perkiraan jangka waktu pendek dalam jangkauan waktu jam dalam sehari hingga satu minggu.

2.2. Pembangkit Listrik Tenaga Gas dan Uap (PLTGU)

PLTGU adalah pembangkit listrik tenaga listrik termal yang memanfaatkan tenaga gas dan uap sebagai hasil *combine system* dari Pembangkit Listrik Tenaga Gas (PLTG) dan Pembangkit Listrik Tenaga Uap (PLTU). PLTGU merupakan suatu instalasi peralatan yang berfungsi untuk mengonversi energi panas dari sisa gas buang dari turbin gas dengan temperatur $\pm 500^{\circ}\text{C}$ menjadi energi listrik. PLTGU merupakan jenis pembangkit daya dengan siklus gabungan yaitu siklus *Brayton* (siklus gas) dan siklus *Rankine* (siklus uap) dengan turbin gas dan turbin uap sebagai penyedia daya ke jaringan (Kurniawan dan MulfiHazwi, 2014).

PLTGU memiliki dua macam operasi yaitu *open cycle* dan *combined cycle*. Operasi *open cycle* merupakan sistem operasi dimana gas buang gas turbin dibuang langsung dan tidak dimanfaatkan, sedangkan *combine cycle* merupakan sistem yang memanfaatkan gas buang dari turbin gas untuk proses pemanasan air di pipa-pipa yang terdapat di *Heat Recovery Steam Generator* (HRSG) hingga menjadi uap kering yang digunakan untuk menggerakkan turbin uap. Turbin uap akan dihubungkan dengan generator sehingga dapat menghasilkan listrik.

PLTGU memanfaatkan pembakaran bahan bakar gas untuk menggerakkan turbin gas yang dihubungkan langsung dengan generator menggunakan satu poros. Hasil sisa gas buang dari turbin gas digunakan untuk memanaskan air pada pipa-pipa yang ada di dalam *Heat Recovery Steam Generator* (HRSG) untuk mengubah fase air menjadi fase uap. Hasil uap tersebut digunakan untuk menggerakkan baling-baling pada turbin uap yang terhubung dengan generator

bakar yang sudah berisi udara kemudian ada pemantik api sehingga terjadi proses pembakaran.

3. Pemuaiian (*expantion*) gas hasil pembakaran memuai dan mengalir ke luar melalui *nozel*.
4. Pembuangan gas (*exhaust*) gas hasil pembakaran dikeluarkan melalui saluran pembuangan.

Secara sederhana, sistem turbin gas tersusun atas tiga komponen yaitu kompresor, ruang bakar, dan turbin gas.

Prinsip kerja dari turbin gas secara umum dimulai ketika udara masuk ke dalam kompresor melalui saluran masuk udara. Kompresor berfungsi sebagai penghisap dan meningkatkan tekanan udara yang masuk, sehingga temperatur udara juga meningkat. Motor *starter* dijalankan untuk memutar *compressor* untuk menaikkan tekanan udara pada ruang bakar saat disalurkan bahan bakar gas bumi, selanjutnya dinyalakan dengan *igniter* (untuk awal pembakaran) sehingga terjadi pembakaran di ruang bakar. Gas hasil pembakaran dapat digunakan untuk memutar turbin, *compressor*, dan generator. Motor *starter* akan otomatis mati saat putaran mencapai 2100 rpm. Putaran pada turbin *compressor* akan terus meningkat hingga mencapai 300 rpm, kemudian generator mengubah energi mekanik yang dihasilkan pada turbin *compressor* menjadi energi listrik untuk diparalelkan dengan jaringan interkoneksi Jawa-Bali. Turbin gas juga menghasilkan gas buang dengan suhu yang masih tinggi untuk dimanfaatkan proses pemanasan pada HRSG, apabila gas buang tersebut tidak digunakan maka dapat langsung dibuang melalui saluran buang (*exhaust*) (Firdaus , 2010).

Turbin gas diklasifikasikan menjadi beberapa jenis berdasarkan sistem kerjanya yaitu sistem turbin gas berdasarkan siklus, konstruksi poros, dan aliran.

dan industri (Hillier and Lieberman , 2001).

Riset operasi terus dikembangkan sampai saat ini sebagai alat pembuat keputusan yang dominan digunakan dalam kehidupan sehari-hari, meliputi pembuatan keputusan manajerial, pemodelan matematika dan komputer, dan penggunaan informasi teknologi untuk pembuatan keputusan yang baik (Rai , 2015). Konsep dan metode pada riset operasi sangat luas. Konsep dan metode riset operasi dapat digunakan dalam berbagai bidang, yaitu bidang kebijakan energi, desain dan operasi sistem darurat perkotaan, pertahanan, kesehatan, perencanaan sumber daya air, sistem peradilan pidana, dan masalah transportasi. Riset operasi dengan pendekatan khusus untuk mengembangkan sistem secara ilmiah, seperti peluang dan risiko yang digunakan untuk memprediksi dan membandingkan hasil keputusan alternatif, strategi, atau kontrol yang bertujuan untuk membantu sistem menentukan kebijakan dan tindakan secara ilmiah (Rai , 2015).

Terdapat beberapa pendapat penting dari beberapa ahli untuk mendefinisikan riset operasi. Definisi riset operasi menurut Morse dan Kimball yaitu metode ilmiah dengan dasar kuantitatif dalam mengambil keputusan. Definisi dari Morse dan Kimball tersebut tidak menggambarkan perbedaan yang signifikan ilmu riset operasi dengan ilmu yang lainnya. Pada tahun 1948, P.M.S Blacket mendefinisikan riset operasi yaitu metode ilmiah dengan dasar analisis dan obyektif dalam pengambilan keputusan yang optimum. Pada tahun 1957, Churchman, Acoff, dan Arnoff mendefinisikan riset operasi sebagai penerapan metode, teknik, dan alat untuk masalah yang melibatkan riset operasi sehingga diperoleh hasil yang optimal untuk solusi masalah tersebut (Hillier and Lieberman , 2001).

Pada tahun 1958, T.L. Satty mendefinisikan riset operasi adalah seni yang memberikan solusi untuk masalah operasi dari suatu instansi secara optimum.

Pada tahun 1975, definisi dari Thianfand Klekamp tentang riset operasi adalah memanfaatkan pendekatan yang direncanakan dengan model secara matematis untuk memperoleh dasar kuantitatif dalam pengambilan keputusan yang optimum. Berdasarkan definisi-definisi yang sudah ada dapat disimpulkan bahwa riset operasi merupakan ilmu yang berkaitan dengan masalah optimasi suatu keputusan yang mempertimbangkan kemungkinan yang terbaik sehingga diperoleh keputusan yang optimal (Hillier and Lieberman, 2001).

2.4. Pemodelan Matematis

Model matematika juga merupakan representasi ideal. Model yang digambarkan dalam simbol matematika. Jika terdapat n keputusan yang akan dibuat, modelnya akan direpresentasikan sebagai *decision variable* (x_1, x_2, \dots, x_n) yang merepresentasikan nilai yang akan ditentukan. Kemudian, untuk fungsi yang merepresentasikan nilai yang tepat untuk sebuah performansi nilai keuntungan disebut *objective function*. Beberapa batasan yang dapat mempengaruhi *decision variable* juga diekspresikan secara matematis biasanya dalam bentuk pertidaksamaan matematika. Nilai pembatas tersebut disebut *constraints*. Konstanta dari *constraints* dan *objective function* disebut sebagai parameter dalam model. Model matematika tersebut mencari nilai *decision variables* untuk dapat memaksimalkan atau meminimumkan *objective function* (Hillier and Lieberman, 2001).

2.5. Nonlinear Programming

Nonlinear programming berkaitan dengan masalah optimasi fungsi objektif dalam kendala persamaan maupun pertidaksamaan (Bazaraa, Dkk, 2006). *Nonlinear programming* adalah salah satu bagian dalam riset operasi yang berguna

3.4. Pengolahan Data

Pada bagian ini akan membahas mengenai model matematika yang digunakan untuk menyelesaikan permasalahan, yaitu dengan menerapkan metode *nonlinear programming*. Setelah menentukan metode, maka dilanjutkan dengan input data berdasarkan model matematika yang sudah ditentukan sebelumnya. Data yang digunakan pada bulan Maret 2019 pada saat kondisi operasi *combine cycle*. Data yang diperoleh kemudian dikonversi menjadi satuan yang telah ditentukan untuk dibuat sebuah model secara matematis. Hasil model tersebut diperoleh hasil optimal pada beban turbin gas untuk meminimumkan penggunaan bahan bakar. Dari hasil pengolahan data akan dibandingkan dengan kondisi sebelum dan sesudah dilakukan optimasi beban.

3.5. Pembentukan Model Matematika

Dalam bagian ini akan disusun model matematika atau persamaan karakteristik dari unit pembangkit yang akan dioptimalkan dalam pembagian beban berdasarkan data yang diperoleh. Model matematika ini menggambarkan siklus *combine cycle* pada unit pembangkit. Pembentukan model matematika menyatakan hubungan antara beban pada tiap turbin gas (MW) dengan bahan bakar yang digunakan (MMBTU/KWh) pada saat kondisi *combine cycle*. Untuk menentukan model matematika digunakan metode *nonlinear programming*.

Penentuan model secara matematis dengan mencari regresi dua variabel antara beban pada tiap turbin gas (MW) dengan bahan bakar yang digunakan (MMBTU/KWh). Hasil regresi dua variabel dari masing-masing turbin gas dijadikan sebagai fungsi karakteristik *input-outputnya*. Penelitian ini memiliki *objective function* yang bertujuan untuk meminimumkan penggunaan bahan bakar

Tabel 4.2 Data Primer Beban Turbin Gas 1.1

Beban (MW)	<i>Gas Flow (KNm³/h)</i>	MMSCF/h	MMBTU/h	MMBTU/KWh
100.3	29.7	1.1085	1163.974	0.01160
100.4	29.7	1.1085	1163.974	0.01159
99.6	29.6	1.1048	1160.055	0.01165
100.2	29.7	1.1085	1163.974	0.01162
99.1	29.4	1.0973	1152.217	0.01163
99.4	29.5	1.1011	1156.136	0.01163
97.2	29	1.0899	1144.378	0.01177

Tabel 4.3 Data Primer Beban Turbin Gas 1.2

Beban (MW)	<i>Gas Flow (KNm³/h)</i>	MMSCF/h	MMBTU/h	MMBTU/KWh
99.9	29.9	1.1160	1171.81	0.01173
100.2	29.9	1.1160	1171.81	0.01169
100	29.9	1.1160	1171.81	0.01172
99.9	29.9	1.1160	1171.81	0.01173
100.2	30	1.1197	1175.73	0.01173
99.8	29.9	1.1160	1171.81	0.01174
98.3	29.5	1.1011	1156.14	0.01176

Tabel 4.4 Data Primer Beban Turbin Gas 1.3

Beban (MW)	Gas Flow (KNm^3/h)	MMSCF/h	MMBTU/h	MMBTU/KWh
99.1	30.1	1.1235	1179.65	0.01190
99.6	30.2	1.1272	1183.57	0.01188
99.8	30.3	1.1309	1187.49	0.01190
99.3	30.2	1.1272	1183.57	0.01192
99.9	30.3	1.1309	1187.49	0.01189
99.8	30.3	1.1309	1187.49	0.01190
98.7	30	1.1197	1175.73	0.01191

Data dari ketiga tabel tersebut menjelaskan tentang hubungan antara beban yang dihasilkan dengan penggunaan bahan bakar yang dipakai pada saat proses pembangkitan. Pada tabel tersebut data penggunaan bahan bakar dengan satuan KNm^3 telah dikonversi menjadi satuan MMBTU/KWh.

Dari data konsumsi bahan bakar dan daya yang dihasilkan pada unit blok 1 PLTGU PT. PJB UP Gresik digunakan untuk menentukan model persamaan karakteristik *input-output* masing-masing turbin gas. Metode yang digunakan untuk menentukan persamaan karakteristiknya adalah regresi polinomial orde dua. Parameter yang digunakan untuk menentukan tingkat ketepatan masing-masing model matematis yang dibentuk menggunakan koefisien R^2 (*R square*). Nilai dari (*R square*) dikatakan tepat jika nilainya mendekati 1.

Model matematis dari siklus *combine cycle* pada pembangkit pada penelitian ini digunakan untuk meminimalkan penggunaan bahan bakar gas dalam satuan energi MMBTU/KWh pada saat operasi. Model matematis yang sudah diperoleh kemudian diuji kecocokan model untuk mengetahui kecocokan antara

- Kurniawan, R., dan MulfiHazwi., 2014, e-Dinamis, *Analisa Performansi Pembangkit Listrik Tenaga Gas Uap (PLTGU) Sicancang Belawan*, 10(2):101-110.
- Luknanto, D., 2000, *Pengantar Optimasi Nonlinier*, Universitas Gadjah Mada., Yogyakarta.
- Marsudi, D., 2006, *Operasi sistem tenaga listrik*, Edisi Kedua. Graha Ilmu., Yogyakarta.
- Nabila, H., 2017, *Analisi Economic Dispatch pada PLTU Sektor Bukit Asam Menggunakan Metode Iterasi Lambda dan Dynamic Programming*, Universitas Lampung., Bandar Lampung.
- Nguyen, H.T., and Nabney, I.T., 2010, *Energy, Short-term Electricity Demand And Gas Price Forecasts Using Wavelet Transforms Adaptive Models*, 35(9):3674-3685.
- Novandi, D., 2016, *Optimasi Penjadwalan Operasi PLTD pada PT. PLN (PERSERO) Sektor Nagan Raya Pusat Listrik Lueng Bata Banda Aceh dengan Menggunakan Metode Iterasi Lambda*, Universitas Syiah Kuala., Banda Aceh.
- Nurchayani, R., 2014, *Penyelesaian Model Nonlinear Menggunakan Separable Programming Pada Portofolio Optimal*, Universitas Negeri Yogyakarta., Yogyakarta.
- Penangsang, O., 2016, *Analisis Aliran Daya*, ITS Press., Surabaya.
- Pertiwi, N.P., 2018, KITEKTRO: Jurnal Online Teknik Elektro, *Analisa Economic Dispatch Pada Unit Pembangkit Menggunakan Metode Iterasi Lambda Berdasarkan Base Point And Participation Factors*, 3(2):24-29.

- PJB, PT., 2018, *Statistik Perusahaan (Corporate Statistic) 2013-2017*, PT. PJB., Surabaya.
- Prayudi., Sudirmanto., dan Bintang, D.T., 2016, *Jurnal Powet Plant, Analisis Kinerja HRSG PLTGU Muara Karang Sebelum dan Sesudah Retubing*, 4(3):145-155.
- Putri, I.K., 2017, *Analisis Economic Dispatch Pembangkit Termal dengan Menggunakan Metode Iterasi Lambda pada Sistem Kelistrikan Sumbar*, Universitas Andalas., Padang.
- Putri, M.T., 2018, *Analisa Performansi Perawatan pada Gas Turbin PLTGU Blok I*, Universitas Brawijaya., Malang.
- Puspitaningrum, R., 2012, *Pemodelan Matematika Dan Penyelesaiannya Menggunakan Stochastic Goal Programming Studi Kasus Pada Pemakaian Bahan Bakar Di PLTGU PT PJB UP Gresik*, Institut Teknologi Sepuluh Nopember., Surabaya.
- Rai., 2015, *Operation Research*, Rai Technology University., India.
- Ringlee, R., and William, D., 1962, *Economic System Operation Considering Valve Throttling Losses II-Distribution of System Loads by the Method of Dynamic Programming*, Transactions of the American Institute of Electrical Engineers., Amerika Serikat.
- Rizkyanto, H., 2015, *Dynamic Economic Dispatch (DED) dengan Memperhatikan Ramp Rate Menggunakan Metode Iterasi Lambda Berbasis Delphi*, Institut Teknologi Sepuluh Nopember., Surabaya.

Saragi, H.S., Dkk., 2012, *Penjadwalan Pembebanan Menggunakan Faktor Penalti Pada Sistem Transmisi 500 kV Jawa-Bali Dengan Metode Adaptive Neuro Fuzzy Inference System*, Teknik Elektro., Semarang.

Supriyatna, E.N., 2016, *Penjadwalan Ekonomis Pembangkit Termal Dengan Memperhitungkan Rugi-Rugi Transmisi Menggunakan Pattern Search*, Universitas Pendidikan Indonesia., Bandung.

Tambun, B., 2018, *Economic Dispatch PLTU Pangkalan Susu*, Universitas Sumatera Utara., Medan.

Wahidah, A., Ermawati, Saddam, H., 2018, *Jurnal Matematika dan Statistika Aplikasinya (MSA), Analisis Logistik Biner Untuk Memprediksi Kepuasan Pengunjung Pada Rumah Sakit Umum Daerah Majene*, 6(1):20-26.