

**ANALISIS TEORI ANTRIAN PADA SISTEM PELAYANAN DI BPJS  
KETENAGAKERJAAN CABANG KARIMUNJAWA SURABAYA**

**SKRIPSI**



**UIN SUNAN AMPEL  
S U R A B A Y A**

Disusun Oleh  
**FATMA NURKHOLIDAH**  
**H72216051**

**PROGRAM STUDI MATEMATIKA  
FAKULTAS SAINS DAN TEKNOLOGI  
UNIVERSITAS ISLAM NEGERI SUNAN AMPEL  
SURABAYA**

**2020**

## PERNYATAAN KEASLIAN

Saya yang bertanda tangan di bawah ini,

Nama : FATMA NURKHOLIDAH

NIM : H72216051


Program Studi : Matematika

Angkatan : 2016

Menyatakan bahwa saya tidak melakukan plagiat dalam penulisan skripsi saya yang berjudul "ANALISIS TEORI ANTRIAN PADA SISTEM PELAYANAN DI BPJS KETENAGAKERJAAN CABANG KARIMUNJAWA SURABAYA". Apabila suatu saat nanti terbukti saya melakukan tindakan plagiat, maka saya bersedia menerima sanksi yang telah ditetapkan.

Demikian pernyataan keaslian ini saya buat dengan sebenar-benarnya.

Surabaya, 11 Maret 2020

Menyatakan,  
  
FATMA NURKHOLIDAH  
NIM. H72216051

6000  
RUPIAH

TERAI  
PEPEL

9474AHF529764266

## LEMBAR PERSETUJUAN PEMBIMBING

Skripsi oleh

Nama : FATMA NURKHOLIDAH

NIM : H72216051

Judul Skripsi : ANALISA TEORI ANTRIAN PADA SISTEM PELAYANAN  
DI BPJS KETENAGAKERJAAN CABANG  
KARIMUNJAWA SURABAYA

telah diperiksa dan disetujui untuk diujikan.

Surabaya, 11 Maret 2020

Pembimbing



Yuniar Farida, M.T  
NIP. 19790527201432002

## PENGESAHAN TIM PENGUJI SKRIPSI

Skripsi oleh

Nama : FATMA NURKHOLIDAH  
NIM : H72216051  
Judul Skripsi : ANALISA TEORI ANTRIAN PADA SISTEM  
PELAYANAN DI BPJS KETENAGAKERJAAN  
CABANG KARIMUNJAWA SURABAYA

Telah dipertahankan di depan Tim  
Penguji pada tanggal 05 Mei 2020

Mengesahkan,  
Tim Penguji

Penguji I

Yuniar Farida, M.T  
NIP. 19790527201432002

Penguji II

Dian Candra Rini Novitasari, M.Kom  
NIP. 198511242014032001

Penguji III

Putroue Keumala Intan, M.Si  
NIP. 198805282018012001

Penguji IV

Wika Dianita Utami, M.Sc  
NIP. 199206102018012003

Mengetahui,

Plt Dekan Fakultas Sains dan Teknologi  
Surabaya Ampel Surabaya



Dr. H. Nur Hafid Rusdiyah, M.Ag  
NIP. 199312272005012003



**KEMENTERIAN AGAMA**  
**UNIVERSITAS ISLAM NEGERI SUNAN AMPEL SURABAYA**  
**PERPUSTAKAAN**

Jl. Jend. A. Yani 117 Surabaya 60237 Telp. 031-8431972 Fax.031-8413300  
E-Mail: perpus@uinsby.ac.id

LEMBAR PERNYATAAN PERSETUJUAN PUBLIKASI  
KARYA ILMIAH UNTUK KEPENTINGAN AKADEMIS

Sebagai sivitas akademika UIN Sunan Ampel Surabaya, yang bertanda tangan di bawah ini, saya:

Nama : FATMA NURKHOLIDAH  
NIM : H72216051  
Fakultas/Jurusan : Sains dan Teknologi / Matematika  
E-mail address : nurkholidahfatma@gmail.com

Demı pengembangan ilmu pengetahuan, menyetujui untuk memberikan kepada Perpustakaan UIN Sunan Ampel Surabaya, Hak Bebas Royalti Non-Eksklusif atas karya ilmiah :

Sekripsi  Tesis  Desertasi  Lain-lain (.....)

yang berjudul :

ANALISIS TEORI ANTRIAN PADA SISTEM PELAYANAN DI BPJS

KETENAGAKERJAAN CABANG KARIMUNJAWA SURABAYA

beserta perangkat yang diperlukan (bila ada). Dengan Hak Bebas Royalti Non-Eksklusif ini Perpustakaan UIN Sunan Ampel Surabaya berhak menyimpan, mengalih-media/format-kan, mengelolanya dalam bentuk pangkalan data (database), mendistribusikannya, dan menampilkan/mempublikasikannya di Internet atau media lain secara *fulltext* untuk kepentingan akademis tanpa perlu meminta ijin dari saya selama tetap mencantumkan nama saya sebagai penulis/pencipta dan atau penerbit yang bersangkutan.

Saya bersedia untuk menanggung secara pribadi, tanpa melibatkan pihak Perpustakaan UIN Sunan Ampel Surabaya, segala bentuk tuntutan hukum yang timbul atas pelanggaran Hak Cipta dalam karya ilmiah saya ini.

Demikian pernyataan ini yang saya buat dengan sebenarnya.

Surabaya, 31 Juli 2020.

Penulis

( FATMA NURKHOLIDAH )  
*nama terang dan tanda tangan*













2.1.6. Struktur Organisasi . . . . .	14
2.2. Kualitas Pelayanan . . . . .	16
2.3. Teori Antrian . . . . .	17
2.3.1. Sejarah Teori Antrian . . . . .	17
2.3.2. Pengertian Teori Antrian . . . . .	17
2.3.3. Tujuan Teori Antrian . . . . .	18
2.3.4. Komponen dalam Sistem Antrian . . . . .	19
2.3.5. Distribusi Pola Kedatangan dan Pola Pelayanan . . . . .	24
2.3.6. Struktur-Struktur Antrian . . . . .	30
2.3.7. Kondisi <i>Steady State</i> . . . . .	33
2.3.8. Model-Model Teori Antrian . . . . .	33
2.4. Uji Kesesuaian Distribusi . . . . .	38
2.4.1. Uji Chi-Kuadrat . . . . .	39
2.4.2. Uji Kolmogorov-Smirnov . . . . .	40
2.5. Uji Kecukupan Data . . . . .	41
<b>III METODE PENELITIAN . . . . .</b>	<b>43</b>
3.1. Sumber Data . . . . .	43
3.2. Tempat dan Waktu Penelitian . . . . .	44
3.3. Jenis dan Pendekatan Penelitian . . . . .	44
3.4. Definisi Variabel . . . . .	44
3.5. Tahapan Penelitian . . . . .	45
<b>IV HASIL DAN PEMBAHASAN . . . . .</b>	<b>51</b>
4.1. Hasil Penelitian . . . . .	51
4.2. Pembahasan . . . . .	66
4.3. Evaluasi atau Solusi Optimal pada Sistem Antrian . . . . .	69
4.4. Simulasi Menggunakan ARENA . . . . .	71
<b>V PENUTUP . . . . .</b>	<b>77</b>
5.1. Simpulan . . . . .	77
5.2. Saran . . . . .	78
<b>DAFTAR PUSTAKA . . . . .</b>	<b>79</b>





















Badan Usaha Milik Negara yang mempunyai tugas dan tanggung jawab dari pemerintah untuk memberikan perlindungan sosial ekonomi kepada masyarakat khususnya para pekerja yang meliputi beberapa program yaitu: Program Jaminan Hari Tua (JHT), Program Jaminan Kecelakaan Kerja (JKK), Program Jaminan Kematian (JKM), Program Bukan Penerima Upah (BPU), Program Jasa Konstruksi, dan Program Jaminan Pensiun (Pratiwi, MZ, Tamalika dan Husin, 2014). Banyaknya manfaat yang diperoleh dari BPJS Ketenagakerjaan membuat perusahaan mendaftarkan para tenaga kerjanya untuk mengalihkan resiko-resiko kecelakaan kerja.

Menurut penelitian Hartini Retnaningsih (2016), bahwa total peserta BPJS Ketenagakerjaan cabang Karimunjawa Surabaya pada tahun 2014 untuk perusahaan yang menjadi peserta BPJS sebanyak 2.746 dan untuk para pekerja umum yang mendaftar sebagai peserta BPJS adalah 113.305 sedangkan pada tahun 2015 untuk perusahaan yang menjadi peserta BPJS sebanyak 3.683 dan untuk para pekerja umum yang mendaftar sebagai peserta BPJS adalah 179.965 peserta (Retnaningsih, 2016). Banyaknya para tenaga kerja yang akan melakukan klaim dana dan proses pelayanan klaim dana membutuhkan waktu yang cukup lama di kantor BPJS Ketenagakerjaan cabang Karimunjawa Surabaya menyebabkan antrian dengan waktu mengantri yang sangat lama. Dari hal tersebut dapat diketahui permasalahan yang dihadapi oleh BPJS Ketenagakerjaan Cabang Karimunjawa yaitu fenomena antrian.

Struktur antrian di BPJS Ketenagakerjaan Cabang Karimunjawa yaitu multi channel multi phase yang mana terdapat 1 loket pelayanan pemeriksaan dokumen dan 2 pelayanan klaim dana. Proses klaim dana untuk para peserta BPJS Ketenagakerjaan Cabang Karimunjawa Surabaya melalui beberapa tahap, yaitu melakukan pemeriksaan kelengkapan dokumen dengan cara meletakkan dokumen di dropbox yang kemudian di periksa oleh petugas loket pelayanan pemeriksaan dokumen, se-



lanjutnya mengambil nomor antrian sesuai kedatangan, yang terakhir verifikasi data diri oleh petugas loket pelayanan klaim dana. Setiap proses klaim dana tersebut akan ditemui fenomena antrian yaitu saat terjadi ketidakseimbangan antara kedatangan pelanggan dan banyaknya sistem pelayanan. Sebagai contoh pada observasi hari Selasa tanggal 12 November 2019 banyak kedatangan pelanggan pada loket pemeriksaan dokumen selama 3.5 jam observasi terdapat 53 orang pelanggan dengan 1 petugas loket pemeriksaan dokumen, waktu yang dibutuhkan untuk melayani pelanggan di loket pelayanan pemeriksaan dokumen rata-rata 3.19 menit. Jadi dalam 3.15 jam atau 210 menit, petugas loket dapat melayani setidaknya 65 pelanggan sehingga tidak terjadi antrian. Setelah selesai pada pemeriksaan dokumen dan dokumen yang diperiksa lengkap maka selanjutnya verifikasi di sistem pelayanan klaim dana. Banyak kedatangan pelanggan klaim dana yaitu 43 orang dalam 3.25 jam, waktu yang dibutuhkan petugas loket pelayanan klaim dana untuk melayani pelanggan cukup lama yaitu dengan rata-rata minimal 7.37 menit. Jadi dalam 3.25 jam atau 195 menit, petugas loket pelayanan klaim dana hanya dapat melayani sekitar 26 pelanggan sedangkan 17 pelanggan lainnya harus menunggu gilirannya terlebih dahulu sehingga terjadilah antrian.

Dilihat dari permasalahan antrian yang terjadi pada BPJS Ketenagakerjaan Cabang Karimunjawa Surabaya, maka untuk mengatasi atau mengurangi masalah yang terjadi pada antrian tersebut perlu adanya analisis teori antrian pada sistem pelayanan. Tujuan dari dilakukannya analisis teori antrian yaitu untuk mengetahui model antrian dan kinerja suatu sistem pelayanan yang sudah dioperasikan. Selain itu, teori antrian ini dapat digunakan untuk mengevaluasi fenomena antrian yang sangat panjang sehingga akan didapatkan solusi optimal guna mengurangi antrian (Iswiyanti dan Siringoringo, 2004).





antrian kita dapat mengetahui apakah suatu sistem pelayanan yang dioperasikan sudah efektif atau belum. Model antrian yang akan dibahas merupakan suatu metode yang sangat penting untuk kelancaran sistem pengelolaan yang mengoptimalkan pelayanan dengan mengatasi atau mengurangi antrian (Subagyo, 1995).

Beberapa penelitian terkait dengan teori antrian yang pernah dilakukan diantaranya dilakukan oleh Siti Arina R. Harahap (2014) mengenai Analisis Sistem Antrian Pelayanan Nasabah di PT. Bank Negara Indonesia (Persero) Tbk (studi kasus di Kantor Cabang Utama USU) menunjukkan bahwa sistem antrian sudah efektif, dimana kerja teller rata-rata sibuk 82,48 persen lebih lama daripada waktu menganggur teller di setiap harinya (Harahap, Sinulingga dan Ariswoyo, 2014). Sedangkan menurut penelitian Salmon Notje Aulele (2014) tentang Analisis Sistem Antrian pada Bank Mandiri Cabang Ambon menyimpulkan bahwa jumlah teller yang optimal pada Bank Mandiri Cabang Ambon adalah 4 teller dengan model antrian (M/M/4) : (FIFO/ $\infty$ / $\infty$ ) dan digunakan distribusi eksponensial (Aulele, 2014). Hasil penelitian Hermanto MZ. dkk (2019) mengenai Analisis Sistem Antrian dengan Metode Simulasi (Studi Kasus di BPJS Ketenagakerjaan Palembang) menyimpulkan bahwa penambahan server pelayanan yaitu empat server lebih optimal daripada tiga server dengan waktu pelayanan yang sama (Pratiwi, MZ, Tamalika dan Husin, 2014). Pada penelitian Idanny Mawarny (2017) mengenai Perancangan Simulasi Antrian Pembayaran Rekening Listrik dengan Model Multiple Channel Single Phase menggunakan metode Multilevel Queue dimana diperoleh hasil akhir dari simulasi dengan menggunakan metode Multilevel Queue yaitu menghasilkan efisiensi waktu dan layanan fasilitas yang terbaik (Butar-Butar, 2017).

Berdasarkan beberapa penelitian yang terkait dengan antrian diatas, maka perlu dilakukan analisa terhadap pelayanan yang ada di BPJS Ketenagakerjaan Ca-



































cepat dengan *idle time* yang singkat dan waktu tunggu pelayanan yang singkat pula. Hal tersebut melahirkan konsep teori antrian.

## 2.3. Teori Antrian

### 2.3.1. Sejarah Teori Antrian

Teori antrian diciptakan oleh seorang insinyur dan ahli matematika yang memiliki kebangsaan Denmark yang bekerja pada industri telepon bernama A.K. Erlang tahun 1909 (Subagyo, Asri dan Handoko, 2012). Pada saat itu, Erlang melakukan suatu percobaan mengenai masalah ketidaktepatan permintaan pada fasilitas telepon serta pengaruhnya terhadap fasilitas telepon otomatis. Pada percobaan tersebut diperoleh persoalan yang sebenarnya mengenai hasil hitung waktu terlambat dari seorang operator, selanjutnya saat tahun 1917 dilakukan suatu penyelidikan guna menghitung tingkat kesibukan sebagian operator telepon (Supranto, 2012). Kemudian model antrian ini digunakan semakin luas, tepatnya saat berakhirnya Perang Dunia ke-II (Subagyo, Asri dan Handoko, 2012).

### 2.3.2. Pengertian Teori Antrian

Siagian (1987) mengatakan bahwa antrian adalah sebuah atau beberapa garis tunggu dari pelanggan (satuan) yang membutuhkan pelayanan dari satu atau lebih pelayanan (fasilitas pelayanan) (Siagian, 1987). Sedangkan menurut Aminuddin (2005) mengartikan bahwa peristiwa menunggu adalah suatu hasil dari keacakan dalam operasional pelayanan fasilitas. Pada umumnya, kedatangan konsumen dan waktu pelayanannya tidak diketahui kapan waktu selanjutnya, karena jika waktu selanjutnya diketahui maka tidak akan ada yang namanya antrian (Aminudin, 2005).

Proses antrian (*Queueing Process*) merupakan sebuah proses mengenai kedatangan seorang konsumen pada suatu fasilitas pelayanan tertentu, selanjutnya me-



nunggu dalam suatu garis lurus atau suatu baris (antrian) saat semua sistem pelayanan sibuk. Sebuah sistem antrian yang terdiri dari sekumpulan pelanggan, sistem pelayanan, serta suatu aturan yang berisi tentang kedatangan para konsumen dan proses penyelesaian masalah dalam pelayanannya. Sehingga dapat disimpulkan bahwa sistem antrian merupakan sebuah proses kelahiran hingga kematian dengan sekelompok orang yang terdiri dari para konsumen yang menunggu hingga mendapatkan suatu pelayanan yang dibutuhkan atau yang sedang dilayani. Yang dimaksud suatu kelahiran yaitu apabila suatu konsumen datang ke fasilitas pelayanan, sedangkan apabila suatu konsumen meninggalkan fasilitas pelayanan tersebut maka hal tersebut adalah suatu kematian. Keadaan sistem merupakan banyaknya pelanggan yang berada dalam suatu fasilitas pelayanan (Richard Bronson, 1982).

### 2.3.3. Tujuan Teori Antrian

Tujuan awal dari suatu model antrian yaitu untuk mendapatkan jumlah dua biaya sekecil mungkin, yang berupa biaya langsung maupun yang berupa biaya tidak langsung untuk menyediakan fasilitas pelayanan serta biaya tidak langsung yaitu terjadi ketika para pelanggan menunggu untuk mendapatkan pelayanan. Jika sebuah sistem memiliki fasilitas pelayanan yang melebihi batas optimal, maka akan memakan biaya yang berlebihan. Sebaliknya jika suatu sistem kekurangan fasilitas pelayanan yang mengakibatkan kurang optimalnya fasilitas pelayanan maka akan mengakibatkan antrian. Model antrian yang digunakan adalah peralatan penting yang digunakan untuk mengelola sistem antrian agar lebih optimal (Subagyo, Asri dan Handoko, 2012). Sebagian besar garis tunggu dipusatkan untuk menentukan tingkat pelayanan yang paling optimal yang harus disediakan sebuah perusahaan (Render, Stair, Hanna dan Hale, 2015). Salah satu tujuan dari analisis antrian adalah untuk mengoptimalkan sistem pelayanan yang ada di sebuah perusahaan.











atau aturan dimana pelanggan yang datang lebih dulu akan dilayani lebih dulu. Contohnya antrian di suatu kasir sebuah swalayan. Semua pelanggan diperlakukan dengan sama yang mana pelanggan berada di sebuah sistem antrian dan dilayani sesuai urutan yang pada sistem antrian.

(b) *Last Come First Served (LCFS) atau Last in First Out (LIFO)* yaitu suatu aturan dimana pelanggan yang datang terakhir akan dilayani lebih dulu. Contohnya terjadi pada tumpukan barang yang berada di gudang, hal ini terjadi antrian sehingga barang yang terakhir masuk akan berada di tumpukan teratas sehingga diambil pertama.

(c) *Service in Random Order (SIRO)* atau pelayanan yang mana dipanggil dengan urutan acak atau sering dikenal dengan *random selection for service (RRS)* yaitu suatu aturan dimana pelanggan dilayani berdasarkan pada probabilitas urutan yang acak, tidak peduli siapa dulu yang datang untuk dilayani. Contohnya penentuan pemenang suatu undian dengan menggunakan kertas-kertas kupon yang bersifat acak yang mana diambil secara random.

(d) *Priority Service(PS)* yaitu disiplin antrian yang mana dalam pelayanannya membutuhkan waktu pelayanan tersingkat serta mendapatkan pelayanan pertama. Biasanya pelayanan ini diberikan kepada pelanggan yang diberikan keutamaan pelayanan paling tinggi dibandingkan dengan pelanggan yang memiliki keutamaan pelayanan yang rendah, meskipun yang terakhir ini sudah datang terlebih dahulu pada sistem antrian. Keadaan ini biasanya disebabkan oleh beberapa hal, misalnya ketika di rumah sakit ada seseorang yang dalam keadaan sakit lebih berat (dalam keadaan darurat) daripada orang lain.































































































































































dana loket 2 minimal 5.7369 menit dan maksimal 147.35 menit dengan rata-rata 99.95 menit atau sekitar  $((99.95 \times 210) : 1440 = 14.5706)$  menit.

4. Banyaknya antrian *number waiting* ketika pelanggan akan dilayani di pelayanan pemeriksaan dokumen minimal 0 dan maksimal 26 dengan rata-rata 5.8292 orang atau sekitar  $((5.8292 \times 210) : 1440 = 0.85 \approx 1)$  orang.
5. Banyaknya antrian *number waiting* ketika pelanggan akan dilayani di pelayanan klaim dana loket 1 adalah minimal 0 dan maksimal 12 dengan rata-rata 3.6111 orang atau sekitar  $((3.6111 \times 210) : 1440 = 0.5266 \approx 1)$  orang.
6. Banyaknya antrian *number waiting* ketika pelanggan akan dilayani di pelayanan klaim dana loket 2 minimal 0 dan maksimal 10 dengan rata-rata 3.0175 orang atau sekitar  $((3.0175 \times 210) : 1440 = 0.44 \approx 0)$  orang.









- Kakiay, T., 2004, *Dasar Teori Antrian untuk Kehidupan Nyata*, Yogyakarta, ANDI.
- Ketenagakerjaan, B., 2016, *Panduan Jaminan Sosial Ketenagakerjaan Bagi Peserta*, Jakarta Selatan.
- Lestari, U.S., 2016, Kajian Metode Empiris untuk Menghitung Debit Banjir Sungai Negara di Ruas Kecamatan Sungai Pandan (Alabio), *Poros Teknik*, 8(2):88.
- Nugroho, Sigit., 2008, *Pengantar Statistika Matematika*, Bengkulu, UNIB Press.
- Pens., 2015, *Distribusi Probabilitas Acak Khusus*, Surabaya.
- Pratiwi, I., MZ. H., Tamalika, T., dan Husin, I., 2014, Analisis Sistem Antrian dengan Metode Simulasi, *Jurnal Desiminasi Teknologi*, 7(1).
- Prana, M.M., 2013, Kualitas Pelayanan Kesehatan Penerima Jamkesmas di RSUD Ibnu Sina Gresik, *Kebijakan dan Manajemen Publik*, 1(1):176.
- Render, B., Stair, R.M., Hanna, M.E., dan Hale, T.S., 2015, *Quantitative Analysis for Management. Ed 12*, Global Edition, Pearson.
- Retnaningsih, Hartini, 2016, Strategi Sistem Jaminan Sosial Nasional Bidang Ketenagakerjaan Dalam Upaya Pelindungan Pekerja di Kota Surabaya dan Kota Pekanbaru, *Aspirasi*, 7(2):157172.
- Richard Bronson, P., 1982, *Theory and Problem of Operations Research*, USA, inc. McGraw-Hill.
- Santoso, A., Anna, B., dan Purbasari, A., 2014, Perancangan Ulang Kursi Antropometri untuk Memenuhi Standar Pengukuran, *Profesiensi*, 2(2):81-91.
- Siagian, P., 1987, *Penelitian Operasional: Teknik dan Praktek*, Jakarta, Universitas Indonesia Press.



- Siagian, P., 1987, *Penelitian Operasional: Teori dan Praktek*, Jakarta, Universitas Indonesia Press.
- Siegel, S., 1998, *Statistik Nonparametrik untuk Ilmu-Ilmu Sosial*, Jakarta, Gramedia.
- Sinalungga, 2008, *Pengantar Teknik Industri*, Yogyakarta, Graha Ilmu.
- Subagyo, P., 1995, *Dasar-Dasar Operasional Research*, Yogyakarta, BPFE Yogyakarta.
- Subagyo, P., Asri, M., dan Handoko, T.H., 2012, *Dasar-Dasar Operasional Research Edisi 2*, Yogyakarta, BPFE Yogyakarta.
- Sugito, dan Fauzia, M., 2009, Analisis Sistem Antrian Kereta Api di Stasiun Besar Cirebon Prujakan, *Media Statistika*, 2(2):111-120.
- Supranto, J., 2012, *Riset Operasi: Untuk Pengambilan Keputusan*, Jakarta, Universitas Indonesia Press.
- Syaifuddin, D.T., 2011, *Riset Operasi (Aplikasi Quantitative Analysis for Management)*, Malang, Percetakan CV Citra Malang.
- Taha, H.A., 1993, *Operations Research*, Jakarta, Binarupa Aksara.
- Tarlich, T., dan Dimiyati, A., 1999, *Operations Research Model-Model Pengambilan Keputusan*, Bandung, PT Sinar Baru Algesindo.
- White, J.A., Schmidt, J.W., dan Bennett, G.K., 1975, *Analysis of queuing system*, New York, Academic Press.
- Yustisia, T.V., 2015, *Panduan Resmi Memperoleh Jaminan Sosial dari BPJS Ketenagakerjaan*, Visimedia.